

«Collection Pilote»

في الرياضيات

☆ مراجعة عامة

🖈 تمارين و إصلاح

🖈 فروض مراقبة و تأليفية



لتلاميذ السنة التاسعة

عن المتعليم الأساسعة

معمر للملومي 🖈 الهادي عبد لاوي



مقـــدمة

هذا الكتاب موجه إلى تلاميذ السنة التاسعة من التعليم الأساسي وهو يندرج ضمن سلسلة Collection Pilote وهو كتاب ثري يفيد التلميذ في مراجعة دروسه وتشخيص مكتسباته. وهو يتضمن ما يلي:

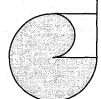
- مراجعة عامة للدروس.
- تمارین متنوعة تتلائم مع المستویات المختلفة للتلامیذ.
 - 💠 فروض مراقبة وتأليفية.

نريد من هذا الكتاب إعداد التلميذ لمراجعة كاملة و شاملة لمختلف المفاهيم الواردة ببرنامج الرياضيات للسنة التاسعة من التعليم الأساسي والتأليف بينها وتهيئته لاجتياز أي اختبار أو المبياد بامتياز.

بذلك يكون هذا الكتاب أحسن إعداد للتلميذ لبقية الأقسام القادمة.

نأمل أن يكون هذا العمل خير سند للتلميذ والمدرّس، وهو ككل عمل قابل للمراجعة والتطوير.

وفي الختام نشكر الأستاذ سامي العواوي على نقده وملاحظاته القيمة.



الفهرس

الإصلاح	التمارين	
1	3	1 - التعداد و الحساب
10	7	2- مجموعة الأعداد الحقيقية
13	10	3 – العمليات في مجموعة الأعداد الحقيقية
20	15	4 - القوى في مجموعة الأعداد الحقيقية
25	18	5 – الترتيب والمقارنة في مجموعة الأعداد الحقيقية
32	21	6 - الجذاءات المعتبرة والعبارات الجبرية
42	26	7 – المعادلات والمتراجحات من الدرجة الأولى ذات
		مجهول واحد في مجموعة الأعداد الحقيقية
50	32	8 - الإحصاء والاحتمالات
62	38	9 - التعيين في المستوى
67	43	10 - مبر هنة طالس وتطبيقاتها
72	49	11 – العلاقات القياسية في المثلث القائم
78	55	12 – أنشطة حول الرباعيات
83	59	13 - التعامد في الفضاء
91	65	14- الفروض

c مقسم a أعدادا صحيحة طبيعية بحيث a يقسم الجذاء b و a أوليين فيما بينهما فإن a يقسم a يقسم a و a أوليين فيما بينهما فإن a يقسم a يقسم a و a أعدادا صحيحة طبيعية؛ إذا كان a يقسم a و a يقسم a و a أوليين فيما بينهما فإن a يقسم a يقسم a و a أوليين فيما بينهما فإن a يقسم a يقسم a و a أوليين فيما بينهما فإن a يقسم a يقسم a و a أوليين فيما بينهما فإن a يقسم a يقسم a و a أوليين فيما بينهما فإن a يقسم a يقسم a أوليين فيما بينهما فإن a يقسم a أوليين فيما بينهما فإن a يقسم a يقسم a أوليين فيما بينهما فإن a يقسم a

4) يكون عددا قابلا للقسمة على 12 إذا كان هذا العدد قابلا للقسمة على 3 و 4.

5) يكون عددا قابلا للقسمة على 15 إذا كان هذا العدد قابلا للقسمة على 3 و 5.

التمــارين:

:	و خطأ	اب أ	بصو	أجب	:01	بدد	عـ	ڹ	ريـ	تم

- أ) يكون عددا قابلا للقسمة على 8 إذا كان هذا العدد قابلا للقسمة على 2 و 4
- ب) يكون عددا قابلا للقسمة على 45 إذا كان هذا العدد قابلا للقسمة على 5 و 9
 - ع بنا كان 7 يقسم 11a فإن 7 يقسم ج
 - د) إذا كان 3 يقسم 24b فإن 3 يقسم 6
 - هـ) كل عدد يقبل القسمة على 5 ومجموع أرقامه 12 يقبل القسمة على 15.
- و) لتكن n و p ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية مخالفة للصفر ؛ إذا كان m يقسم n و p يقسم n فإن m يقسم n تمرين عدد m ضع العلامة m أمام المقترح السليم:
 - أ) العدد 47351948 قابل للقسمة على: 🗖 25 🕴 ؛ 🔲 4
- د) نعتبر العدد a =171320x5 حيث x عدد فردي ويمثل رقم العشرات. إذا كان العدد a قابلا للقسمة على 15 فإن:

x=7 x=5 x=3

تمريان عدد 13: ضع العلامة \ في الخانة المناسبة:

يقبل القسمة على 2 3 4 5 6 6 8 12 25 15 12 25 العدد

25	15	12	8	6	5	4	3	2	العدد
									639084
									324075
**************************************									1314072
									697800

y و x تمرين عدد 10: y نعتبر العدد y y عيث x رقم عشراته و y رقم مئاته. أوجد القيم الممكنة لـ x و x ليكون العدد y قابلا للقسمة على y و 25.

y و x نعتبر العدد y نعتبر العدد y في الممكنة لـ x و من x و من x في الممكنة لـ x و و x و x و و x

نعتبر العدد x = 9678a10b حيث a رقم آحاده و a رقم آلافه. أوجد القيم الممكنة لـ a و a ليكون العدد a قابلا للقسمة على a و a و a .

تمرين عدد 00: نعتبر العدد y = 197587ab حيث y = 197587ab نعتبر العدد y = 107587ab نعتبر العدد y = 107587ab نعتبر العدد y = 107587ab نعتبر العدد y = 107587ab

p = n و q عددان صحیحان طبیعیات. أوجد q و q عددان صحیحان طبیعیات. أوجد q و q ایکون العدد q قابلا للقسمة علی 4 و 9.

تمرين عدد 09:

<u>تمريان عادد 10:</u>

تمريان عادد 11:

<u>تمريان عاد 12:</u>

تمري<u>ن عدد 13:</u>

بين أن العدد X يقبل القسمة على 12 و 15

3b+2 بين أنه إذا كان 11 يقسم Y فإن 11 يقسم العدد

a+b+c عنو أن إذا كان a يقسم b و c فإن a يقسم

أ) بين أن 3 يقسم b+2 ؛ بين أن 11 يقسم a+4

ب) بين أن إذا كان 3 يقسم a و 5 يقسم b فإن 15 يقسم 5a+3b

 $X = 3^{59} + 3^{58} + 3^{57} + 3^{56}$

نعتبر العدد Y = 21b + 14 عدد صحيح طبيعي.

نعتبر العدد الصحيح الطبيعي X = a - 63 حيث a عدد صحيح طبيعي يقبل القسمة على 3 و 7.

أ) بين أن العدد X يقبل القسمة على 21 ؛ ب) استنتج أن العدد 20999937 يقبل القسمة على 21.

نعتبر المعادلة a∈ IN حيث a∈ IN و b∈ IN.

```
تمرين عدد 14: نعتبر العددين a = 550 و a = 441
                                أ) أوجد القاسم المشترك الأكبر ثم المضاعف المشترك الأصغر للعدين a و b
  ب) ليكن X عددا صحيحا طبيعيا. بين أنه إذا كان x يقبل القسمة على a و b و و فإن x يقبل القسمة على 242550
            (y;x)ا و x = 3720 و x = 3720 و x عدد 15: نعتبر العددين الصحيحين الطبيعيين x و x عدد 15:
                                                                                        أ) احسب م.م.أ (y;x)
             ب) حدد مجموعة المضاعفات المشتركة للعددين x و y الأصغر من 14900. ما هو كمّ هذه المجموعة؟
                               p < 100 و (120; p) و مدن عدد 11: 1) جد العدد الطبيعي p حيث 15 ق.م.أ
                                                                2) جد العدد الطبيعي q حيث 84 = م.م.أ (12;q)
                  تمرين عدد 11: D_{15} (1 هي مجموعة قواسم العدد 15 و D_{25} هي مجموعة قواسم العدد 25.
                                     D_{15} \cup D_{25} و D_{15} \cap D_{25} ; D_{25} ; D_{15} : أوجد كمّ كل من المجموعات التالية:
       2) قسم رياضة به 25 تلميذ منهم 16 اختصاصهم كرة القدم و 12 اختصاصهم كرة اليد و 4 اختصاصهم كرة اليد
                                  والقدم في نفس الوقت. أحسب عدد التلاميذ الذين اختصاصهم كرة اليد أو كرة القدم
   تمرين عدد 18: حدد مجموعة الأعداد التي تتكون من ثلاثة أرقام مختلفة باستعمال الأرقام: 1؛ 2؛ 3؛ و 4.
                                   F = \{5, 6, 7, 8, 9\} E = \{1, 2, 3, 4\} is in the same in Eq. (5).
                                                                                       <u>تمريان عاد 19:</u>
  أ) أوجد عدد الثنائيات التي يمكن تكوينها بأخذ أحد عنصريها من E والأخر من F بحيث يكون جذاؤهما عددا فرديا.
 ب) أوجد عدد الثنائيات التي يمكن تكوينها بأخذ أحد عنصريها من _{
m E} والأخر من _{
m F} بحيث يكون مجموعهما عدد أوليّا
ج) أوجد عدد الثنائيات التي يمكن تكوينها بأخذ أحد عنصريها من _{
m E} والأخر من _{
m F} بحيث يكون الفرق بينهما عنصر ا
                                                                                                 من E
                                                      تمرين عدد 20: أوجد كمّ كلّ من المجموعات التالية:

    أ) A هي مجموعة الأعداد الفردية التي تتكون من رقمين

                     ب) B هي مجموعة الأعداد الزوجية التي تتكون من ثلاثة أرقام ورقم عشراتها من مضاعفات 3
                        ج) _{\mathrm{C}} هي مجموعة الأعداد الأولية التي تتكون من أربعة أرقام ومجموع أرقامها يساوي _{\mathrm{C}}
                                                                 تمرين عدد 21: نعتبر المجموعة التالية:
               A = \{ 25470; 67944; 73508; 1479; 31170; 81720; 13475; 793140; 5733; 4715 \}
                                                                        1) أوجد كمّ كلّ من المجموعات التالية:
                                                        أ) E هي مجموعة عناصر A التي تقبل القسمة على E
 رياضبات التساسسعة أسساسي
```

- ب) F هي مجموعة عناصر A التي تقبل القسمة على A
- ج) G هي مجموعة عناصر A التي تقبل القسمة على G
 - 2) استنتج كلا من المجموعات التالية:
- أ) H هي مجموعة عناصر A التي تقبل القسمة على 12.
- ب) I هي مجموعة عناصر A التي تقبل القسمة على 15.
- ج) J هي مجموعة عناصر A التي تقبل القسمة على 4 أو التي تقبل القسمة على 3.

تمريسن عسدد 22:

كيس يحتوي على 4 كويرات تحمل الأحرف c ; b ; a و d أوجد عدد الإمكانيات لسحب c كويرات في نفس الوقت.

تمريان عاد 23:

- 1) كم من فريق بنفس العدد من اللاعبين يمكن تكوينه من بين 47 لاعب.
- 2) 6 أشخاص بريدون تكوين فريق كرة سلة (5 لاعبين). كم من إمكانية لذلك؟

تعريبن عسدد 24:

1) كم مثلثاً يمكن رسمه بحيث تكون رؤوسه من بين النقاط:

D; C; B; A و E بالرسم التالي:

2) أوجد عدد الإمكانيات لوضع الأعداد 1؛ 2؛ 3 و 4على قمم الخماسي ABCDE عوض عن الأحرف

تمريسن عسدد 25:

عائلة بها 6 أبناء: (يوسف؛ مرام؛ أبرار؛ بسام؛ فتحى؛ حياة).

قرر الأب أن يختار ثلاثة منهم بالقرعة لاصطحابه إلى مدينة العلوم. أوجد عدد إمكانيات الاختيار.

تمرين عدد 26: لقطعة نقود وجهان: الوجه ونرمز له F والقفا ونرمز له P.

نرمى قطعة نقدية ثلاث مرات في الهواء وإثر سقوطها

نسجل في كل مرة الوجه الظاهر من القطعة.

1) أتمم شجرة الاختيار التالية:

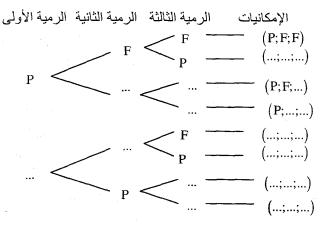
2) حدد إمكانيات " الحصول على 3 وجوه P"

3) ما هو عدد إمكانيات " الحصول على الوجه P مر تين على الأقل؟ "

4) ما هو عدد إمكانيات " الحصول على وجه F مرة واحدة فقط؟ "

5) ما هو عدد إمكانيات " الحصول على 3 وجوه متشابهة؟ "

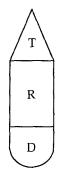
6) ما هو عدد إمكانيات " الحصول على وجهين متشابهين على الأقل؟ "



تمريان عدد 27:

لاحظ الشكل المقابل المتكون من 3 أجزاء: مثلث T، مستطيلا R ونصف قرص دائري D . تريد أبرار تلوين الأجزاء الثلاثة بثلاثة أقلام ملونة: الأخضر (V)؛ الأزرق (B) و الأصغر (J).

- 1) إذا علمت أنه يمكن لأبرار تلوين الأجزاء بنفس اللون، ما هي إمكانيات التلوين؟
- 2) علما أنه يمكنها أن تلون كل جزء بلون مختلف عن الآخر، ما هي إمكانيات التلوين؟



تمريان عدد 28:

بمحفظة يوسف 3 ملفات: أحمر (R) ؛ أزرق (B) و أخضر (V).

يسحب يوسف ملفين الواحد تلو الآخر دون النظر إليهما وكل مرة يرجع الملف المسحوب.

1) ما عدد إمكانيات السحب؟ ؛ 2) ما عدد إمكانيات سحب ملفين خضر اوين؟

3) ما عدد إمكانيات سحب ملفين لهما نفس اللون؟ بالماعدد إمكانيات سحب ملفين مختلفين في اللون؟

<u>تمريــن عـــدد 29:</u>

دخلت مرام مغازة للملابس الجاهزة ؛ رغبت في شراء كسوة متكونة من سروال، قميص ومعطف.

ترددت بين اختيار ثلاثة سراويل ، أربعة قمصان ومعطفين.

حدد عدد الكساوي التي يمكن أن تختار ها.

<u>تمريان عادد 30:</u>

رمز " بين" (PIN) يتكون من 4 أرقام مختارة من بين الأرقام 0 و 1 ما هو عدد إمكانيات الحصول على رموز مختلفة؟

تمريان عدد 31:

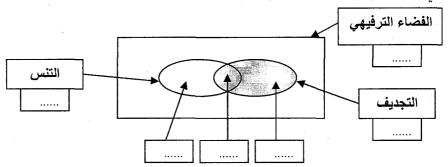
باستعمال الأرقام 1؛ 2؛ 4 و 5.

1) كم عددا يتكون من ثلاثة أرقام؟

2) كم عددا يتكون من ثلاثة أرقام حيث رقم الآحاد 4

تمرين عدد 32:

يشترك 120 شخص بفضاء ترفيهي منهم 24 يلعبون التنس و 15 يمارسون رياضة . التجديف في حين يمارس 6 أشخاص الرياضتين معا.



- 1) أكمل الفراغات بالعدد المناسب.
 - 2) ما هو عدد الأشخاص:
- أ) الذين لا يمارسون كلتا الرياضتين.
 - ب) الذين يلعبون التنس فقط
- ج) الذين يمارسون رياضة واحدة على الأقل.

تمرين عدد 33:

أوجد عدد الإمكانيات لوضع الأرقام 1 و 2 و 3 و 4 على قمم الرباعي عوضا عن الأحرف (D) (C)

تمرین عدد 34:
 تمرین عدد 34:
 تمرین عدد 34:
 بکم من طریقة یمکنك وضع 3 سیارات $(V_1; V_2; V_3)$ في مأوى ذي خمسة أماكن $(P_1; P_2; P_3; P_4; P_5)$

1) لكل عدد كسري نسبي كتابة عشرية دورية 2) كل كتابة عشرية دورية تمثل عددا كسريا وحيدا. 3) كل كتابة عشرية غير متناهية وغير دورية تمثل عددا أصما. 4) مجموعة الأعداد الحقيقية هي اتحاد مجموعتي الأعداد الكسرية النسبية والأعداد الصماء ونرمز لها بـ IR. $IN \subset \mathbb{Z} \subset ID \subset \mathbb{Q} \subset IR$ 5) الجذر التربيعي لعدد حقيقي موجب a هو العدد الحقيقي الموجب b الذي مربعه يساوي a $a = b^2$ يعنى $\sqrt{a} = b$ 6) المستقيم العددي هو مستقيم مدرج بواسطة الأعداد الحقيقية حيث أن كل عدد حقيقي يمثل فاصلة نقطة وكل نقطة من المستقيم تمثل عددا حقيقيا: التمــارين تمرين عدد 10: أجب بـ " صواب" أو "خطأ" أ) كل عدد أصم هو عد كسري ب) كل عدد له كتابة عشرية دورية هو عدد كسرى ج) كل عدد له كتابة عشرية لا متناهية ودورية هو عدد أصم د) کل عدد کسری هو عدد حقیقی هـ) كل عدد كسري هو عدد أصم و) π هو عدد كسري 2) $\sqrt{7}$ هو عدد أصم تمرين عدد 02: ضع العلامة 🗵 أمام المقترح الصحيح: عشري □ ، كسرى □ 1) هو عدد: أصم \square ، $\sqrt{11}$ 2) 1.72: هو عدد: أصم □ ، كسري □ ، عشري □ صحيح □ ، عشري □ $\sqrt{0.01}$ (3) هو عدد: أصم □ x = 10 $x = \sqrt{5}$ x = 25 x = 25 x > 0 x = 5 (4) \Box $a = \frac{\pi}{2}$ ' \Box $a = \pi^2$ ' \Box $a = 2\pi$: يعني $\sqrt{a} = \pi$ (5 تمريـن عـيدد <u>03:</u> $4 - \frac{14}{3}$: $\frac{10}{11} - 1$: $\frac{2}{3} + 1$: $\frac{64}{11} - 2$: $-\frac{15}{6}$: $\frac{12}{11}$: $\frac{1}{3}$: $\frac{1}{3}$: $\frac{10}{11} - 1$: $\frac{2}{3} + 1$: $\frac{64}{11} - 2$: $-\frac{15}{6}$: $\frac{12}{11}$: $\frac{1}{3}$: $\frac{1}{3}$: $\frac{10}{11} - 1$: $\frac{2}{3} + 1$: $\frac{64}{11} - 2$: $-\frac{15}{6}$: $\frac{12}{11}$: $\frac{1}{3}$: تمرين عدد 04: نعتبر المجموعة A = $\left\{ -\sqrt{2} ; \pi ; -\frac{5}{3} ; 2,63 ; \sqrt{0,04} ; 6,24 ; -\frac{\pi}{3} ; -\frac{\sqrt{3}}{5} ; \frac{\sqrt{64}}{4} \right\}$

-1.6...A ; 3.14....A : 2.6...A ; 2...A ; 0.2...A \Rightarrow ; \Rightarrow أو \Rightarrow : \Rightarrow أكمل بما يناسب من الرموز : \Rightarrow ; \Rightarrow أو \Rightarrow :

A.....IR ; A......Q ;
$$\left\{2,63 \ ; \ -2 \ ; \ -\frac{\sqrt{3}}{5}\right\}$$
....A ; $\left\{-\sqrt{2} \ ; \frac{156}{25} \ ; \frac{2}{10}\right\}$A ;

 $A \cap IR_-$; $A \cap IR_+$; A

 $\frac{23}{11}$ أوجد الكتابة العشرية الدورية لـ (1

 $\frac{45}{11}$; $\frac{34}{11}$; $\frac{12}{11}$; المعشرية الدورية للأعداد (2) دون القيام بعملية استنتج الكتابة العشرية الدورية للأعداد

تمريان عاد <u>06:</u>

1) أعط حصر اللعدد $\frac{11}{3}$ بين عددين صحيحين متتاليين.

2) أوجد القيمة التقريبية بالنقصان للعدد $\frac{11}{3}$ برقمين بعد الفاصل.

3) أوجد القيمة التقريبية بالزيادة للعدد $\frac{11}{3}$ برقمين بعد الفاصل.

$$x \in IR_{+} \quad \sqrt{\frac{x^{2}}{9}} \; ; \; \sqrt{\frac{144}{169}} \; ; \; \sqrt{\frac{0.49}{0.01}} \; ; \; \sqrt{\frac{1}{121}} \; ; \; \sqrt{\frac{25}{4}} \; :$$

$$\sqrt{32 + \sqrt{11 + \sqrt{25}}} \; ; \; \sqrt{2 + \sqrt{49}} \; ; \; \sqrt{\frac{3^{2} + 4^{2}}{36}} \; ; \; \sqrt{\frac{3}{4} + \frac{11}{2}}$$

مريـن عـدد <u>08:</u> 1) أوجد الرقم الذي رتبته 2009 بعد الفاصل في الكتابة <u>23.123</u>

2) أوجد الرقم الذي رتبته 257 بعد الفاصل في الكتابة 15.24

3) أوجد الرقم الذي رتبته 2010 بعد الفاصل في الكتابة 9.321

<u>تمريان عاد 09:</u>

نعتبر العدد 11.xyz حيث y ، x و z أرقام. أوجد الأرقام y ، x و z إذا علمت أن الرقم

الذي رتبته 203 بعد الفاصل هو 5 والرقم الذي رتبته 68 بعد الفاصل هو 3 والرقم الذي رتبته 858 بعد الفاصل هو 7

تمرين عدد 10: \times حدد الحالات التالية: \times حد العدد الحقيقى \times في كل من الحالات التالية:

 $x^4 = 49$; $x^4 = 16$; $x^2 = 169$; $x^2 = 5$; $x^2 = \frac{121}{4}$; $x^2 = 0.09$; $x^2 = 1$

تمريان عدد 11: x في كل من الحالات التالية:

$$\sqrt{6+\sqrt{2+\sqrt{x}}}=3$$
 ; $\sqrt{1+\sqrt{x}}=2$; $\sqrt{x-11}=11$; $\sqrt{x+9}=7$; $\sqrt{x}=23$; $\sqrt{x}=15$ 1.73 ; 1.73 ; $\sqrt{3}$; 1.41 ; π ; 1.41 ; 3.14 ; $\sqrt{2}$; 3.14 : التالية: 1.73 ; $\sqrt{3}$; 1.41 ; π ; 1.41 ; 3.14 ; $\sqrt{2}$; 3.14 : التالية: 1.73 ; $\sqrt{3}$

تمرين عدد 13:

 $\frac{3}{11}$ و $\frac{14}{11}$; $\frac{19}{11}$; $\frac{19}{11}$; $\frac{19}{11}$ و $\frac{11}{11}$ و $\frac{11}{11}$

 $1.\underline{72} + 1.\underline{27} = 3$ و $2 = 1.\underline{72} + 0.\underline{27} = 2$ استنتج أن $2 = 1.\underline{72} + 0.\underline{27} = 2$

تمرين عدد 11: نعتبر العدد 31.73 حيث a b ; a و a أرقام. أوجد الأرقام a و a إذا علمت أن الرقم الذي رتبته a a و a الذي رتبته a a بعد الفاصل هو a والرقم الذي رتبته a بعد الفاصل هو a والرقم الذي رتبته a بعد الفاصل هو a

OI = 1cm مستقیما Δ مدرجا بالمعین (O;I) میث عدد 15: نعتبر مستقیما

. –1 و $\sqrt{2}$; $\frac{5}{2}$; –3 النقاط Δ ; $\frac{5}{2}$; $\frac{5}{2}$) عين على Δ النقاط Δ (1

2) احسب الأبعاد CI; DC; BC; AB

3) جد فاصلة النقطة E مناظرة A بالنسبة إلى O.

4) جد فاصلة النقطة F مناظرة B بالنسبة إلى I

5) جد فاصلة النقطة G منتصف [DC].

تمرین عدد 16: نعتبر مستقیما ۵ مدرجا بالمعین (O;I) حیث OI = Icm

 $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ و $3\sqrt{2}$; $\sqrt{2}+1$ و التي فاصلاتها على التوالي 1+2 و 7 و $3\sqrt{2}$ و 7 و 7

2) احسب الأبعاد FG; EF و EG

3) عين النقطة M على Δ بحيث تكون فاصلتها موجبة و M = 1. ما هي فاصلتها (3

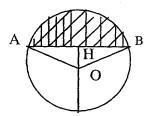
تمريسن عسدد <u>17:</u>

أعط قيمة تقريبية بالزيادة بثلاثة أرقام بعد الفاصل لحجم مخروط دوراني شعاعه $6\,\mathrm{cm}$ وارتفاعه $\pi=3.14$ (نأخذ $\pi=3.14$)

تمريان عدد 18:

أعط قيمة تقريبية بالنقصان بثلاثة أرقام بعد الفاصل للمساحة المشطوبة في الشكل التالي

 $OH = 4 \, \text{cm}$; $AB = 11 \, \text{cm}$; $OB = 7 \, \text{cm}$ حیث $(\pi = 3.14)$ O (نأخذ (ζ)



I- الجمع والطرح في مجموعة الأعداد الحقيقية IR

- * عملية الجمع في IR هي:
- a+b=b+a فإن مهما يكن $a \in IR$ و $b \in IR$ عنديلية أي: مهما يكن
- a + (b+c) = (a+b)+c = a+b+c فإن $c \in IR$ و $b \in IR$ ، $a \in IR$ و $b \in IR$ ، $a \in IR$
 - a+0=0+a=a فإن $a\in IR$ العدد $a\in IR$ العدد a+0=0+a=a فإن
 - a + (-a) = (-a) + a = 0 فإن $a \in IR$ غل عدد حقيقي a + (-a) = (-a) + a = 0 فإن $a \in IR$
 - c=a-b ونكتب a=b+c بين عددين حقيقيين a=b+c و العدد الحقيقي a=b+c
 - -(-a)=a فإن a العدد الحقيقي * مهما يكن العدد
 - -(a+b)=-a-b فإن $a\in IR$ مهما يكن $a\in IR$
- a-(b-c)=(a-b)+c و a-(b+c)=a-b-c فإن $c\in IR$ و $b\in IR$ ، $a\in IR$ * مهما یکن *

II - الضرب والقسمة في مجموعة الأعداد الحقيقية IR:

- * عملية الضرب في IR هي:
- $a \times b = b \times a$ فإن $a \in IR$ و $a \in b \in a \times b = a \times$
- $a \times b \times c = a \times (b \times c) = (a \times b) \times c$ فإن: $b \in IR$ و $b \in IR$ و $a \in IR$ في: مهما يكن $b \in IR$
- $a \times (b+c) = a \times b + a \times c$ فإن: $a \in IR$ و $a \in IR$ و $a \in IR$ في عملية الجمع أي: $a \times (b+c) = a \times b + a \times c$
- $a\times(b-c)=a\times b-a\times c$: فإن $c\in IR$ و $b\in IR$ ، $a\in IR$ و مما يكن $a\times(b-c)=a\times b-a\times c$
 - $a\times 1=1$ ه فإن $a\in IR$ العدد 1 هو عنصر محايد لعملية الضرب أي مهما يكن $a\in IR$
 - $a\times(-1)=(-1)\times a=-a$ فإن $a\times(-1)=(-1)$ هما يكن العدد الحقيقي
 - $a \times \frac{1}{a} = 1$ فإن $a \in \mathbb{R}^*$ كل عدد حقيقي $a \in \mathbb{R}^*$ فالصفر له مقلوب $\left(\frac{1}{a}\right)$ ، مهما يكن
 - * مهما يكن $a \in IR$ و $b \in IR$ فإن $a \in a$ يعني $a \in a$ أو $a \in a$).
 - $\frac{a}{b} = a \times \frac{1}{b}$ القسمة على عدد حقيقي مخالف للصفر هي الضرب في مقلوبه أي: *
 - $\frac{a}{b} + \frac{c}{b} = \frac{a+c}{b}$ فإن $c \in IR$ و $b \in IR^*$ ، $a \in IR$
 - $\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$ و $\frac{a}{b} + \frac{c}{d} = \frac{a \times d + b \times c}{b \times d}$ فإن $d \in IR^*$ و $c \in IR$ و $b \in IR^*$ ، $a \in IR$ مهما يكن
 - $\frac{a}{\frac{b}{c}} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c} = \frac{a \times d}{b \times c}$ فإن $d \in IR^*$ و $c \in IR^*$ و $b \in IR^*$ ، $a \in IR$ فإن $a \in IR$

III- القيمة المطلقة لعدد حقيقى وخاصياتها:

$$(x=-a)$$
 أو $(x=a)$ يعني $(|x|=a)$ يعني $(|x|=a)$ * اذا كانت $(x=a)$ ه حيث $(|x|=a)$ او $(x=a)$

$$\left|\frac{a}{b}\right| = \frac{|a|}{|b|}$$
 فإن $b \in IR^*$ ه هما يكن $a \in IR$ ه فإن $|a.b| = |a|.|b|$ فإن $a \in IR$ ه هما يكن $a \in IR$ ه هما يكن

$$\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$$
 فإن $b \in IR_+^*$ و $a \in IR_+$ و $a \in IR_+$ « $a \in IR_+$ » مهما يكن $a \in IR_+$ فإن $a \in IR_+$ فإن $a \in IR_+$ « مهما يكن $a \in IR_+$ » من $a \in IR_+$ » م

التمــارين

$$\frac{11}{2} + \left(\frac{9}{2} - 3.4\right) \cdot 1.2 - \left(-\frac{1}{2}\right) \cdot \left(-\frac{4}{7} + \left(-\frac{1}{11}\right) \cdot -0.1 - \frac{3}{5} \cdot \left(-\frac{5}{3} + \frac{4}{9}\right) \right)$$

$$\frac{11}{2} + \left(\frac{9}{2} - 3.4\right) \cdot 1.2 - \left(-\frac{1}{2}\right) \cdot \left(-\frac{4}{7} + \left(-\frac{1}{11}\right) \cdot -0.1 - \frac{3}{5} \cdot \left(-\frac{5}{3} + \frac{4}{9}\right) \right)$$

$$\frac{11}{2} + \left(\frac{9}{2} - 3.4\right) \cdot \left(\frac{10}{2} - \frac{10}{2}\right) \cdot \left(-\frac{1}{2} + \frac{10}{11}\right) \cdot \left(-\frac{1}{3} - \frac{1}{3}\right) \cdot \left($$

تمرین عدد 10: اختصر العبارات التالیة حیث x ∈ IR

$$F = \left(\sqrt{2} - 2x + \frac{2}{3}\right) - \left(3\sqrt{2} - 5x - \frac{5}{6}\right) - \left(-2\sqrt{2} + 3x - 1\right) \cdot E = (x - \pi) - \left(\frac{1}{2} + x\right) - \left(\frac{3}{4} - \pi\right) - 1$$

G =
$$\pi - (\sqrt{2} - 1) - [2 - (\sqrt{2} - \pi - 1)] - \frac{3}{2}$$

تمرين عدد 103: ضع العلامة ⊠ أمام المقترح الصحيح:

$$A = \frac{1}{2}$$
 $A = 2\sqrt{2}$ $A = \sqrt{2}$ $A = \sqrt{2}$

$$\Box$$
 C = 16 ، \Box C = -16 و $a-b=-8$ و $C=\frac{2}{3}-(a+7)-\left(\frac{5}{3}-b\right)$ (3)

تمري<u>ن عـدد 04:</u>

$$A = x - [(y-z)-(x-y)] - (z+x) + 2y : z \in IR$$
 و $y \in IR$ $x \in IR$ عبر العبارات التالية حيث $y \in IR$ $x \in IR$ عبر العبارات التالية حيث $y \in IR$

$$C = y - (x-1) - [z - (y-1)] + [x - (1-z)]$$
 $G = x - (y-x-z) + y - (x-z) + y - (x-y)$

.
$$y = -\frac{5}{2}$$
 و $x = z = \frac{1}{2}$ في حالة C و B ، A احسب (2

B = C ابحث عن Z علما أن (3

تمرين عدد 10: لتكن العبارتان E و F حيث x ∈ IR:

$$F = -\left(\sqrt{5} + x + \pi\right) + \left[-\left(-\sqrt{5} + \sqrt{3}\right) + \pi\right] - \left(\sqrt{3} - \pi\right) \quad , \quad E = \left(x - \sqrt{2} - \pi\right) - \left[-\left(\sqrt{2} + \sqrt{3} - \pi\right) - x\right] - \left(x - \pi\right)$$

$$F = -x + \pi - 2\sqrt{3}$$
 و أن $E = x - \pi + \sqrt{3}$ (1) أثبت أن:

$$.F = -\left(E + \sqrt{3}\right)$$
 اثبت أن (2

$$x = \pi + 1$$
 في حالة E احسب (3

$$F = -\sqrt{3} + \pi$$
 أوجد x علما أن (4

$$A = \left(-\frac{1}{2}\right) \times 4 - 2 \times \left(-\frac{9}{4}\right) \times 5 + 5 \times \left(-\frac{3}{10}\right)$$

$$C = \left(-\frac{4}{5}\right) \times \frac{1}{7} \times (-5) + \left(-\frac{2}{21}\right) \times \frac{3}{2} - (-0.4) \times \frac{10}{7}$$

$$D = \left(-\frac{\pi}{\sqrt{2}}\right) \times \frac{\sqrt{6}}{11} \times \left(-\frac{1}{\sqrt{3}}\right) - \sqrt{8} \times \left(-\frac{\pi}{2}\right) \times \left(-\frac{\sqrt{2}}{\pi}\right)$$

لتكن العبارة $E = \sqrt{2}a - \sqrt{3}b - ab\sqrt{6}$ العبارة $E = \sqrt{2}a - \sqrt{3}b - ab\sqrt{6}$ العبارة كل من تمرين عيد 07:

$$b = \sqrt{3}$$
 $a = \sqrt{2}$ (1)

$$b = \sqrt{2}$$
 $a = \sqrt{3}$ (2)

$$a = b = \sqrt{2}$$
 (3

$$b = -\sqrt{3}$$
 $a = -\sqrt{2}$ (4

$$a = b = -\sqrt{3}$$
 (5)

تمرين عدد 08: ضع العلامة 🗷 أمام المقترح الصحيح:

: فإن
$$C = \sqrt{2} - \sqrt{3}$$
 ، $B = \sqrt{3} - \sqrt{2}$ ، $A = \sqrt{3} + \sqrt{2}$ فإن (1

: فإن
$$Z = \frac{1}{\sqrt{7}}, Y = \frac{\sqrt{7}}{7}, X = \sqrt{7}$$
 فإن (2

$$\square X + Z = \frac{\sqrt{7}}{8} \qquad \qquad \square Y = Z \qquad \qquad \square XY = 7$$

 $B = 2\sqrt{20} + 5\sqrt{5} - \sqrt{45}$, $A = \sqrt{2} - \sqrt{8} + \sqrt{50} - \sqrt{18}$: it is a second in the second in

$$D = -\sqrt{28} - \sqrt{63} + 7\sqrt{7} \qquad C = -3\sqrt{3} + 4\sqrt{12} - 7\sqrt{75} \qquad (1)(2 + 1)(3 + 1)(3 + 1)(4 + 1)$$

$$F = (\sqrt{2} - \sqrt{3})(\sqrt{3} + \sqrt{2})$$
 $F = (1 - \frac{1}{3})(\frac{2}{5} + 1 - \frac{1}{2})$ if $E = (1 - \frac{1}{3})(\frac{2}{5} + 1 - \frac{1}{2})$ if $E = (1 - \frac{1}{3})(\frac{2}{5} + 1 - \frac{1}{2})$ if $E = (1 - \frac{1}{3})(\frac{2}{5} + 1 - \frac{1}{2})$

$$N = 3\left(\sqrt{3} - \sqrt{2}\right)\left(\sqrt{3} + \sqrt{2}\right) - 2\left(\sqrt{7} + \sqrt{6}\right)\left(\sqrt{7} - \sqrt{6}\right) \qquad H = \sqrt{5}\left(\sqrt{5} + 3\right) - 5\left(1 - \sqrt{5}\right)$$

 $c \in IR$ و $b \in IR$ ، $a \in IR$ انشر واختصر العبارات التالية حيث $b \in IR$ ، $a \in IR$ و $c \in IR$

$$Y = \left(a - \frac{5}{4}\right)\left(\frac{5}{4} - b\right) + \left(a - b\right)\left(\frac{5}{4} - a\right)$$
 $(X = a\left(\frac{3}{2} - b\right) + b\left(a - \frac{3}{2}\right) - \frac{3}{2}(a - b)$

$$T = (a-b)\left(\frac{4}{5}-a\right)-(b-a)\left(a-\frac{4}{5}\right)$$

 $y = 5 - 2\sqrt{6}$ و $x = 5 + 2\sqrt{6}$ و العددين الحقيقيين التاليين: $x = 5 + 2\sqrt{6}$ و $x = 5 + 2\sqrt{6}$ و

$$\frac{1}{x} - \frac{1}{y}$$
 $\frac{1}{x} + \frac{1}{y}$ $\frac{1}{x} \cdot \frac{1}{y}$ $\frac{1}{x} \cdot \frac{1}{y}$ (2)

$$A = (3x+1)(x-1)+(2x+3)(x-1): x \in IR$$
 قمريان عاد 13 العبارات التالية حيث $D = 2(x+2)\sqrt{3}-3$ ، $C = \pi\sqrt{5}-5$ ، $B = 2\pi x - 4x\sqrt{2}$

$$F = (x - \sqrt{7})(x+5) - (x+4)(\sqrt{7} - x)$$
 $E = \sqrt{7}(x+1) - 2x - 2$

$$Z = \frac{1 - \sqrt{2}}{\frac{1}{1 + \sqrt{2}}} \quad ; \quad T = \frac{\frac{\pi}{\sqrt{3} - \sqrt{2}}}{\frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{2}} \times \frac{1}{\pi} \qquad \quad ; \quad Y = \frac{\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{6}}}{\frac{2}{\sqrt{3}}} \qquad \quad ; \quad X = \frac{1 - \frac{1}{3}}{2 - \frac{2}{3}} + \frac{1}{2}$$

 $b\in IR$ و $a = a\sqrt{7} + b\sqrt{5}$ حيث $a = a + b\sqrt{5}$ و $a = a + b\sqrt{5}$

$$B = \sqrt{125} + \sqrt{28} - \frac{2}{3}\sqrt{63} + \frac{1}{\sqrt{7}} \qquad A = 9\sqrt{7} - 2\sqrt{5} + \frac{3}{2}\left(\sqrt{7} + \sqrt{5}\right) - \left(\frac{13}{2}\sqrt{7} - \frac{7\sqrt{5}}{2}\right)$$

$$D = \frac{\sqrt{448}}{14} + \frac{\sqrt{35} + 1}{\sqrt{7}} - \frac{5\sqrt{180}}{2} \qquad C = \frac{\sqrt{7} + 1}{2} - \frac{1}{\sqrt{5}} + \frac{\sqrt{5} - 1}{2}$$

. $a \in IR$ حيث (a+1)(a-1)-a² عدد 11: 1) انشر واختصر العبارة: . 10^4-1 على 10^4-100 ما هو خارج القسمة الاقليدية وباقيها للعدد 10^8-10^4 على 10^4-10^4

$$A = \left(1 + \frac{1}{2}\right) \times \left(1 + \frac{1}{3}\right) \times \left(1 + \frac{1}{4}\right) \times \dots \times \left(1 + \frac{1}{49}\right) \times \left(1 + \frac{1}{50}\right)$$
 احسب العبارة التالية:

$$|3-2\sqrt{2}|$$
, $|3.15-\pi|$, $|3.14-\pi|$, $|1.4-\sqrt{2}|$, $\left|-\frac{3}{4}+\frac{1}{2}\right|$ $|3.15-\pi|$

$$Z = \frac{\left|\sqrt{3} - \pi\right|}{\left|\pi - \sqrt{3}\right|} \quad \text{`Y = } \left|\left(-\sqrt{6} - \sqrt{5}\right)\left(\sqrt{5} - \sqrt{6}\right)\right| \quad \text{`X = } \left|\sqrt{2} - \sqrt{3}\right| \times \left|\sqrt{2} + \sqrt{3}\right| \quad \text{`Lember 1.5}$$

$$V = \left| -\frac{1}{\sqrt{3} - \sqrt{2}} \right| - \left| \frac{1}{\sqrt{3} + \sqrt{2}} \right| \cdot U = \left| \frac{\sqrt{7} - \sqrt{5}}{\pi - \sqrt{2}} \right| \times \left| \frac{\sqrt{2} - \pi}{\sqrt{5} - \sqrt{7}} \right|$$

مرين عدد 10: $X = IR_+$ في حالة $X = IR_+$ ثم في حالة $X = IR_+$. $X = IR_+$ ثم في حالة $X = IR_+$

$$X \le -2$$
 في حالة $X \ge -2$ في حالة $X \ge -2$ ثم في حالة $X \ge -2$ أختصر العبارة

.
$$x \le \sqrt{2}$$
 ما ثم في حالة $x \ge \sqrt{2}$ في حالة $C = \sqrt{2} - \left| \sqrt{2} - x \right|$ (3

$$|x-1|=1+\sqrt{2}$$
; $|x+2\sqrt{3}|=0$, $|x|=\sqrt{5}$ it is it is a constant. If $|x-1|=1+\sqrt{2}$ is $|x+2\sqrt{3}|=0$, $|x|=\sqrt{5}$ it is it.

$$|x - \pi| = 1 - \sqrt{2}$$
 $|(x - \sqrt{5})(x - \sqrt{2})| = 0$

 $x \in \mathbb{R}$ أوجد |x| ثم استنتج x في كل من الحالات التالية حيث $x \in \mathbb{R}$

$$\left| -\sqrt{7}x + 2x \right| = 1$$
, $\left| -\frac{\sqrt{3}x}{\sqrt{5}} \right| = \frac{1}{\sqrt{5}}$, $\left| \frac{-x}{\sqrt{2}} \right| = \frac{1}{2}$, $\left| -3x \right| = 4$

تمرين عدد 23: ضع العلامة 🗵 أمام المقترح الصحيح:
$\square x \in \mathbb{R}^*$ ' $\square x \in \mathbb{R}_+$ ' $ x = x$ فإن: $ x = x$
$\square x \in IR^* ` \qquad \square x \in IR ` \qquad \square x \in IR_+ : $
$\square x = 2^2$ ، $\square x = \sqrt{2}$ ، $\square x = 2$ فإن: $2 = 2$ فإن: 3
$a \neq 1$ و $a \in IR^*_+$ حيث $y = \sqrt{a} - a$ و $x = \sqrt{a} + a$ و $a \neq 1$ و $a \neq 1$
$x \times y$; $x - y$; $x + y$ احسب: (1
$\frac{1}{x} - \frac{1}{y} ; \frac{x \times y}{x - y} (2)$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\frac{1}{x} + \frac{1}{y}$
$\frac{x}{\frac{1}{2}} = -\frac{1}{\sqrt{a}} (3)$
X Y
$(x-y=x\times y)$ فوجد العدد الحقيقي $(x-y=x\times y)$ في حالة $(x-y=x\times y)$
$\frac{2}{2}$ تمریسن عدد 25: (1) اذک العداد مّا الآلالة: (2/ $\frac{2}{2}$) (2/ $\frac{2}{2}$) (3/ $\frac{2}{2}$) (4/ $\frac{2}{2}$) (4/ $\frac{2}{2}$) (5/ $\frac{2}{2}$)
$A = (\sqrt{3} - x)(\sqrt{2} + x) - (2x - \sqrt{2})(x - \sqrt{3})$ (1)
$X = -1$ في حالة $A = 3x(\sqrt{3} - x)$) بين أن: $A = 3x(\sqrt{3} - x)$
$A=0$ ثم في حالة $x=-\sqrt{3}$ ، د) أوجد $x=1$ إذا علمت أن $x=1$
: $B = \sqrt{27} - 3x$ Hillips: $B = \sqrt{27} - 3x$
$A-B=0$ بين أن $B=3(\sqrt{3}-x)$ بين أن $B=3(\sqrt{3}-x)$ بين أن (B=3($\sqrt{3}-x$) فكك إلى جذاء عوامل العبارة
تمريان عاد 26:
$x \in IR$ حيث $a = x\sqrt{\frac{242}{45}}$ لتكن العبارة (1
$\sqrt{10}$ and $\sqrt{2}$ and $\sqrt{2}$ and $\sqrt{2}$ and $\sqrt{2}$
$x = \sqrt{10}$ أ) بين أن: $a = \frac{11\sqrt{2}}{3\sqrt{5}}x$ أ) بين أن: $a = \frac{11\sqrt{2}}{3\sqrt{5}}$ أ) بين أن:
$x \in IR$ اذا علمت أن $x \in IR$
$x \in IR^*$ حيث $b = \frac{1}{x} \frac{\sqrt{180}}{\sqrt{968}}$ عتبر العبارة (2)
اً) بین أن $a \times b = 1$ ، بین أن $a \times b = 1$ استنتج أن $a \times b = 1$
A
$\frac{a}{a}$ تمریت عدد 27: $ a-b - a-b - a-b $ تكن العبارة التالية: $ a-b - a-b - a-b $ حيث $ a-b - a-b $ و $ a-b - a-b $
$h = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ all $a = v$ is left $a = v$ and $a = v$ is $a = v$.
3) أوجد b في كل من الحالات التالية:
$ X - \sqrt{3} = 1$ (2 (3 $ X = \sqrt{2}$ (5 $ X - \sqrt{2} = 0$ (4 $ X = \sqrt{3}$ (5

- اذا كان a عددا حقيقيا مخالفا للصفر و n عددا صحيحا طبيعيا أكبر من 1 فإن a هو جذاء a عوامل مساوية a أي: a a a a حيث a هو عدد عوامل هذا الجذاء.
 - $a^0=1$ إذا كان a عددا حقيقيا فإن $a^1=a$ ، إذا كان a عددا حقيقيا مخالفا للصفر فإن
 - $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$ و المحدد عدد المحدد ا
 - $a^n \times b^n = (a \times b)^n$ إذا كان a و a عددين حقيقيين مخالفين الصفر و a و a عددين صحيحين نسبيين فإن: $\frac{a^n}{a^p} = a^{n-p}$ ، $(a^n)^p = a^{n \times p}$ $a^n \times a^p = a^{n+p}$

التمــارين

$$(\sqrt{\frac{5}{\sqrt{2}}})^4, (\sqrt{2})^2, -10^3, (-\frac{109}{11})^0, -11^1, (-19)^1, (-\frac{3}{2})^4, (-\frac{4}{5})^2, (-2)^3$$
 المسبب: $(-2\sqrt{7})^3$

$$(-2\sqrt{5})^{-3}$$
 $(-1)^{-5}$ $(-\sqrt{3})^{-1}$ $(-\sqrt{3})^{-4}$ $(-0.5)^{-3}$ $(-\sqrt{2})^{-2}$ $(-1)^{-11}$: نمریان عاد 102 نمریان عاد $(-\sqrt{3})^{-2}$ $(-10^{-6})^{-2}$

تمرين عدد 103: ضع العلامة ⊠ أمام الإجابة الصحيحة:

$$\square \left(a^{n}\right)^{p}=a^{n-p} \quad \text{`} \quad \square \left(a^{n}\right)^{p}=a^{n\times p} \quad \text{`} \quad \square \left(a^{n}\right)^{p}=a^{n+p} \text{ i.i.} \quad p\in\mathbb{Z} \text{ i.i.}$$

تمرين عدد 04: اكتب في صيغة قوة عدد حقيقي:

$$\left(-\frac{3}{5}\right)^{-5} \times \left(-\sqrt{5}\right)^{-5} \times \left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right)^{-5} \cdot \left(-\sqrt{7}\right)^{5} \times \left(\frac{2\sqrt{7}}{7}\right)^{5} \cdot \left(2\pi\right)^{-11} \times \left(\frac{1}{4\pi}\right)^{-11} \cdot \left(-\frac{5}{3}\right)^{-4} \times \left(-\frac{3}{7}\right)^{-4}$$

تمرين عدد 05: اكتب في صيغة قوة عدد حقيقي:

$$\left(\frac{\sqrt{11}}{3}\right)^{16} \times \left[\left(-\frac{\sqrt{11}}{2}\right)^{2}\right]^{8} \times \left[\left(\frac{3}{11}\right)^{-4}\right]^{-4} \cdot \left[\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{2}\right]^{6} \times \left[\left(\sqrt{3}\right)^{-3}\right]^{-4} \cdot \left[\left(\frac{\sqrt{5}}{3}\right)^{-3}\right]^{-4} \cdot \left[\left(-\sqrt{3}\right)^{-2}\right]^{7} \cdot \left[\left(-\frac{8}{7}\right)^{3}\right]^{-5}$$

تمريس عسدد 06:

$$\sqrt{x}^{2n} = x^n$$
 و $n \in IN$ و $x \in IR_+$ ليكن $x \in IR_+$

$$\left(\frac{1}{\sqrt{11}}\right)^{-8} \times \left(\sqrt{13}\right)^{8}$$
; $(0.5)^{-3}$; $\left(\frac{1}{\sqrt{7}}\right)^{-10}$; $\left(-\sqrt{2}\right)^{12}$; $\sqrt{3}^{4}$: عدد صحیح طبیعی (2

$$(-\frac{\sqrt{5}}{2}) \times (\frac{\sqrt{5}}{2})^{-12}$$
 ($(-\sqrt{3})^5 \times (-\sqrt{3})^{-7}$: اکتب في صيغة قوة عدد حقيقي: $(-\sqrt{3})^5 \times (-\sqrt{3})^{-12}$

$$\left(\frac{\sqrt{5}}{\pi}\right)^{-6} \times \left(-\frac{\sqrt{5}}{2}\right)^{-5} \times \left(\frac{\pi}{2}\right)^{-6} \cdot \left(\frac{4}{3}\right)^{6} \times \left(\frac{3}{4}\right)^{-3}$$

$$\frac{\left(-3\sqrt{15}\right)^{-7}}{\left(-2\sqrt{3}\right)^{-7}} \cdot \frac{\left(-9\pi\right)^{12}}{\left(3\pi\right)^{12}} \cdot \frac{\left(-\sqrt{24}\right)^{-11}}{\left(-\sqrt{8}\right)^{-11}} \cdot \frac{\left(-\frac{1}{2}\right)^{9}}{\left(\frac{3}{2}\right)^{9}} \cdot \frac{8^{-4}}{2^{-4}}$$
عمریان عاد 80:

تمرين عدد 09: احسب العبارات التالية:

$$B = \frac{1}{5^{-2}} \times \frac{7^2}{3^2} \times \frac{25}{7^{-1}} \times \frac{3}{5^3} \times \left(\frac{7}{2}\right)^{-2} \cdot A = \sqrt{5}^4 \times 5^{-2} \times 25 \times 5^{-3} \times \left(-\sqrt{5}\right)^{-6}$$

$$D = \frac{5^4}{27} \times \frac{11}{5^2} \times 3^{-5} \times 11^{-3} \times \left(\frac{5}{3}\right)^{-4} \cdot C = \left(2\sqrt{2}\right)^{-3} \times \left(\sqrt{2}\right)^2 \times 2^{-2} \times \sqrt{2}$$

تمرين عدد 10: احسب العبارات التالية:

$$T = \left[\left(\frac{5}{3} \right)^{-2} \times \frac{5}{\left(\sqrt{3} \right)^4} \right]^{-3} - \left[\left(\sqrt{5} \right)^{-2} \times 5^5 \right] \quad \text{`} \quad Y = \frac{2^{19} - 2^6}{2^{21} - 2^8} \quad \text{`} \quad X = \frac{\left(-\frac{1}{3} \right)^2 \times 15^2 \times \left(\frac{9}{5} \right)^3}{\left(\frac{3}{2} \right) \times 5 \times (-2)^2 \times \left(\frac{5}{9} \right)^3}$$

تمرين عدد 11: أوجد العدد الصحيح النسبي n في كل حالة من الحالات التالية:

$$\left(\sqrt{2}\right)^3 \times 2\sqrt{2} \times 2^n = \left(\sqrt{2}\right)^4 (1)$$

$$2^{-3} \times \pi^5 \times 2^n = (2\pi)^5$$
 (2)

$$(3^2 \times 5)^3 \times (3 \times 5^2)^3 = \frac{1}{(15)^n} (3$$

$$\frac{\left(\sqrt{3}\right)^{-5}}{\left(\sqrt{5}\right)^{5}} \times \frac{\left(\sqrt{5}\right)^{3}}{\sqrt{3}} \times \left(\sqrt{3} \times \left(\sqrt{5}\right)^{2}\right)^{n} = \left(\sqrt{15}\right)^{-10} (4)$$

$$b \in IR^*$$
 عدد $1R^*$ حیث $a \in IR^*$ حیث $a \in IR^*$

$$b \in IR^*$$
 عدد $X = \frac{\left(a^{-3}b^{-4}\right)^2 \times \left(a^2b^{-3}\right)}{a^4 \times \left(a^{-2}b^{-3}\right)^3}$ عدد $X = \frac{\left(a^{-3}b^{-4}\right)^2 \times \left(a^2b^{-3}\right)}{a^4 \times \left(a^{-2}b^{-3}\right)^3}$ و

 $X = a^{-2}b^{-2}$ بين أن (1

 $b = -\sqrt{3}$ $a = \sqrt{2}$ (2)

(3) احسب X إذا كان a مقلوب d.

X=1 و a=b و a=b

تمرين عدد 11: باقى القسمة الاقليدية لعدد طبيعي n على 8 هو 3.

 $a^2 = \sqrt{2}$ فيقيا حيث a عددا حقيقيا حيث

 $a^{n+1} \in IN$ أثبت أن (1

 $a^{n+1} = 128$ جد محیث (2

تمرين عدد 15 يبلغ بعد كوكب نبتون عن الشمس $10^{-4} \times 4.74$ سنة شمسية وعن الأرض حوالي 30 وحدة فلكية إذا علمت أن الوحدة الفلكية تساوي حوالي 150 مليون كيلومتر والسنة الضوئية حوالي Km ×1012.0. ما هو الكوكب الأقرب إلى نبتون الشمس أم الأرض؟

 $\frac{24}{10}$ <u>تمریبن عبد 16:</u> $\frac{23}{10}$ $\frac{23}{10}$

2) بين أن العدد 54 - 254 مضاعف مشترك لثلاثة أعداد صحيحة طبيعية متتالية.

تمرين عدد 18:

 $k \in IN$ و $x \in IR$ و $(x-1)(x^k + x^{k-1} + x^{k-2} + \dots + x^2 + x + 1)$ و $(x-1)(x^k + x^{k-1} + x^{k-2} + \dots + x^2 + x + 1)$

2) نعتبر n و p و g ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية.

 $n^{q}-1$ بين أن: إذا كان p يقبل القسمة على q فإن q فإن p يقبل القسمة على p

 $(n^2-1;n^{2006}-1)$ أوجد الأعداد الصحيحة الطبيعية n حيث =8ق.م.أ (3

- $a \ge b$ يعني $a b \ge 0$ * ' $a \le b$ يعني $a b \ge 0$. يعني $a b \ge 0$. يعني (1)
 - $(a+c \ge b+c)$ يعني $(a \ge b)$ و $(a+c \ge b+c)$ لتكن $(a+c \ge b+c)$ يعني (a+c ≥ b+c).
 - $a+c \le b+d$ فإن $c \le d$ و $a \le b$ اربعة أعداد حقيقية: إذا كان $a \le b$ و $a \le b$ فإن $a + c \le b+d$
- $ac \le bc$ يعني $a \le b$ يكن $a \le b$ يكن $a \le b$ يعني $a \le b$ يعني $a \le b$ يعني $a \le b$ يكن $a \le b$ يعني $a \le b$ يعني $a \le b$ يعني $a \le b$ عددا حقيقيا سالبا قطعا فإن
- $\frac{1}{a} \ge \frac{1}{b}$ يعني $a \le b$ يعني الصفر ولهما نفس العلامة: إذا كان $a \le b$ عددين حقيقيين مخالفين الصفر ولهما نفس العلامة إذا كان
 - $a^2 \le b^2$ يعني $a \le b$ يعني $a \le b$
 - $a^2 \le b^2$ يعني $|a| \le |b|$ يعني عدين عدين عدين (7
 - $\sqrt{a} \le \sqrt{b}$ یعنی $a \le b$ یعنی عددین حقیقیین موجبین $a \le b$ یعنی 8)

التمــارين

$$b = -\frac{7}{9}; a = -\frac{9}{11} \text{ (i) } b = \frac{5}{6}; a = \frac{6}{7} \text{ (i) } b = \frac{5}{6}; a = \frac{6}{7} \text{ (ii) } b = \sqrt{7} - 3\sqrt{2}; a = \sqrt{7} - 5\sqrt{2} \text{ (iii) } b = \pi - \frac{8}{7}; a = \pi - \frac{6}{5} \text{ (iii) } b = -\sqrt{3}; a = -1.7 \text{ (iv) } b = -1.7$$

 $b = \frac{\sqrt{5} - 1}{2}$; $a = \frac{-\sqrt{13} - 1}{5}$ (φ , $b = \frac{-2\sqrt{2}}{3}$; $a = \frac{-3\sqrt{2}}{5}$ (φ) in the proof φ in the

 $\Box a^2 - 1 \ge 2$ ' $\Box a + \sqrt{5} \ge b + \sqrt{5}$ ' $\Box a + \sqrt{2} \le b + \sqrt{2}$ ' فإن: $(a - b) \in IR$ إذا كان $(1 + b) \in IR$

 $\Box -a \ge -b$ ، $\Box -\frac{1}{a} \le -\frac{1}{b}$ ، $\Box -\frac{1}{a} \ge -\frac{1}{b}$ ن $a \in IR^*$ فإن $a \in IR^*$ فإن $a \in IR^*$ في الخال $a \in IR^*$ في الخال الخال

3) إذا كان a ∈ IR و b ∈ IR و c ∈ IR فإن:

 \Box $-ac \ge -bc$ ' \Box $ac + \pi \le bc + \pi$ ' \Box $ac + \sqrt{5} \ge bc + \sqrt{5}$ \Box $a - \pi \ge b - \pi$ ' \Box $a^2 \ge 3$ ' \Box $a^2 \le 3$ ' \Box $a \le -\sqrt{3}$) إذا كان $a \le -\sqrt{3}$ (4

تمرين عدد $a - b \le 0$ عددان حقيقيان بحيث $a - b \le 0$ قارن بين $a - b \le 0$ عددان حقيقيان بحيث $a - b \le 0$

 $y = 2(b - \sqrt{2})$; $x = 2a - 3\sqrt{2}$ ($z = b - 2\pi$; $x = -a - \pi$ ($y = b - \sqrt{2}$; $x = a - \sqrt{3}$ ($z = a - \sqrt{3}$)

تمريس عدد 10: نعتبر عددين حقيقيين $x \le y$ بحيث $x \le y$ قارن بين a و b في كل حالة من الحالات التالية:

$$b = -\frac{\pi}{3}y; \ a = -\frac{\pi}{3}x \ (\because b = y\frac{\sqrt{5}}{3}; \ a = x\frac{\sqrt{5}}{3} \ (\dagger : b = -y(\sqrt{3} - 2); \ a = -x(\sqrt{3} - 2)(2 \ b = y(\sqrt{2} - \sqrt{3}); \ a = x(\sqrt{2} - \sqrt{3}) \ ()$$

 $b = 2\sqrt{5}$; $a = 3\sqrt{2}$ (أ قارن بين a و b في كل حالة من الحالات التالية:

$$b = -13\sqrt{11} + 2\pi$$
; $a = 2\pi - 11\sqrt{13}$ (ع ن $b = 5\sqrt{7} + \sqrt{11}$; $a = 7\sqrt{5} + \sqrt{11}$ (ج ن $b = -\frac{-8\sqrt{2}}{3}$; $a = -\frac{5\sqrt{3}}{2}$ (ب $b = |1 - \sqrt{7}| - |4\sqrt{7} - 2| + 4$ و $a = 5 + \sqrt{45} - \sqrt{245}$ نعتبر العددين عدد 166:

راً) بين أن $a = 5 - 4\sqrt{5}$ و $a = 5 - 4\sqrt{5}$ بين أن $a = 5 - 4\sqrt{5}$ و $a = 5 - 4\sqrt{5}$ أ) بين أن $a = 5 - 4\sqrt{5}$ أي بين أن أن أي بين أي بين أن أي بين أن أي بين أي بين أن أي بين أي بين أي بين أن أي بين أي بين

$$y = (1+\sqrt{3})(2-\sqrt{3})$$
 و $x = 3+\sqrt{162}-10\sqrt{2}$ نعتبر العددين نعتبر العددين

 $x^2-y^2=2(4-3\sqrt{2})$ أ) بين أن: $x=3-\sqrt{2}$ و $y=\sqrt{3}$ ، بين أن: $y=\sqrt{3}$ هي علامة العدد x? علل جوابك ، ج) بين أن

د) قارن بين العددين 4 و $3\sqrt{2}$ ، هـ) استنتج مقارنة للعددين x و y

-1 < y < 0 و 0 < x < 1 مرين عدد 80: نعتبر العددين الحقيقيين بحيث 0 < x < 1 و

y+1 و x-1 و x-1

$$-\frac{\pi}{2}(y+1)$$
 و $(\sqrt{5}-2)(x-1)$ ثم بين العددين $(y+1)$ و $(\sqrt{5}-1)(x-1)$ و $(\sqrt{5}-1)(x-1)$ ب) قارن بين العددين

x(x-1) و x(y+1) و

 x^{4} ; x^{3} ; x^{2} ; x^{3} ; x^{2} ; x^{3} ; x^{3} ; x^{4} ; x^{3} ; x^{2} ; x^{3} ; x^{4} ; x

$$\frac{-y}{x^4}$$
; $\frac{-y}{x^3}$; $\frac{-y}{x^2}$; $\frac{-y}{x}$ استنتج ترتيبا تصاعديا للأعداد $\frac{1}{x^4}$; $\frac{1}{x^3}$; $\frac{1}{x^2}$; $\frac{1}{x}$; $\frac{1}{x}$ استنتج ترتيبا تصاعديا للأعداد $\frac{1}{x^4}$; $\frac{1}{x^3}$; $\frac{1}{x^2}$; $\frac{1}{x}$ المنتج ترتيبا تصاعديا للأعداد $\frac{1}{x^4}$; $\frac{1}{x^3}$; $\frac{1}{x^2}$; $\frac{1}{x}$ المنتج ترتيبا تصاعديا للأعداد $\frac{1}{x^4}$; $\frac{1}{x^3}$; $\frac{1}{x^2}$; $\frac{1}{x}$ المنتج ترتيبا تصاعديا للأعداد $\frac{1}{x^4}$; $\frac{1}{x^3}$; $\frac{1}{x^2}$; $\frac{1}{x}$;

تمرین عدد 90: أ) رتب تصاعدیا الأعداد: $3\sqrt{5}$; $2\sqrt{7}$; $3\sqrt{5}$; $3\sqrt{5}$

 $\sqrt{2}$ ، $\sqrt{2} - 5\sqrt{3}$ ، $\sqrt{2} - 2\sqrt{7}$ ؛ $\sqrt{2} - 3\sqrt{5}$: بن (ب

$$\frac{1}{\sqrt{2}}$$
 ; $\frac{1}{\sqrt{2}-5\sqrt{3}}$; $\frac{1}{\sqrt{2}-2\sqrt{7}}$; $\frac{1}{\sqrt{2}-3\sqrt{5}}$: استنتج ترتیبا تصاعدیا للأعداد

 $a^2 + b^2 \ge 2ab$ بين أن $a^2 + b^2 \ge 2ab$ ، بين أن $a^2 + b^2 \ge 2ab$ ، بين أن $a^2 + b^2 \ge 2ab$

 $(a^2+3)\sqrt{2}+(a^2+2)\sqrt{3} \ge 4\sqrt{6}a$ ج) استنتج أن $a^2+3\ge 2\sqrt{3}a$ و $a^2+3\ge 2\sqrt{3}a$ و $a^2+3\ge 2\sqrt{2}a$

تمرین عدد 11: a و b عددان حقیقیان بحیث a > 0 و 1 (b > 1

تمرين عدد 12: a b a و c ثلاثة أعداد حقيقية.

$$(a-b)^2 + (a-c)^2 + (b-c)^2$$
 انشر ثم اختصر $(a-b)^2 + (a-c)^2 + (b-c)^2$ ب ب ما هي علامة أ) انشر ثم اختصر

$$\sqrt{6} + \sqrt{10} + \sqrt{15} \le 10$$
 نين أن $a^2 + b^2 + c^2 \ge ab + ac + bc$ بين أن $a^2 + b^2 + c^2 \ge ab + ac + bc$

 $0 < y < \sqrt{3}$ و $0 < x < \sqrt{2}$ عددان حقیقیان بحیث $0 < x < \sqrt{3}$ و x

$$\frac{3}{\sqrt{6-y^2}} < \sqrt{3}$$
 ن بین أن $\sqrt{\frac{1}{2}}x^2 + 1 < \sqrt{2}$ ن بین أن (أ

تمرین عدد 14: x و y عددان حقیقیان موجبان قطعا.

$$\sqrt{x+y}\left(\frac{1}{\sqrt{x}}+\frac{1}{\sqrt{y}}\right) \ge 2\sqrt{2}$$
 نشر (خ $\sqrt{x}-\sqrt{y}$) بین أن $\frac{x+y}{2} \ge \sqrt{xy}$ نشر ($\sqrt{x}-\sqrt{y}$) بین أن (أ

 $a \le b \le 1$ عددان موجبان قطعا بحیث $a \le b \le 1$

$$\frac{1}{b} + b$$
 و $\frac{1}{a} + a$ و فارن بین أن $ab - 1 \le 0$ (أ) بین أن $ab - 1 \le 0$

$$y = 0.999999 + \frac{1}{0.999999}$$
 و $x = 0.999998 + \frac{1}{0.999998}$ و $x = 0.9999998 + \frac{1}{0.9999998}$

x < y عددان حقیقیان موجبان قطعا بحیث x < y

$$\frac{x^2}{y^2} < \frac{x}{y} < \frac{x+y^2}{y+x^2}$$
 بين أن (1

2) ليكن p عددا صحيحا طبيعيا مخالفا لصفر ولواحد.

$$\frac{p^2-2p+1}{p^2+2p+1} < \frac{p-1}{p+1} < \frac{p^2+3p}{p^2-p+2}$$
 انشر $(p-1)^2$ و $(p-1)^2$ و $(p+1)^2$

 $0 < a \le b \le 2a$ قو معددان حقیقیان حیث a = 17

$$(a-b)(2a-b)$$
 و $(a\sqrt{2}-b)^2$ انشر $(a-b)(2a-b) \le 0$ انشر $(a-b)(2a-b) \le 0$

$$\frac{2\sqrt{2}}{3} \le A \le 1$$
 نعتبر العبارة $A = \frac{2a^2 + b^2}{3ab}$ بين أن $A = \frac{2a^2 + b^2}{3ab}$ (3)

تمرين عدد n عدد صحيح طبيعي مخالف للصفر

$$\frac{1}{n+3}$$
 و $\frac{1}{n+2}$, $\frac{1}{n+1}$, $\frac{1}{n}$ و $\frac{1}{n+3}$ (1) رتب تصاعديا الأعداد:

$$\frac{4}{n+3} < \frac{1}{n} + \frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} + \frac{1}{n+3} < \frac{4}{n}$$
 (2)

$$0.03 < \frac{1}{100} + \frac{1}{101} + \frac{1}{102} + \frac{1}{103} < 0.04$$
 (3) استنتج أن:

تمرین عدد 20: n عدد صحیح طبیعی.

$$\frac{n}{n+1}$$
 و $\frac{n+1}{n+2}$ و العددين العددين العددين

$$B = \frac{2}{3} \times \frac{4}{5} \times \frac{6}{7} \times \frac{8}{9} \times \dots \times \frac{20}{21} \times \frac{22}{23} \times \frac{24}{25}$$

$$Q = \frac{1}{2} \times \frac{3}{4} \times \frac{5}{6} \times \frac{7}{8} \times \dots \times \frac{19}{20} \times \frac{21}{22} \times \frac{23}{24} \times \frac{23}{24} \times \frac{21}{24} \times \frac{23}{24} \times \frac{$$

$$-\frac{\sqrt{2}}{10} < A < \frac{1}{5} < B < 1$$
 استنتج أن $-A \times B < A$ ج) احسب (حسب $-A \times B = A < A \times B$ ج) احسب

التمــارين

$$\Box$$
 (x+y)(x-y)= x²-y²، \Box (x+y)(x-y)= x²+y² عددین حقیقیین فإن: \Box (x+y)(x-y)= x²-y²، \Box (x+y)(x-y)= x²+y² عددین حقیقیین فإن: \Box (x+y)(x-y)= x²+y²

 $\Box (x-y)^2 = x^2 + y^2$

$$\Box a = b - 1$$
 , $\Box a = b^2 - 1$, $a = b^2 + 1$, $a = b^2 + 1$, $a = b + 1$ (2)

$$\Box$$
 C=16 ، \Box C=0 ، \Box C=-16 فإن: $a-b=-8$ و $C=\frac{2}{3}-(a+7)-\left(\frac{5}{3}-b\right)$ (3)

$$(x+1)(x-1)$$
 ; $(x-1)^2$; $(x+1)^2$: $x \in IR$ انشر العبارات التالية حيث

2) احسب إذن: 101°; 99°; 101×99)

تمريان عدد 04:

 $\left(\frac{1}{2}x-1\right)^{2}$ $\left(\sqrt{7}-x\right)^{2}$ $\left(x+\sqrt{5}\right)^{2}$ $\left(2x-\sqrt{2}\right)\left(2x+\sqrt{2}\right)$ انشر ثم اختصر کل من العبارات التالية: $(\sqrt{3}-\sqrt{2})(2x-\sqrt{5})(\sqrt{3}+\sqrt{2})(2x+\sqrt{5})$ $(x-\sqrt{2}+\sqrt{3})(x+\sqrt{2}-\sqrt{3})$ $(x^3-1)(x^3+1)$ $(x^2+2)^2$

 x^2-4x+4 ; x^2+6x+9 ; x^2-9 ; x^2-1 غوامل: x^2-4x+4

$$\frac{1}{4}x^2 - x + 1 \; ; \; x^2 - 2\sqrt{3}x + 3 \; ; \; 9x^2 - 12x + 4 \; ; \quad 4x^2 + 12x + 9 \; ; \quad 4x^4 - 25 \; ; \; x^2 + 2x + 1 \; ;$$

 $(x+1)^2 + 2(x+1) + 1$; $5x^2 - 3$; $x^4 + 2x^2 + 1$;

تمرين عدد 06:

 $\frac{\sqrt{2}+\sqrt{3}}{\sqrt{2}-\sqrt{3}}$; $\frac{\sqrt{2}}{2\sqrt{5}+\sqrt{3}}$; $\frac{1}{2-\sqrt{5}}$; $\frac{3}{\sqrt{3}-1}$; $\frac{1}{\sqrt{2}+1}$; $\frac{5}{\sqrt{3}}$ عددا صحيحا: $\frac{5}{\sqrt{3}}$

تمرین عدد 10: فکك إلى جذاء عوامل كل من العبارات التالية:
$$B = x^2 - \frac{1}{4} + \left(x + \frac{1}{3}\right)\left(x - \frac{1}{2}\right) \quad , \qquad A = x^2 - 4x + 1 + (3x + 1)(2x - 1)$$

$$F = (x+1)^{2} - 2y(x+1) + y^{2} - x + y - 1$$

$$C = (2x+3)(4x-1) + 4x^{2} + 12x + 9$$

$$a-b=\sqrt{2}$$
 و $a+b=\sqrt{3}$ ، $b \in IR$ ، $a \in IR$ و $a \in IR$ احسب العبارات التالية حيث $a+b=\sqrt{3}$ ، $a \in IR$ العبارات التالية حيث $a+b=\sqrt{3}$ ، $a = a^2+2ab+b^2-\sqrt{3}a-\sqrt{3}b$

$$D = b^{2} - (a-1)^{2} - \sqrt{3} + 1$$

$$C = (a - \sqrt{3})^{2} - (b + \sqrt{2})^{2} + \sqrt{3}(b-a)$$

 $y \in IR$ و $x \in IR$ عدد $B = (x - y)^2 + 2xy$ و $A = (x + y)^2 - 2xy$ و $x \in IR$ و $x \in IR$ عدد وين

$$A = B = x^2 + y^2$$
 أثبت أن (1

$$\left(\sqrt{3}-\sqrt{5}\right)^2+2\sqrt{15}$$
 و $\left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)^2-2\sqrt{6}$ احسب إذن $\left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)^2-2\sqrt{6}$

تمرين عدد 10: احسب:

$$e = \frac{\frac{\sqrt{2}\left(\frac{\sqrt{5} - 2\sqrt{7}}{2 - 3\sqrt{2}}\right)}{\frac{1}{\sqrt{2}}\left(\frac{3\sqrt{2} + 2}{2\sqrt{7} + \sqrt{5}}\right)} \cdot d = \frac{\frac{1 - \sqrt{2}}{\sqrt{3} + 2}}{\frac{1}{1 + \sqrt{2}}} \cdot c = \frac{\sqrt{3} + 2}{\sqrt{3} - 2} - \frac{\sqrt{3} - 2}{2 + \sqrt{3}} \cdot b = \frac{1}{\sqrt{3} - 2} - \frac{1}{\sqrt{3} + 2} \cdot a = \frac{1}{\sqrt{2} + 1} + \frac{1}{\sqrt{2} - 1}$$

تمريسن عسدد 11:

الأعداد التالية:
$$(a-b)^2$$
 أو $(a+b)^2$ الأعداد التالية:

;
$$11-6\sqrt{2}$$
 ; $12+2\sqrt{35}$; $5-2\sqrt{6}$; $5+2\sqrt{6}$

$$14-4\sqrt{10}$$
 ; $14+4\sqrt{10}$; $27-10\sqrt{2}$; $27+10\sqrt{2}$

$$.\sqrt{14-4\sqrt{10}} + \sqrt{14+4\sqrt{10}} = 2\sqrt{10}$$
 و $\sqrt{27+10\sqrt{2}} + \sqrt{27-10\sqrt{2}} = 10$ (2) أثبت أن:

.
$$b \in IR$$
 و $a \in IR$ حيث $E = \left(\frac{a+b}{2}\right)^2 - \left(\frac{a-b}{2}\right)^2$ حيث $a \in IR$ و $a \in IR$

$$\left(\frac{3^{-39}+3^{39}}{2}\right)^2 - \left(\frac{3^{-39}-3^{39}}{2}\right)^2 = 1 \quad \text{o} \quad \left(\frac{5\sqrt{2}+2\sqrt{5}}{2}\right)^2 - \left(\frac{5\sqrt{2}-2\sqrt{5}}{2}\right)^2 = 10\sqrt{10} \quad \text{o} \quad \text$$

$$y = \sqrt{2\sqrt{5} - \sqrt{19}}$$
 و $x = \sqrt{2\sqrt{5} + \sqrt{19}}$ و نعتبر العددين تمرين عدد 13:

$$\frac{x+y}{y-y}$$
 : اختصر (x-y)² ; (x+y)² ; xy : احسب (1

 $a \le b$ و $b \in IR_+$ ' $a \in IR_+$ حیث $B = \sqrt{b-a}$ و $A = \sqrt{b} - \sqrt{a}$ و $a \le b$ و $a \le b$

$$B^2 - A^2 = 2A\sqrt{2}$$
 : بين أن $2A\sqrt{a} = 2\left(\sqrt{ab} - a\right)$ أثبت أن $(2 \qquad 2\sqrt{a}\left(\sqrt{b} - \sqrt{a}\right) \ge 0)$ بين أن $(1 + 2\sqrt{a})$

$$b = \sqrt{3 + 2\sqrt{2}}$$
 و $a = \sqrt{3 - 2\sqrt{2}}$ نعتبر العددين $a = \sqrt{3 - 2\sqrt{2}}$ و $a = \sqrt{3 - 2\sqrt{2}}$

$$(a-b)^2$$
 و $(a+b)^2$ احسب $(a+b)^2$ بين أن $(a+b)^2$ بين أن $(a+b)^2$ بين أن $(a+b)^2$ بين أن

$$\sqrt{3+2\sqrt{2}} - \sqrt{3-2\sqrt{2}} = 2$$
 وأن: $\sqrt{3+2\sqrt{2}} + \sqrt{3-2\sqrt{2}} = 2\sqrt{2}$ استنتج أن $\sqrt{3+2\sqrt{2}} + \sqrt{3-2\sqrt{2}} = 2\sqrt{2}$

$$a > b$$
 و $b \in IR_+$ ' $a \in IR_+$ حيث $y = \sqrt{\frac{a - \sqrt{a^2 - b}}{2}}$ و $x = \sqrt{\frac{a + \sqrt{a^2 - b}}{2}}$ و $a > b$ و $a > b$

$$a > \sqrt{a^2 - b}$$
 بين أن (1

$$\frac{1}{b} = a$$
 و $b \in IR_+^*$ ' $a \in IR_+^*$ ' $a \in IR_+^*$ حیث $A = \left(\frac{\sqrt{a}}{a} + \frac{\sqrt{b}}{b}\right)^2$ و $a \in IR_+^*$ نعتبر العبارة التالية:

$$\frac{\sqrt{5+2\sqrt{6}}}{5+2\sqrt{6}} + \frac{\sqrt{5-2\sqrt{6}}}{5-2\sqrt{6}}$$
 اشبت أن $\frac{1}{\sqrt{a}} + \frac{1}{\sqrt{b}} = \sqrt{2+\frac{1}{a}+\frac{1}{b}}$ أنبت أن $\frac{1}{a} + \frac{1}{a} + \frac{1}{b}$ استنتج أن $\frac{1}{a} + \frac{1}{a} + \frac{1}{b}$ الشبت أن $\frac{1}{a} + \frac{1}{a} + \frac{1}{a} + \frac{1}{b}$ الشبت أن $\frac{1}{a} + \frac{1}{a} + \frac{1}{a} + \frac{1}{b}$ الشبت أن $\frac{1}{a} + \frac{1}{a} + \frac{1}{a} + \frac{1}{b}$ الشبت أن $\frac{1}{a} + \frac{1}{a} + \frac{1}{a} + \frac{1}{b}$ الشبت أن $\frac{1}{a} + \frac{1}{a} + \frac{1}{a}$

 $b = \sqrt{600} - \sqrt{486} + \sqrt{5}$ و $a = \sqrt{54} - \sqrt{24} - \frac{1}{2}\sqrt{20}$ و $a = \sqrt{54} - \sqrt{24} - \frac{1}{2}\sqrt{20}$ و $a = \sqrt{54} - \sqrt{24} - \frac{1}{2}\sqrt{20}$ و $a = \sqrt{54} - \sqrt{24} - \frac{1}{2}\sqrt{20}$

$$b = \sqrt{6} + \sqrt{5}$$
 و $a = \sqrt{6} - \sqrt{5}$ بين أن (1)

2) احسب الجذاء ab ثم استنتج أن a مقلوب d

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{a}{b} - \frac{b}{a} = \frac{1}{a} + \frac{1}{a}$$
 (4)

تمریب ن عدد 19: مریب ن عدد 10:
$$a=3\sqrt{5}-1$$
 أثبت أن $a=\sqrt{125}-\sqrt{20}-1$ عدد موجب (1) نعتبر العدد الحقیقي $a=\sqrt{125}-\sqrt{20}-1$ عدد موجب

تمري<u>ن عدد 20:</u>

.
$$A = x^2 + 2x + \frac{8}{9}$$
 نعتبر العبارة

أ) احسب
$$A$$
 في حالة $x = 0$ ثم في حالة $x = -2$ ، بين أن $(x + 1)^2 - \frac{1}{9}$ ، ج) فكك العبارة A إلى جذاء عوامل.

.
$$x \in IR$$
 حيث $B = 3x^2 + 5x + \frac{4}{3}$ انتكن العبارة (2

$$\frac{A}{B}$$
 ، اختصر العبارة $B \neq 0$ ، ب) في حالة $B \neq 0$ ، اختصر العبارة أ

$$x \in IR$$
 حيث $A = x^2 - (29 - 4\sqrt{7})$ عبد (1) نعتبر العبارة

أ) اكتب العدد
$$\sqrt{4}$$
 29 في صيغة $(a-b)^2$ ، ب) فكك العبارة A إلى جذاء عوامل

$$A+B$$
 حيث $x \in IR$ حيث $B=2(x+\sqrt{7})(x-1+2\sqrt{7})$ عوامل العبارة (2

$$a \in \mathbb{R}_{+}$$
 حیث $E = (1 + \sqrt{a})(1 - \sqrt{a} + a - a\sqrt{a})$ نعتبر العبارة $E = (1 + \sqrt{a})(1 - \sqrt{a} + a - a\sqrt{a})$ نعتبر العبارة

 $E = 1 - a^2$ (1) بين أن

$$a = 3\sqrt{2} - 1$$
 أحسب العبارة $a = \sqrt{5} + 1$ في حالة $a = 2\sqrt{3}$ عنم في حالة $a = \sqrt{2}$ عنم في حالة $a = 3\sqrt{2} - 1$

$$a \in IR_+$$
 حيث $F = a + 1 + 2\sqrt{a}$ لتكن (2

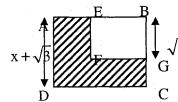
 $\frac{E}{F}$ أ) فكك العبارة F إلى جذاء عوامل ، ب) اختصر العبارة

تمريان عاد 23:

 $b \in IR$ و $a \in IR$ حيث $B = \frac{1}{2} [(a+b)^2 + (a-b)^2]$ و $A = \frac{1}{4} [(a+b)^2 - (a-b)^2]$ و $A \in IR$ نعتبر العبارتين

$$B = a^2 + b^2$$
 و $A = ab$ بين أن (1

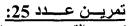
$$\left(\frac{1+5\sqrt{7}}{\sqrt{2}}\right)^2 \left(\frac{1-5\sqrt{7}}{\sqrt{2}}\right)^2 \cdot \left(\frac{3\sqrt{5}+\sqrt{3}}{\sqrt{2}}\right)^2 + \left(\frac{3\sqrt{5}-\sqrt{3}}{\sqrt{2}}\right)^2 \cdot \left(\frac{\sqrt{5}+2\sqrt{3}}{2}\right)^2 - \left(\frac{\sqrt{5}-2\sqrt{3}}{2}\right)^2 : (2)$$



تمرين عدد 24: (وحدة القيس هي cm) في الشكل المقابل ABCD مربع طول ضلعه $x+\sqrt{3}$.

عبر بدلالة $_{
m X}$ عن المساحة المشطوبة $_{
m I}$

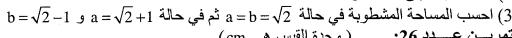
 $x = \sqrt{3} + 1$ أحسب المساحة المشطوبة في حالة $x = \sqrt{3}$ ثم في حالة (2

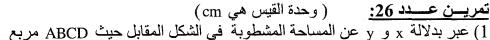


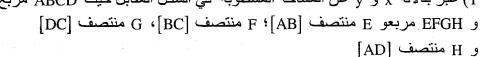
(وحدة القيس هي cm)

مربع (1 عبر بدلالة a و a عن المساحة المشطوبة في الشكل المقابل حيث ABCD مربع طول ضلعه $a+5\sqrt{2}$

2) فكك النتيجة إلى جذاء عوامل.

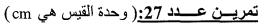






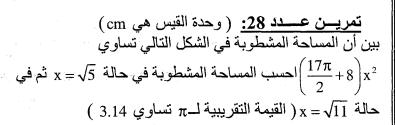
2) فكك النتيجة إلى جذاء عوامل.

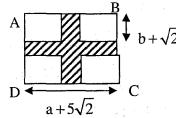
 $y = \sqrt{3} - 1$ و $x = \sqrt{3} + 1$ احسب المساحة المشطوبة في حالة $x = \sqrt{3} + 1$

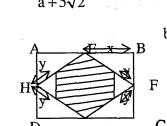


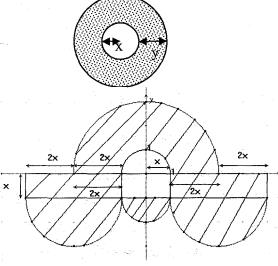
عبر بدلالة y و y عن المساحة المشطوبة في الشكل المقابل (1

2) فكك العبارة المتحصل عليها إلى جذاء عوامل.









نعتبر m و n عددان صحیحان طبیعیان حیث $n \ge 3$ و $n \ge 3$ عددان صحیحان طبیعیان حیث $a + \frac{1}{a} = \sqrt{n}$ و $a + \frac{1}{a} = \sqrt{n}$ طبیعیان حیث

$$a^2 + \frac{1}{a^2}$$
 بدلالة $a^2 + \frac{1}{a^2}$ بدلالة (1

$$a.n$$
 نشر $b^3 + \frac{1}{b^3}$ ثم استنتج $\left(b + \frac{1}{b}\right)^3$ بدلالة (2

a = b فإن a = b أو a = b أو a = b فإن a = b فإن a = b أو a = b . a = b بين إذا كأن a = b عددان حقيقيان بحيث a = b . بين أن a = b عددان حقيقيان بحيث a = b . بين أن a = b عددان حقيقيان بحيث a = b . بين أن a = b

 $\frac{x-y}{x+y} > 0$ عددان حقیقیان بحیث $x = \frac{x-y}{x+y} > 0$

$$\left[\sqrt{\frac{\sqrt{7}-2}{\sqrt{7}+2}} + \sqrt{\frac{\sqrt{7}+2}{\sqrt{7}-2}}\right]^{2} \text{ limit} (2) \qquad \qquad \left[\sqrt{\frac{x-y}{x+y}} + \sqrt{\frac{x+y}{x-y}}\right]^{2} \text{ limit} (1)$$

 $n \in IN$ عدد $(n+1)^2$ انشر $(n+1)^2$ حیث (1

$$1+2+3+4+...+n = \frac{n(n+1)}{2}$$
 (2) استنتج أن:

$$1-2^2+3^2-4^2+5^2-6^2+....+(2009)^2-(2010)^2$$
 احسب: (3

$$A = \frac{\sqrt{5} - 1}{2}$$
 نعتبر 33:

$$\frac{\sqrt{A}}{\sqrt{A+1}} + \frac{\sqrt{A+1}}{\sqrt{A}} = \sqrt{5}$$
 بین أن $(3 \cdot \frac{1}{A} = A+1)$ استنج أن $(2 \cdot A^2 + A - 1 = 0)$ بین أن $(1+n)^4 = n^4 + 4n^3 + 6n^2 + 4n + 1$ أثبت أن $(n \in IN)$ (1

 $14641 = p^2$ جيث p جد (1) عدد (2) باستعمال السؤال عدد (2

$$x^2$$
 ما هو مجموع الأرقام المكونة لـ $x = 999$

100 مرة 9

$$x^8 - 1$$
 و $x^2 - 1 - \frac{x^4}{4}$ و الم جذاء عوامل $x^8 - 1$ و $x^8 - 1$

$$A \le 0$$
 استنتج أن $(3 \cdot A = x^8 - 1 - \frac{x^4}{4}(x^2 + 1)(x^4 + 1))$ فكك إلى جذاء عوامل العبارة (2

$$A = 4x - 2 + (2x - 1)(3x - 4)$$
 | Let $A = 4x - 2 + (2x - 1)(3x - 4)$ | Let $A = 4x - 2 + (2x - 1)(3x - 4)$

$$x>1$$
 حيث $B=2|1-x^2|-|3x-1|+2$ عبت (2) نعتبر العبارة

$$\mathbf{B} = (2\mathbf{x} - 1)(\mathbf{x} - 1)$$
 اثبت أن $\mathbf{a} = (2\mathbf{x} - 1)(\mathbf{x} - 1)$ و $\mathbf{a} = (2\mathbf{x} - 1)(\mathbf{x} - 1)$ اثبت أن $\mathbf{a} = (2\mathbf{x} - 1)(\mathbf{x} - 1)$

$$A > B$$
 ن فكك إلى جذاء عوامل $A - B$ ، د اثبت أن

ريلضيات التساسسعية أس

- 1) كل مساواة تؤول كتابتها إلى ax = b حيث a عدد حقيقي معلوم ومخالف للصفر و b عدد حقيقي معلوم و x عدد مجهول تسمى معادلة من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد في مجموعة الأعداد الحقيقية.
- يكن $a \in b$ عددين حقيقيين حيث $a \le b$ ، إذا كان $a \le x \le b$ فإن $x \in [a;b]$ و a = b هو مدى الحصر.
 - $c \le y \le d$ و $a \le x \le b$ اذا كان $c \le d$ و $a \le b$ و $a \le b$ و $a \le x \le b$ و $a \le x \le b$ و $a \le x \le b$ ليكن $a \le x \le b$ $a+c \le x+y \le b+d$
- $c \le y \le d$ و $a \le x \le b$ و $c \le d$ و $a \le b$ و $a \le b$ و $a \le b$ و $a \le c$ و $a \le b$ و $a \le c \le b$ $ac \le xy \le bd$ فإن
- $x \in [a;b]$ يعني $a \le x < b$ * ، $x \in [a;b]$ يعني $a \le x \le b$ يعني $a \le x \le b$ يعني (5
 - $x \in]-\infty;b$ يعني $x \leq b$ * ، $x \in]a;+\infty[$ يعني x > a * ، $x \in [a;+\infty[$ يعني $x \geq a$ * .
 - $x \in]-\infty; b[$ يعني x < b *
 - $x \in]-a;-a[$ يعني |x| < a * ، $x \in [-a;a]$ يعني $|x| \le a$! يعني $|x| \le a$ عددا حقيقيا موجبا
 - $x \in \left] \infty; -a \right[\cup \right] a; + \infty \left[\text{ _x i } \right] \left[x \right] > a \quad * \quad x \in \left] \infty; a \right] \cup \left[a; + \infty \right[\text{ _x i } \right] \left[x \right] \geq a \quad * \quad x \in \left[a; + \infty \right] \left[a; + \infty \right]$
- 7) كل لا مساواة تؤول كتابتها إلى $ax+b \le 0$ حيث a عدد حقيقي معلوم ومخالف للصفر و b عدد حقيقي معلوم و × عدد مجهول تسمى متراجحة من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد في مجموعة الأعداد الحقيقية

التمـــارين

تمرين عدد 01: أجب ب: "صحيح" أو ب: "خطأ":

- IR أ) العدد $\left(-\frac{1}{4}\right)$ حل للمعادلة $\frac{3}{2}$
- IR في المجموعة $\frac{1}{2}x+1=x-1$ في المجموعة المجموعة
- \mathbb{Z} العدد $\left(-\frac{5}{6}\right)$ حل للمعادلة $\left(-\frac{1}{3}\right)$ حل للمعادلة عند ج
 - \mathbb{N} د) العدد (-17) حل للمعادلة x+17=0 للمعادلة على المجموعة
 - هـ) العدد $\sqrt{5}$ حل للمعادلة $0 = \sqrt{5} = 0$ في المجموعة $\sqrt{5}$
 - IR في المجموعة $x^2 3 = 0$ في المجموعة المجموعة
 - \mathbb{Q} العدد $(-\pi)$ حل للمعادلة $x+\pi$ في المجموعة
 - \mathbb{Z} ألعدد (-1) حل للمعادلة x^2+2x+1 في المجموعة
 - \mathbb{N} المعادلة $\mathbf{x}^2 9$ لها حل في المجموعة

 $2x - \sqrt{5} = -\frac{\sqrt{5}}{2}$ حل كلاً من المعادلات التالية في IR نمريــن عــدد 12: حل كلاً من المعادلات التالية في

$$2(x-\pi) = x - 3\pi : 2x + 3\sqrt{3} = \sqrt{2} + 2\sqrt{3}$$

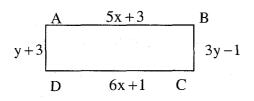
 \mathbb{Q} حل كلاً من المعادلات التالية في \mathbb{Q} :

$$3\left(\frac{1}{2}x+1\right) = \frac{1}{4}(x-1) \cdot \frac{1}{3}(x-1) = \frac{1}{5}x \cdot 3\pi - x = 2x - \pi \cdot \frac{5}{2}x - 2 = -x + \frac{1}{4} \cdot \frac{\sqrt{3}}{5}x = 1$$

تمرين عدد 10: حل كلاّ من المعادلات التالية في \mathbb{Z} :

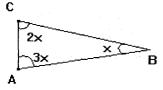
$$-3(\pi - x) = -\pi + x + \frac{-2x + 4}{\sqrt{5}} = -2\sqrt{5} + \frac{\sqrt{3}}{2}x + 1 = \sqrt{3} + 1 + \frac{-2x + 3}{12} = -2x + \frac{2}{7}$$

تمرين عدد 20: أوجد خمسة أعداد صحيحة طبيعية فردية متتالية قيس مجموعهم يساوي 925



تمرين عدد <u>06:</u> أوجد أبعاد المستطيل ABCD الممثل بالشكل المقابل

تمرين عدد 10: أوجد العدد الحقيقي الذي إذا أضفنا إليه نصفه ثم ثلثه ثم ربعه تحصلنا على سدسه زائد واحد.



تمرين عدد 08: أوجد أقيسة زوايا المثلث ABC . ما هي طبيعة هذا المثلث؟

<u>تمريان عاد 09:</u>

ما هو العدد الذي إذا أضفته إلى بسط ومقام العدد الحقيقي $\frac{3}{2}$ نتحصل على $\frac{\sqrt{3}}{2}$

تمرين عدد 11: تسلم يوسف مبلغا من المال من أبيه لشراء بعض قصص المطالعة. عند دخوله إلى المكتبة لاحظ أن جميع القصص التي يريدها لها نفس الثمن وأنه إذا اشترى أربع قصص يبقى لديه 2.500 د وإذا اشترى سبع قصص يصبح مدانا بـ1.400 د. ابحث عن ثمن القصة الواحدة ثم استنتج قيمة المال الذي يملكه يوسف.

تمرين عدد 11: ثلاثة ورثة تقاسموا تركة أبيهم على النحو التالي: * نصيب الثاني 2 نصيب الأول زائد 150 د.

 * نصيب الثالث 2 نصيب الأول ناقص 80 د. إذا علمت أن نصيب الثاني يفوق نصيب الثالث بـ5800 د.

حدد نصيب كل وريث ثم قيمة التركة.

تمرين عدد 12: حل في IR كلا من المعادلات التالية:

$$(3\sqrt{11} - x)^3 = 0$$

$$(x - \pi)(x + \sqrt{2}) = 0$$

$$(3\sqrt{11} - x)^3 = 0$$

$$(3\sqrt{11} - x)^3 = 0$$

$$(3x + \sqrt{7})^2 = 0$$

$$(3x + \sqrt{7})^2 = 0$$

تمریت عدد 11: حل في IR کلا من المعادلات التالية:
$$(x+2)(x+3)+(x+2)(x-1)=0$$
 ؛ $|2x+1|=|x-2|$ ؛ $\sqrt{3x^2+1}=\sqrt{x^2+3}$

$$(\sqrt{3}-x)\left(\frac{1}{3}x-1\right)+3x-3\sqrt{3}=0 \quad (x^2-2x+1)=x^2+2\sqrt{2}x+2 \quad (x^2-1)+(x-2)(x+1)=0$$

$$(x^2-4)^2+(x-2)^2=0$$
 $x^2+1=0$

تمرين عدد 15: في الشكل المقابل يمثل ABCD مستطيلا حيث

AI = 1 و AD = x لتكن AD = x و AB = x + 2

ابحث عن العدد الحقيقي x بحيث تكون مساحة المثلث تساوى ثلث مساحة المستطيل ABCD

 $X \in IR$ نعتبر العبارة $B = x^2 - 2\sqrt{2}x - 1$ نعتبر العبارة $X = \sqrt{2} + 1$ ثم في حالة $X = \sqrt{2} + 1$ ثم في حالة $X = \sqrt{2}$

$$x = \sqrt{2} + 1$$
 ثم في حالة $x = -\sqrt{2}$ ثم في حالة (

$$B = \left(x - \sqrt{2}\right)^2 - 3$$
 بين أن (ب

$$B = 0$$
 المعادلة IR د) حل في

$$B - (x - \sqrt{3})(x - \sqrt{2} + \sqrt{3}) = 0$$
 IR المعادلة IR هـ) حل في

تمريان عدد 11: 1) فكك إلى جذاء عوامل أولية العدد 468

$$n^2(2n+1) = 468$$
 المعادلة IN حل في (2

$$x \neq -\frac{1}{3}$$
 حیث $\frac{6x^2 - x + 92}{3x + 1} = 2x - 1 + \frac{93}{3x + 1}$ عدد 11: 13 جیث (1 عدد 18)

2) أ) أوجد D₀₃ مجموعة قواسم العدد 93

$$\frac{6n^2-n+92}{3n+1} \in IN$$
 ثب أوجد مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية المخالفة للصفر n أوجد مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية المخالفة المخالفة الصفر n

 $1 \le y \le 7$ و $x \ge 2 \le x \le 5$ عددان حقیقیان حیث $x \ge 2 \le x \le 5$ و $x \ge 1$

$$3x-2y$$
 ; $-2y$; $x-y$; $-y$; $4x-1$; $3x+5y$; $5y$; $3x$; xy ; $x+y$; 10 أوجد حصرا للأعداد:

$$y(x+y)$$
; $x(x+y)$; y^2 ; x^2 : 1) leaves 12

$$\frac{y}{x}$$
; $\frac{x}{y}$; $\frac{1}{y}$; $\frac{1}{x}$; $\frac{1}{x}$ (3)

$$\sqrt{7} = 2.645$$
..... و $\sqrt{3} = 1.732$ نعتبر العددين عدد 20:

 10^{-2} اوجد حصرا لكل من $\sqrt{3}$ و $\sqrt{7}$ مدى كل منهما

$$\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{3}}$$
 ; $\frac{1}{\sqrt{3}}$; $\sqrt{21}$; $\sqrt{7} - \sqrt{3}$; $\sqrt{3} + \sqrt{7}$ $\sqrt{2}$ (2) $\sqrt{21}$

$$\sqrt{12} \times \sqrt{28}$$
 ; $\sqrt{63} + \sqrt{27}$; $\sqrt{75}$; $\sqrt{28}$; $\sqrt{28}$ (3)

$$2 \le x \le 5$$
 حيث $A = (x+1)^2 - 4$ تعتبر العبارة بنائد عدد 2 ميث

$$-\frac{1}{2} \le x \le \frac{1}{2}$$
 حيث $B = 1 - x + \frac{x^2}{1+x}$ نعتبر العبارة نعتبر العبارة

- B = $\frac{1}{1+x}$ (1) بین أن:
- 2) أوجد حصرا للعبارة B

$$\square \ x \in]-\infty; 2[\quad ` \ \square \ x \in [2;+\infty[\quad ` \ \square \ x \in]-\infty; 2] \quad ` \quad \square \ x \in]2; +\infty[\quad : 2)$$

ز) إذا كان $|x| \ge \sqrt{2}$ فإن:

$$\square \ \ x \in \left] -\sqrt{2}; \sqrt{2} \right[\ \ \cdot \ \square \ \ x \in \left[-\sqrt{2}; +\infty \right[\ \ \cdot \ \square \ \ x \in \left[\sqrt{2}; +\infty \right[\ \ \cdot \ \square \ \ x \in \left[-\sqrt{2}; \sqrt{2} \right] \right]$$

 $y \in [1;3]$ و $x \in [-6;-4]$ و $y \in x$ و يعتبر العددين x و يعتبر العددين $y \in [1;3]$

$$(xy)^2$$
 و x^2 من $(xy)^2$ اوجد حصر الكل من

$$\frac{-2x-y}{x+y}$$
 بين أن $x+y \neq 0$ ؛ $\frac{-2x-y}{x+y} = -2 + \frac{y}{x+y}$ ؛ $\frac{-2x-y}{x+y} = -2 + \frac{y}{x+y}$ (2)

$$K = \begin{bmatrix} -3; \frac{3}{2} \end{bmatrix}$$
 , $J =]-2; +\infty[$; $I = \begin{bmatrix} \frac{1}{2}; \frac{3}{2} \end{bmatrix}$ is in the standard standard form of the standard standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ is a standard form $J = [-3; \frac{3}{2}]$ in the standard

$$\left] -3; \frac{3}{2} \left[\dots K ; \left\{ 1; \frac{3}{4}; \frac{3}{2} \right\} \dots I ; -\sqrt{2} \dots K ; -2 \dots J ; \sqrt{2} \dots I : \emptyset \right] \subset ; \notin ; \in \mathbb{N}$$
 اکمل ب

2) مثل المجالات J; I و K على نفس المستقيم العددي (بألوان مختلفة)

$$I \cup J$$
 ; $I \cup K$; $I \cap K$; $K \cap J$; $I \cap J$: (3

 $x \in \left[5; 3\sqrt{7}\right]$ عدد حقیقی بحیث $x = \frac{26}{3}$

 $b \in [1;3]$ و عدين حقيقيين حيث $a \in [-5;-2]$ و عدين عدد 23.

$$2a-b$$
 ; $2a-1$; $1-b$ من (1) اوجد حصر الكل من $E = \sqrt{(2a-1)^2} - \sqrt{(2a-b)^2} + \sqrt{(1-b)^2}$ (2) اختصر إذن العبارة:

تمرين عدد 28:

$$y \in [3;4]$$
 عتبر العبارة $x + y \neq 0$ عبث $Y = \frac{1}{(x+y)^2} \left[\frac{x^2 + y^2}{x^2 y^2} \right] + \frac{2}{(x+y)^2} \left(\frac{x+y}{xy} \right)$ و $Y \in [3;4]$

$$F = \frac{1}{x^2 y^2}$$
 بين أن: (1

$$-x\sqrt{5} < -\sqrt{3}$$
 ! $-\frac{5}{2}x \ge 0$! $\pi x > 1$! $x + \sqrt{2} \le 0$ المتراجحات التالية: $x + \sqrt{2} \le 0$ المتراجحات المترا

$$\frac{1}{3}(6x-1) \le 2(x-3) + \frac{1}{4}x-1 \ge 2\left(\frac{1}{8}x-1\right) + \frac{2x+1}{3} + \frac{3x-2}{2} \ge \frac{x+1}{6} + 3x - \frac{1}{2} > x+1 + \frac{5}{2}x+1 \le -2$$

تمرين عدد 30: حل في IR كلا من المتراجحات التالية:

$$(x-\sqrt{2})^2-(x-1)(x+1) \ge x$$
 $(x+\frac{3}{2})^2 > (x-1)^2$ $(x-2)^2 \le x^2+2$

تمريس عدد 31:

$$x = -\frac{1}{3}$$
 أ احسب A في حالة $X = 0$ ثم في حالة $X = 0$ نعتبر العبارة $X = (3x + 1)^2$ ثم في حالة $X = (3x + 1)^2$ نعتبر العبارة أ

$$(3x+1)^2 = 1$$
 المعادلة $1 = 1$ المعادلة $1 = 1$ المعادلة $1 = 1$ المعادلة $1 = 1$ المعادلة $1 = 1$

B عبارة
$$B = 9x^2 - 1$$
 ؛ $X \in \mathbb{R}$ عوامل العبارة (2

ب) بين أن
$$A-B=2(3x+1)$$
 ، ج) حل في IR المتراجحة $A-B>0$ ومثل مجموعة حلولها على مستقيم مدرج. $A=B=2(3x+1)$ تمريسن عدد 32: نعتبر العبارة $A=4x^2-12x+10$ حيث $A=4x^2-12x+10$

$$A = (2x-3)^2 + 1$$
 بين أن (1

$$A=1$$
 المعادلة IR حل في

$$A \ge 4x^2 - 3x + 1$$
 المتراجحة IR أحل في

$$x \in IR$$
 حيث $B = -6x^2 + 11x - 3$ تمريان عدد 33: نعتبر العبارة

$$A = (3x-1)(-2x+3)$$
 بين أن (1

$$B = -3$$
 ثم $B = 0$ المعادلة (2

$$B \ge (3x-1)^2 - 5x(3x-1)$$
 المتراجحة (3x المتراجحة) المتراجحة

تمرين عدد 34: في الشكل المقابل ABCD مربع طول ضلعه 10

لتكن M و N نقطتين من [AB] و [AD] على النوالي حيث AM = AN = x

و]0;10 x ∈ 10;10 مساحة المثلث MNC.

$$S(x) = \frac{20x - x^2}{2}$$
 اثبت أن (1

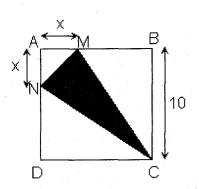
$$-x^2 + 20x - 100 < 0$$
 أ) بين أن (2

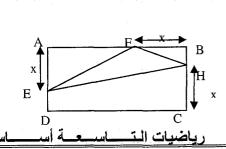
$$x^2 - 20x + 36 = (x - 2)(x - 18)$$
 أ) بين أن (3

ب) ابحث عن مجموعة الأعداد الحقيقية
$$x$$
 بحيث $S(x) > 18$

$$AE = BF = CH = x$$
; $AD = 4$; $AB = 6$

1) احسب بدلالة $_{\rm X}$ مساحتي المثلثين AEF و BFH ثم مساحة شبه المنحرف EDCH





2) نعتبر (A(x) مساحة المثلث EFH

A(x) المساحة (x)

 $x^2 - 5x + 4 = (x - 1)(x - 4)$ iii (ب)

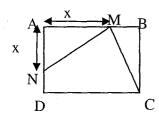
 $A(x) \le 8$ حيث x حيث الأعداد الحقيقية

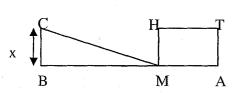
تمرين عدد 36: في الشكل المقابل ABCD مربع طول ضلعه 2

 $M \in [AB]$ و M = AN = x و M = AN = X لتكن $M \in [AB]$ و $M \in [AB]$

1) إلى أي مجال ينتمي العدد x?

2) ابحث عن مجموعة الأعداد الحقيقية x بحيث يكون MN ≥ CM





MATH قائم في B مثلث قائم في B و BMC مثلث قائم في B و BC = x ; AB = 6

و BM = 2BC ، نعتبر A_1 و A_2 مساحتي كل من المثلث MBC والمربع MBC على التوالي.

1) إلى أي مجال ينتمي العدد x?

 $A_1 - A_2 = (3x - 6)(6 - x)$ بين أن (2

(3x-6)(6-x) حدد علامة الجذاء (3

 $A_1 > A_2$ ابحث عن مجموعة الأعداد الحقيقية x بحيث يكون (4

BC=8 ; AB=4 مستطيل حيث BC=8 ; ABC مثلث قائم في B و BMEB مستطيل حيث ABC=8 ; AB=4 و AC=8 . AC=8 و AC=8 و AC=8 مساحة المستطيل AC=8 .

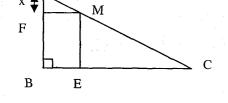
1) احسب AC ثم أحسب مساحة المثلث AC (1

MF = 2x أ) بين أن (2

 $A(x) = 8x - 2x^2$ بين أن

 $8x-2x^2=8-2(x-2)^2$ (غيث أثبت أن

 $A(x) \ge 6$ بحيث تكون $A(x) \ge 6$ د) حدد مجموعة الإعداد الحقيقية



Α

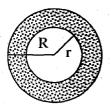
|b| < 3 و او |a| < 3 و او |a| و او |a| و او |a|

1) أثبت أن 0≠9+1 (1

 $\frac{a+b}{ab+9} < \frac{1}{3}$ ن ب استنتج أن (a-3)(b-3) = ab+9-3(a+b) أثبت أن (1)

تمريان عادد 426 ع 0.61 < r < 0.62 و 1.25 < R < 426 و 1.25 < R

3.83 و 3.69 إذا علمت أن $3.14 < \pi < 3.15$ أثبت أن المساحة الملونة محصورة بين



السلسة الاحصائية المنقطعة:

1- مدى سلسلة إحصائية منقطعة هو الفرق بين أصغر قيمة و أكبر قيمة فيها

2-المنوال في سلسلة إحصائية منقطعة هو القيمة أو القيم ذات التكرار الأكبر

3-المعدّل الحسابي لسلسة إحصائية منقطعة هو ناتج قسمة مجموع جذاءات كل قيمة و التكر ار الموافق لها على التكر ار الجملي لهذه السلسلة

4-لإيجاد موستط سلسلة إحصائية منقطعة ذات ميزة كمية ؛ نرتب قيمها تصاعديّا أو تنازليّا

و يكون الموسلط هو:

القيمة التي ترتيبها $\frac{N+1}{2}$ إذا كان N عددا فرديّا

المعدّل الحسابي للقيمتين اللتين ترتيبهما $\frac{N}{2}$ و $1+\frac{N}{2}$ إذا كان N عددا زوجيّا

السلسة الإحصائية المسترسلة:

1- مدى سلسلة إحصائية مسترسلة هو الفرق بين الطرف الأصغر في الفئة الأولى و الطرف الأكبر في الفئة الأخيرة

2-إذا كانت كل الفئات متساوية المدى فإن المنوال (أو الفئة المنول) هي كل فئة لها التكرار الأكبر

3-مركز الفئة هو المعدّل الحسابي لطرفيها

4-المعدّل الحسابي لسلسة إحصائية مسترسلة هو ناتج قسمة مجموع جذاءات كل مركز فئة و التكرار الموافق لها على التكرار الجملي لهذه السلسلة

التكرارات التراكمية و التواترات التراكمية:

1-التكر ار التراكمي الصناعد الموافق لقيمة ما ، هو مجموع تكر ارات القيم الأصغر أو المساوية لها

2-التكرار التراكمي النازل الموافق لقيمة ما ، هو مجموع تكرارات القيم الأكبر أو المساوية لها

3-التواتر التراكمي هو ناتج قسمة التكرار التراكمي على التكرار الجملي

4- التواتر التراكمي بالنسبة المانوية يساوي ناتج ضرب التواتر التراكمي في 100

5- موسَّط سلسلة إحصائية مسترسلة تكرار ها الجملي N هو فاصلة النقطة الَّتي تنتمي إلى مضلع التكرارات

التراكمية والتي ترتيبتها $\frac{N}{2}$ إذا كان N عددا زوجيّا أو $\frac{N+1}{2}$ إذا كان N عددا فرديّا

6- موسلط سلسلة إحصائية مسترسلة هو فاصلة النقطة التي تنتمي إلى مضلّع التواترات التراكمية و التي ترتيبتها 0,5 (أو %50 إذا كانت التواترات بالنسبة المانوية)

التمــارين

تمرين عدد 10: في ما يلى معدلات 18 تلميذ في مادة الرياضيات:

.13 .08 .12 .10 .08 .08 .10 .06 .14 .15 .12 .06 .12 .15 .14 .10 . 09 . 19

1) رتب الأعداد تصاعديا. ، 2) ما هو موسط السلسلة الإحصائية. ، 3) ما هو معدل السلسلة الإحصائية. تمرين عدد 20: في ما يلي معدلات 15 تلميذ في مادة الرياضيات:

.08 .15 .06 .07 .12 .06 .12 .14 .11 .15 .16 .12 .05 .17 . 10

1) رتب الأعداد تنازليا ، 2) ما هو موسط السلسلة الإحصائية؟

3) ما هو معدل السلسلة الإحصائية؟ ، 4) ما هي الميزة المدروسة؟

تمرين عدد 03: في ما يلي طول مواليد بحساب (صم):

			<u>.05</u>	
55	50	45	40	الطـــول
	:			(صىم)
. 10	15	14	1	التكرار

ب) ما هي مجموعة الإحصاء ونوعية الميزة المدروسة.

- 1) أ) ما هو عدد المواليد؟
- 2) ارسم مخطط العصيات ومضلع التكرارات.
- 3) أ) ارسم جدول التواترات التراكمية النازلة ؛ ب) ارسم مضلع التواترات التراكمية النازلة.
 - ج) ما هو موسط هذه السلسلة الإحصائية
 - د) ما هي النسبة المائوية لعدد المواليد الذين لهم طول يساوي أو يفوق 50صم.
 - 4) ما هو معدل هذه السلسلة الإحصائية.

تمرين عدد 10: اختر الجواب الصحيح من بين الأجوبة b ، a و c.

يمثل الجدول التالي معدل 15 تلميذ في مادة الرياضيات ضمن قسم السنة التاسعة أساسي:

18	14	12	8	6	المعدل
1	2	5	3	4	التكرار

- 1) الوحدة الإحصائية: (a): التلميذ ، (b): المعدل ، (c): قسم 9 أساسي
- 2) الميزة المدروسة: (a): التلميذ ، (b): المعدل ، (c): قسم 9 أساسي
- 3) طبيعة الميزة المدروسة: (a): كمية كيفية ، (b): كمية مسترسلة ، (c): كمية منقطعة

تمرين عدد 05: أجب بصواب أو خطأ: سلسلة إحصائية تهتم بدراسة فصيلة الدم إذن الميزة المدروسة هي: 1) كيفية ، 2) كمية

تمرين عدد 06: اختر الجواب الصحيح من بين الأجوبة b · a و c.

يمثل الجدول التالي الأجر اليومي لـ35 عامل بإحدى الشركات:

[25;30[[20;25[[15; 20[[10;15[الأجر بالدينار
02	18	10	5	التكرار

- 1) منوال السلسلة الإحصائية: (a) (c) ، 18:(b) ، [20;25] ، (18:(a) ، 18:(b) ، [15;20]
- (2) مجموعة الإحصاء: (a): الأجور ، (b): 35 عامل ، (2): الشركة
- 3) الميزة: (a) (b) الأجور ، (b): 35 عامل ، (c) الشركة
 - 4) السلسلة الإحصائية المدروسة تتعلق

(a): ميزة كمية منقطعة ، (b): ميزة كمية مسترسلة ، (c): ميزة كيفية

تمرين عدد 07: يمثل الجدول التالي عدد الساعات التي يقضيها شخص في العمل خلال اليوم:

من 14 إلى دون 16						من 2 إلى دون 4		عدد الساعات
6	20	70	50	30	14	8	2	عدد الأشخاص

- 1) حدد مجموعة الإحصاء وطبيعة الميزة المدروسة ونوعيتها.
 - 3) مثل السلسلة بمخطط المستطيلات وارسم مضلع التكرارات.
 - 4) كون جدول التواترات بالنسبة المانوية والتواترات التراكمية الصاعدة بالنسبة المانوية.
 - 5) أ) مثل التواترات التراكمية الصاعدة بالنسبة المانوية.
 - ب) ما هو موسط هذه السلسلة؟
 - ج) ما هي النسبة المانوية للأشخاص الذين يقضون أقل من 6 ساعات عمل في اليوم؟

عدد المواليد

تمریت عصدد 08:

بمثل الحدول التالي الأعداد التي تحصل عليها 25 تلميذ في الفرض التأليفي لمادة الرياضيات:

			. ي	ي ر ي	. 25 6.	. ٠ . رو ي -
18	15	12	10	9	7	العدد من 20
1	5	8	6	3	2	عدد التلاميذ
						التواترات بالنسبة المائوية
	-					التواترات التراكمية الصاعدة بالنسبة
						المائوية

- 1) أكمل الجدول ؛ 2) احسب معدل القسم في هذا الفرض ؛ 3) احسب مدى هذه السلسلة الإحصائية
 - 4) ما هو منوال هذه السلسلة الإحصائية؟
 - 5) ارسم مضلع التواترات التراكمية الصاعدة لهذه السلسلة الإحصائية
 - تمرين عدد 09: بين الجدول التالي وزن 80 مولود بحساب الكلغ:

4.5	3.5	3 .	2.5	الوزن Kg
7	18	25	30	التكرار

- 1) كون جدول التكر إرات التراكمية الصاعدة الموافق للجدول.
- 2) مثل بمخطط العصيات التكر ارات التر اكمية الصاعدة بالنسبة إلى وزن المو اليد.
 - 3) ارسم مخطط التكرار ات التراكمية الصاعدة.
 - 4) احسب Me موسط السلسلة ، 5) احسب M معدل السلسلة
 - 6) ما هي النسبة المانوية للمواليد الذين لهم طول أكثر أو يساوي 3.5 كلغ؟

تمرين عدد 10: اجب بصواب أو خطأ:

موسط سلسلة إحصائية تهتم بمعدل التلاميذ في 9 أساسي هو 11 إذن:

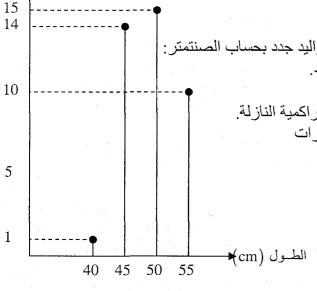
- 1) %50 من التلاميذ لهم معدل: 11.
- 2) 50% من التلاميذ لهم معدل أقل أو يساوي: 11.
- 3) أكثر من 50% من التلاميذ تحصلوا على المعدل.

تمرين عدد 11: يمثل مخطط العصيات التالي طول مواليد جدد بحساب الصنتمتر:

- 1) احسب عدد المواليد. 2) احسب M معدل طول المواليد. 3) احسب النسبة المائوية لعدد المواليد الذين تجاوزوا 50cm
- 4) ارسم جدول التكر إرات التراكمية الصاعدة والتكرارات التراكمية النازلة.
 - 5) ارسم مضلع التكر ارات التراكمية الصاعدة ومضلع التكر ارات

التراكمية النازلة.

حدد موسط هذه السلسلة الإحصائية.



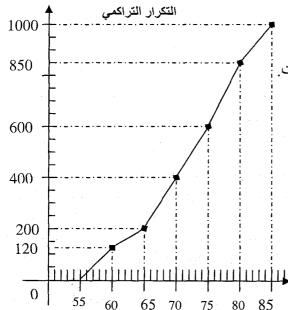
تمرين عدد 12: في ما يلي قيس طول 20 تلميذ بحساب الصنتمتر:

·158 ·157 ·163 ·164 ·167 ·169 ·160 ·159 ·150 ·154 ·160 ·155 ·168 ·165 ·152 ·163 ·168 ·157

61 .162

1) ما هي نوعية الميزة المدروسة وطبيعتها ؟ ، 2) أكمل الجدول التالي:

		الجدول التاني.	٠ (۷ محمد	تمدروسه وطبيعتها	1) ما هي توعيه الميره ا
İ	[165;170[[160;165[[155;160[[150;155[الطول
İ					عدد التلاميذ
					التكرار التراكمي
					الصاعد



- 3) ما هو عدد التلاميذ الذين يفوق طولهم 160 صم؟
 - 4) ما مدى وما منوال هذه السلسلة ؟
- 5) مثل السلسلة بمخطط المستطيلات وارسم مضلع التكرارات.
 6) ادسه مضاء التكر ادات التراكمية الصاعدة وحدد موسط
 - 6) ارسم مضلع التكرارات التراكمية الصاعدة وحدد موسط السلسلة.

تمري<u>ن عدد 13:</u>

لاحظ المخطط التالي:

- 1) استخرج موسط هذه السلسلة الإحصائية.
- 2) مثل التكرار التراكمي الصاعد بمخطط المستطيلات

tsu

3) أكمل الجدول التالي:

[80;85[[75;80[[70;75[[65;70[[60;65[[55;60[القطر mm
:					120	التكرارات
		1.		200	120	التكرار التراكمي الصاعد
				0 * 4	A 21 - 2 2 3 3	11 . 11

10

4)ما مدى وما منوال هذه السلسلة الإحصائية؟

5)ما هو معدل هذه السلسلة الإحصائية ؟

6)أ) ما هي النسبة المائوية للتكرارات التي يفوق أو يساوي قطرها 75؟

ب) ما هي النسبة المائوية للتكرارات التي قطرها أكبر أو يساوي 60

وأقل قطرها من 75؟

<u>تمريان عادد 14:</u>

في ما يلي مخطط المستطيلات لسلسلة إحصائية:

1) هل أن [2;3] هي الفئة التي لها أكبر

تكرار؟

2) ما هي الفئة التي لها أقل تكرار؟

3) استنتج من خلال الرسم موسط السلسلة.

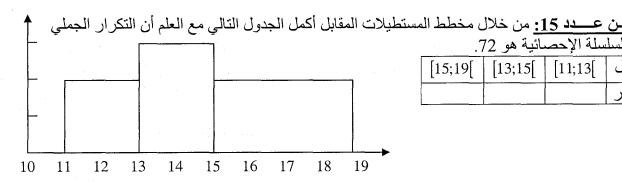
رياضيات التاسعة أساس

35

8

9

7



لهذه السلسلة الإحصائية هو 72. [15;19] [13;15] [11;13]التكر ار

تمرين عدد 16: نرمي نردا مرقما من 1 إلى 6 مرتان متتاليتان لنتحصل على الإحداثيات التالية (a,b)حيث a الرقم المسجل خلال الرمية الأولى و b الرقم المسجل خلال الرمية الثانية.

1) أ) انقل ثم أكمل الجدول التالي:

6	5	4	3	2	1	
				(2,1)	(1,1)	1
						2
						3
						4
	-					5
						6

- ب) أعط عدد الإمكانيات
- 2) ما هو احتمال الحصول على نفس الرقم خلال الرميتين؟
- 3) ما هو احتمال أن يكون العدد في الرمية الأولى أكبر قطعا من الرقم في الرمية الثانية؟
 - 4) أ) ما هو احتمال أن يكون مجموع الرقمين 8.
 - ب) ما هو احتمال أن يكون مجموع الرقمين زوجييا.

تمرين عدد 17:يرمي أحمد سهما في اتجاه هدف محدد ثلاث مرات متتالية يكون الحدث "صواب" (ص) إذا أصابه ويكون "خطأ" (خ) إذا لم يصبه يكتب نتيجة الرميات الثلاث كما يلي (خ، ص، ص) إذا أخطأ الأولى وأصاب في الثانية و الثالثة.

- 1) حدد كل الإمكانيات لنتيجة الرمى.
- 2) ما احتمال إصابة الهدف ثلاث مرات؟
- 3) ما احتمال إصابة الهدف مرتين متتاليتين على الأقل؟
 - 4) ما احتمال إصابة الهدف على الأقل مرة واحدة؟
 - 5) ما احتمال إصابة الهدف مرتين على الأكثر؟
- 6) يعتبر نجاح أحمد إذا أصاب الهدف مرتبن على الأقل، ما احتمال نجاح احمد؟

تمرين عدد 18: صندوق يحتوى على أقراص تحتمل الأعداد 3-، 0 ، 1 و 3. نسحب قرصا ثم آخر بصفة عشوائية ونرجع القرص بعد كل سحب ونكتب العدد الأول كفاصلة لنقطة M والثاني كترتيبة لها.

- أو جد الاحداثيات الممكنة للنقطة M
- 2) ما احتمال أن تكون النقطة M منتمية إلى محور الترتيبات؟
- 3) ما احتمال أن تكون النقطة M منتمية إلى محور الفاصلات؟
- 4) ما احتمال أن تكون النقطة M منتمية إلى محور الفاصلات و لا إلى محور الترتيبات؟
 - 5) ما احتمال ألا تكون النقطة M منتمية إلى محور الفاصلات؟

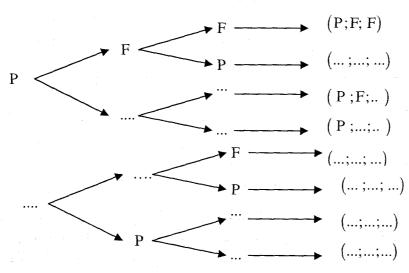
- 6) ما احتمال أن تكون النقطة M غير منتمية إلى محور الترتيبات؟
- A(3;-2) = A(3;4) ما احتمال أن تكون النقطة M تنتمي إلى المستقيم (AB) مع العلم أن تكون النقطة M

تمرين عدد 11: اختبار يطرح على المترشح 3 أسئلة ليجيب عليها بصواب أو خطأ. يجهل المترشح الأجوبة فيجيب على الأسئلة بصفة عشوائية.

- 1) ما هو عدد الإمكانيات؟
- 2) ما احتمال أن تكون الأجوبة الثلاث صحيحة؟
- 3) ما هو احتمال أن يكون جوابان صحيحان فقط؟
- 4) ما احتمال أن يكون جوابان صحيحان على الأقل؟

تمرين عدد 20: لقطعة نقود وجهان الوجه ونرمز له بF والقفا ونرمز له بP نرمي قطعة نقدية ثلاث مرات في الهواء وإثر سقوطها نسجل في كل مرة الوجه الظاهر من القطعة.

أتمم شجرة الاختيار التالى



- 2) حدد احتمال الحدث A التالي: "الحصول على ثلاث وجوه P"
- 3) حدد احتمال الحدث B التالي: "الحصول على الوجه P مرتبن على الأقل"
 - 4) حدد احتمال الحدث التالي: "الحصول على الوجه Fمرة واحدة فقط"
 - 5) حدد احتمال الحدث التالي: "الحصول على ثلاث وجوه متشابهة"
- 6) حدد احتمال الحدث A التالي: "الحصول على وجهين متشابهين على الأقل"

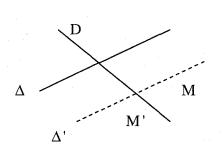
تمرين عدد 21: في ما يلي جدول التكرارات لسلسلة إحصائية:

[8;10[[4;8[[1;4[[0;1[الفئة
3	6	15	2	التكرار

هل أن منوال هذه السلسلة الإحصائية هو [4;8]؟

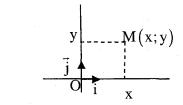
2) ارسم مخطط المستطيلات لهذه السلسلة الإحصائية.

مراجعة عسامة



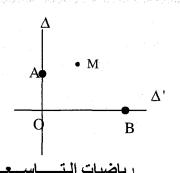
1) إذا كان D و Δ مستقيمين متقاطعين و M نقطة في المستوى فإن المستقيم ' Δ المار من M والموازي لـ Δ يقطع Δ في نقطة ' Δ تسمى مسقط النقطة Δ على المستقيم Δ وفقا لمنحى المستقيم Δ في حالة تعامد Δ و Δ فإن ' Δ تسمى المسقط العمودي للنقطة Δ على Δ

- Δ معين المستقيم مختلفتين من مستقيم Δ فإن: * (O;I) معين المستقيم (2
 - (O;I) في المعين $_{A}$ *
 - $x_{c} = \frac{x_{A} + x_{B}}{2}$ فإن (AB) منتصف منتصف *
- $AB = |x_B x_A|$ البعد AB للنقطتين A و B من المستقيم Δ هو القيمة المطلقة للفرق بين فاصلتي A و B أي: $AB = |x_B x_A|$
 - (3) إذا كانت O ، I و I ثلاث نقاط من المستوى ليست على استقامة O الحدة فإن O, O, معين في المستوى. الزوج O, احداثيات النقطة O في المعين O, O, ونكتب O, O



- $P(-x;y) \dots M(x;y)$ Q(-x;-y) N(x;-y)
- 4) إذا كان(O;I;J) معينا في المستوى حيث $(OJ) \perp (OJ)$ وإذا كانت M(x;y)
 - N(x;-y) النقطة N إحداثياتها (OI) مي النقطة المناظرتها بالنسبة إلى
 - P(-x;y) النسبة إلى (OJ) هي النقطة P(-x;y) إحداثياتها
 - مناظرتها بالنسبة إلى O هي النقطة Q إحداثياتها (Q(-x;-y)

التمسارين



تمرين عدد 01: نعتبر الرسم التالي:

- Λ على ' وفقا لمنحى Λ ?
 - Δ ما هو مسقط B على ' وفقا لمنحى Δ ?
- (3) ما هو مسقط (3) على (3) وفقا لمنحى

```
لا على \Delta و فقا لمنحى \Delta و \Delta و على التوالى \Delta التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى التوالى ا
                                                                                                                                                              5) أثبت أن IMJO متوازي أضلاع..
                                                                                                                                                              تمري<u>ن عدد 02:</u>
ABCD متوازي أضلاع مركزه O.
                                                                                                                           1) أ) ما هو مسقط A على (DC) وفقا لمنحى (BC)؟
                                                                                                                               ب) ما هو مسقط B على (AD) وفقا لمنحى (DC)؟
                                                                  (DC) في E في (DA) والمار من B يقطع (DC) في E و (DC) في 2 المستقيم (DC)
                                                                                                                      أ) ما هو مسقط النقطة O على (DC) وفقا لمنحى (EF)؟
                                                                                                                ب) ما هو مسقط النقطة E على (CD) وفقا لمنحى (OA)؟
                                                                                                                    ج) ما هو مسقط النقطة F على (AD) وفقا لمنحى (OC)؟
                                                                                                                                            د) ما هي طبيعة الرباعي ABFC ؟ علل جوابك
                                                                                                                                         هـ) ما هي طبيعة الرباعي AEBC ؟ علل جوابك
                                                                                                                                                                                             تمري<u>ن عـدد 03:</u>
                                                                                                                   ABC مثلث قائم الزاوية في A، لتكن M نقطة من [BC].
                                                                                             1) أ) ابن النقطة N مسقط M على المستقيم (AC) وفقا لمنحى (AB)
                                                                                                                      ب) ما هي الوضعية النسبية للمستقيمين (MN) و (AC)؟
                                                                                                             2) أ) ابن النقطة P مسقط M على (AB) وفقا لمنحى (AC)
                                                                                                                      ب) ما هي الوضعية النسبية للمستقيمين (PM) و (AB)؟
                                                                                                                                                               3) ما هي طبيعة الرباعي PMNA؟
                                                                                                                                                              تمرين عدد <u>04:</u>
ضع العلامة ⊠ أمام المقترح السليم:
2\sqrt{2} و B ، A و C فاصلاتها على التوالي: 2 ؛ \frac{5}{2} و C ثلاث نقط من \Delta فاصلاتها على التوالي: 2 ؛ \frac{5}{2} و C و C
                                                                                                                                      \square AB = \frac{7}{2} \square AB = \frac{9}{2} \square AB = \frac{5}{2} (1)
                                                                           \Box AC = 2(\sqrt{2}+1), \Box AC = 2(\sqrt{2}-1), \Box AC = 2\sqrt{2}+1 (\Box
                                                                    \square 2\sqrt{2} +1 ، \square \sqrt{2} +1 ، \square \sqrt{2} -1 (AC) هي: [AC] هي
                                                              N(\sqrt{2};-1) و M(x;y) ليكن (O;I;J) و المستوى ولتكن النقطتين (O;I;J) و (2
                                                                                                                            أ) إذا كان M و N متناظرتين بالنسبة إلى (OI) فإن:
                                                                       \square y=-1 y=-\sqrt{2} , y=\sqrt{2} y=1 y=1 y=\sqrt{2}
                                                                                                                        ب) إذا كان M و N متناظرتين بالنسبة إلى (OJ) فإن:
                                                                           \square y=1 y=\sqrt{2} \square y=-1 y=\sqrt{2} y=-1 y=-\sqrt{2}
                                                                                                                                ج) إذا كان M و N متناظرتين بالنسبة إلى O فإن:
                                                              y=-1 y=-\sqrt{2} y=1 y=1 y=1 y=1 y=1
```

تمري<u>ن عدد 05:</u>

 Δ مستقيم مدرج بمعين (O;I) والنقاط A ، B و C من Δ فاصلاتها على التوالي $\frac{5}{2}$ -، $2\sqrt{2}$ و $\frac{3}{4}$

- 1) احسب الأبعاد BC ، AB و AC.
- [AC] احسب فاصلة M منتصف (2
 - [AI] بين أن C منتصف

تمريت عدد 06:

 Δ مستقيم مدرج بمعين (O;I) والنقاط A:S و D:S و المستقيم مدرج بمعين Δ

- 1) أ) عين النقاط A ، B ، C و D على ∆.
- ب) احسب الأبعاد BD ، BC ، AD ، BI ، OA و BD ، DC
- 2) حدد فاصلات النقاط O ، I ، B و D في المعين (O;A).
- $_{\rm X_M}$ لتكن $_{\rm M}$ نقطة من $_{\rm A}$ فاصلتها $_{\rm M}$ في $_{\rm M}$ في $_{\rm X_M}$ في كل حالة من الحالات التالية:
- \square MC = AC (ع ، \square MD = 1 (ج ، \square MC = 2 (ب ، \square OM = 3 (أ $x_1 \le 0$) OJ = 4 باحسب x_2 فاصلة النقطة $x_1 = 0$ و OJ = 4

تمرين عدد 07:

. OI = 2cm مستقیم مدرج بمعین Δ

- $x_{\rm C}=-rac{3}{2}$ و $X_{\rm B}=\sqrt{2}$ ، $x_{\rm A}=3$ النقاط $X_{\rm B}=\sqrt{2}$ ، $X_{\rm A}=3$ النقاط $X_{\rm B}=\sqrt{2}$ ، $X_{\rm B}=\sqrt{2}$ ، $X_{\rm A}=3$ النقاط $X_{\rm B}=\sqrt{2}$ ، $X_{\rm B}$
 - ب) احسب AC ، AB و BC.
 - Δ فاصلة النقطة D منتصف (AB) أوجد Δ فاصلة النقطة النقطة Δ
 - Δ فاصلة النقطة Δ مناظرة B بالنسبة إلى Δ ثم عينها على Δ أوجد Δ
 - . AM = $\sqrt{3}$ مجموعة النقاط M من Δ بحيث Δ بحيث (4
- (O;J) لتكن (D,J) و (D,J) في المعين (D,J) لتكن (D,J) التكن (D,J) في المعين (D,J)
 - Oليكن Δ مستقيما قاطعا Δ في النقطة Δ و لتكن Δ نقطة من Δ مخالفة لـ Δ
 - أ) ابن النقطة $\, {
 m H} \,$ من المستوى بحيث: $\, {
 m A} \,$ هي مسقط $\, {
 m H} \,$ على $\, {
 m \Delta} \,$ وفقا لمنحى $\, {
 m A} \,$.

 Δ هى مسقط H على Δ وفقا لمنحى Δ

ب) ما هي طبيعة الرباعي AHFO ؟ علل جوابك.

تمرين عدد 80:

 $(OI) \perp (OJ)$ معيناً في المستوى حيث (O;I;J).

- B(-4;3) عين النقطتين A(4;-3) و (1
- 2) أ) ابن النقطة C مناظرة B بالنسبة إلى المستقيم (OI) ثم حدد إحداثياتها.
 - ب) ابن النقطة D مناظرة B بالنسبة إلى المستقيم D ثم حدد إحداثياتها.
 - (OJ) أ) بين أن A و C متناظرتان بالنسبة إلى (OJ).
 - ب) بين أن A و D متناظرتان بالنسبة إلى (OI).
 - ج) بين أن D و C متناظرتان بالنسبة إلى O.
 - 4) ما هي طبيعة الرباعي ACBD ? علل جوابك.

تمريان عاد و0:

OI = OJ = 1cm و $OI) \perp (OJ) \perp (OJ)$ و OI = OJ = 1

. C(2;-3) و B(-2;3) ، A(3;0) و (1

بين أن O منتصف [BC].

2) المستقيم المار من B والموازي لـ(OI) يقطع (OJ) في نقطة K ويقطع (AC) في نقطة .

أ) ما هي إحداثيات النقطة K و النقطة M

ب) احسب OA و BM

ج) ما هي طبيعة الرباعي OAMB؟ علل جوابك.

تمريان عاد 10:

OI = OJ و $OI) \perp (OJ) \perp (OJ)$ و معينا في المستوى حيث OI = OJ

. C(-1;-3) و B(-1;3) ; A(3;3) ارسم النقاط (1

2) بين أن ABC مثلث قائم الزاوية.

3) ابحث عن إحداثيات النقطة D بحيث يكون الرباعي ABCD مستطيل.

 $x \in IR$ و y = 3 حيث y = 3 د (4) ما هي مجموعة النقط

تمرين عدد 11:

OI = OJ = 1cm و $OI) \perp (OJ) \perp (OJ)$ ليكن OI = Icm و المستوى حيث

1) ارسم النقاط (N(3;6) ، M(3;4) و P(-4;4).

. B في النقطة (OI) في النقطة A والمستقيم (MN) يقطع (OI) في النقطة (2

ما هي إحداثيات كل من النقطتين A و B؟

3) المستقيم الموازي لـ (OI) والمار من N يقطع (OJ) في النقطة E.

أ) ما هي إحداثيات النقطة E?

ب) احسب قيس مساحة شبه المنحرف MNEP.

تمريان عادد 12:

OI = OJ = 1cm و $OI) \perp (OJ) \perp (OJ)$ معينا في المستوى حيث OI = OJ = 1

1) ارسم النقاط (A(4;3) و B(4;0) و C(0;3)

2) بين أن (AB)//(OJ) و (AC)//(OJ)

3) نعتبر النقاط F ، E و G مناظرات النقاط B ، A و C على التوالي بالنسبة إلى النقطة O.

أ) حدد إحداثيات كل من النقاط F ، E و G

ب) بين أن الرباعي BCFG هو معين واحسب مساحته.

4) أ) ارسم النقطتين M و N بحيث يكون الرباعي AMEN مستطيلا أضلاعه موازية لمستقيمي الإحداثيات.

ب) ما هي إحداثيات كل من النقطتين M و N?

5) أحسب مساحة المستطيل AMEN.

تمريان عدد 13:

 Δ و Δ مستقيمان يتقاطعان في النقطة Ω . Ω نقطة من Δ و Ω نقطة من Δ .

. OB = **4OJ و O**A = 3OI حيث OB = 4**OJ** و النقطة B على OA = 3OI عين النقطة A على OB = 4OJ

 Δ) المستقيم الموازي لـ ' Δ والمار من Δ والمستقيم الموازي لـ Δ والملر من Δ يتقاطعان في النقطة Δ .

ما هي إحداثيات النقطة M في المعين (O;I;J)؟

Q(2;4) و Q(2;4) و Q(3;2) في المعين (O;I;J). (3

أ) بين أن (QP)//(MN)

ب) أثبت أن الرباعي MNPQ متوازى أضلاع.

.
$$D\left(\frac{5}{2};\frac{5}{2}\right)$$
 و $C\left(\frac{5}{2};\frac{9}{2}\right)$ ، $B\left(\frac{3}{2};\frac{9}{2}\right)$; $A\left(\frac{3}{2};\frac{5}{2}\right)$ و رادسم النقاط: (1

 $\frac{5}{2} \le y \le \frac{9}{2}$ و $\frac{3}{2} \le x \le \frac{5}{2}$ بحيث M(x; y) عدد مجموعة النقاط (2

 $N\left(0;\frac{3}{2}\right)$ بعتبر النقطتين $M\left(\frac{5}{2};0\right)$ و $M\left(\frac{3}{2};0\right)$

أ) ابحث عن إحداثيات النقطة P من المستوى إذا علمت أن: M مسقط P على (OI) وفقا لمنحى (OJ) و N مسقط P على (OJ) وفقا لمنحى (OJ).

ب) ما هي طبيعة الرباعي OMPN؟

OI = OJ و OI = OJ و OI = OJ معينا في المستوى حيث OI = OJ و OI = OJ

.C(3;5) و B(3;4) ، A(-2;4) و (13;5)

2) أ) عين النقطة D بحيث يكون ABCD مستطيلا.

ب) ما هي إحداثيات النقطة D?

3) عين النقطة E ≠ D بحيث يكون E ≠ D و ACBE متوازي أضلاع.

أ) جد فاصلة E

ب) أحسب AE

ج) استنتج نرتيبة النقطة E.

4) عين على (BC) النقطة F بحيث يكون ترتيبتها مساوية لترتيبة E.

أ) ما هي إحداثيات F?

ب) أثبت أن المثلث ACF متقايس الضلعين.

 $(OI) \perp (OJ)$ معينا في المستوى حيث (O;I;J) عصد عدد 16: اليكن

. C(3;-3) و B(5;0) ، A $\left(3;\frac{11}{2}\right)$ و (1

ب) بين أن (OI) لـ (OI).

2) أ) ابن النقطة D بحيث تكون C منتصف [BD]

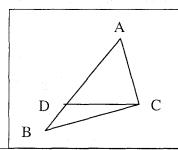
ب) أو جد إحداثيات النقطة D.

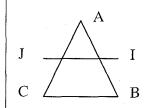
 $-6 \le y \le 0$ و x = 1 بحيث M(x; y) حدد المجموعات التالية: أ E أ هي مجموعة النقاط M(x; y)

. y=0 و $1 \le x \le 5$ بحيث M(x;y) بحيث Y=0 و Y=0

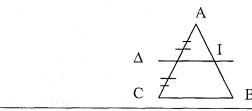
 $y \le \frac{11}{2}$ و x = 3 بحيث x = 3 و x = 3

مراجعة عسامة

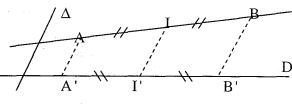




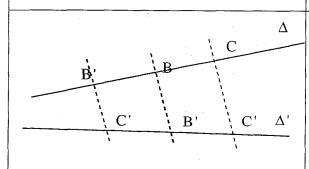
2) في كل مثلث المستقيم المار من منتصفي ضلعين يوازي حامل الضلع الثالث وقيس طول قطعة المستقيم الرابطة بين المنتصفين يساوي نصف قيس طول الضلع الثالث: (BC) (IJ) و $IJ = \frac{1}{2}BC$

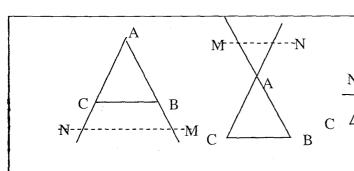


(3) في كل مثلث، المستقيم المار من منتصف ضلع والموازي لحامل ضلع آخر يمر من منتصف الضلع الثالث: (3) و (3) منتصف (3)



4) إذا كانت ' A و 'B مسقطي A و B على التوالي على مستقيم D وفقا لمنحى Δ فإن مسقط منتصف [AB] على D وفقا لمنحى Δ هو منتصف [A'B']. A'B'



(C) إذا كان مستقيمان (C) و (C) و (C) و (C) و (C) ثلاث نقط من (C) و (C) (C) ; (B) ; (A) ; (A) ; (A) ; (C) ; (B) ; (A) ; (A) ; (A) ; (C) ; (B) ; (A) ; (A) ; (A) ; (C)


 M
 إذا كان ABC مثلثا و M

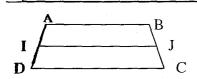
 iقطة من (AB) و N نقطة

 من (AC)
 بحيث

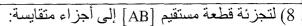
 من (BC)//(MN)

 فإن

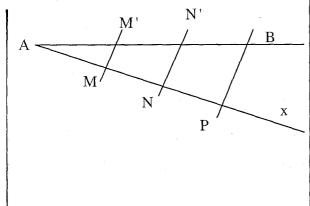
 AM = AN = MN AC BC



[CD] و [AB] و [AB] و [AB] و [AB] و [AB] و [AD] و [AD] و [AD] و [AB] فإنّ: [AB+DC] و [AB+DC]



- * نرسم نصف مستقيم (Ax) بحيث المستقيم الحامل لـ (Ax)مخالف لـ [AB].
- * نرسم على (Ax) نقطا متتالية ومتساوية البعد بعدد الأجزاء المطالب بها:
- AM = MN = NPشم نرسم المستقیم Δ المار من B وآخر نقطة رسمت على Δ
- * نرسم المستقيمات الموازية لـ Δ والمارة من النقط المعينة على (Ax). هذه المستقيمات تقسم (AB) إلى أجزاء متقايسة.

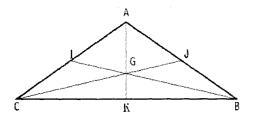


المثلث القائم و الدائرة المحيطة به:

أ) في المثلث القائم منتصف الوتر متساوي البعد عن الرؤوس الثلاثة و قيس طول الموسط الصادر من رأس الزاوية القائمة يساوي نصف قيس طول الوتر

ب)مركز الدائرة المحيطة بمثلث قائم الزاوية هو منتصف وتره

ج- كل مثلث منتصف أضلاعه متساوي البعد عن رؤوسه الثلاثة هو مثلث قائم الزاوية ووتره يكون أحد الضلع المنكور



مركز ثقل المثلث: في كل مثلث يقع مركز الثقل عند ثاثي الموسط إنطلاقا من الرأس و عند ثلث الموسط إنطلاقا من منتصف الضلع

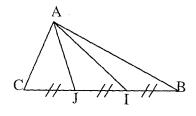
$$AG = \frac{2}{3}AK$$
, $BG = \frac{2}{3}BI$, $CG = \frac{2}{3}CJ$

التمـــارين

(وحدة قيس الطول هي الصنتمتر)

 $\frac{2}{2}$ مثلث ارتفاعه $\frac{10:}{2}$ AH و $\frac{1}{2}$ لتكن M نقطة من $\frac{1}{2}$ حيث $\frac{1}{2}$ ABC.

احسب مساحة كل من المثلثين ABM و ACM.

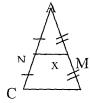


ACJ مساحة المثلث AIJ مساحة المثلث ABI و S_3 مساحة المثلث ABI

$$\frac{S_1}{S} = \frac{S_2}{S} = \frac{S_3}{S} = \frac{1}{3}$$
 بين أن:

تمرين عدد 03: ضع العلامة ∑ أمام المقترح السليم:

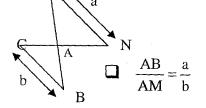
أ) إذا كان ABC مثلث مساحته S و M نقطة من [BC] فإن مساحة المثلث ABM تساوي:



$$\Box \frac{BM}{S} \times BC$$

 $\square \quad \frac{BM}{S} \times BC$, $\square \quad \frac{BM}{BC} \times S$, $\square \quad \frac{BC}{BM} \times S$

 $X \rightarrow M$ النا: M = x و AC] و AC مثلث حیث M منتصف ABC مثلث حیث M منتصف ABC مثلث حیث ABC مثلث حیث ABC مثلث حیث ABC مثلث حیث ABC BC = 2x ، $BC = \frac{x}{2}$



ج) تأمل الرسم المجاور حيث $BC = b \cdot (BC) / (MN)$ و $BC = b \cdot (BC)$ لنا

 $\frac{AN}{AC} = \frac{a}{b}$

 $\frac{AM}{AB} = \frac{b}{a}$

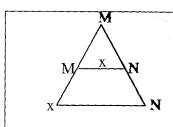
(AD) منتصف M و DC = b و AB = x و AB = x و AB = x منتصف (AD) د) ليكن ABCD فيكن ABCDو N منتصف [BC] حيث MN = a فإن:

 \Box x = 2a + b

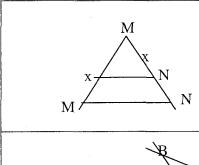
 \Box $x = \frac{1}{2}(a+b)$ x = 2a - b

تمرين عدد 04:

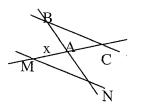
أوجد العدد x في كل حالة من الحالات التالية:



AM = 2 AC = 5 BC = 6 BC)//(MN)



BC = 4 $\Theta MN = 6$ AN = 7 $\Theta C)//(MN)$ (-1)



BC = 4 \circ MN = 3 \circ AC = 2 \circ (BC)//(MN) (\circ

تمريان عدد 05:

[AB] ارسم مثلثاً ABC حيث AB=6 ، AB=5 ، AB=6 و ABC=5 . ثم عين النقطة

. IJ و JC ، AJ في النقطة AI = 2.5 . AI و الموازي لـ (BC) يقطع (AC) في النقطة AI = 2.5

تمرين عدد 06:

ارسم مستطيل ABCD حيث AB = 5 و BC = 3 ثم عين النقطة M على [AB] بحيث BM = 1.5.

المستقيم (MC) يقطع (AD) في N والمستقيم (DM) يقطع (BC) في N. احسب AN و BK

تمرین عدد 07:

ارسم مثلثا EFG حيث EG = 5 و FG = 3 ثم عين النقاط I ، I و K منتصفات [EF]، [EG] و [FG] على التوالي.

- 1) بين أن (IK)//(EG) و (GF)//(IJ).
 - 2) استنتج طبيعة الرباعي IJKG.
 - 3) احسب IJ و IK.

تمرين عدد 80:

ارسم شبه منحرف EFGH قاعدتاه [EF] و EF(H) بحيث EF = 4 و HG = 6.

- 1) ابن النقطتين M و N حيث M مناظرة F بالنسبة إلى G و N مناظرة E بالنسبة إلى H.
 - .MN احسب (2
 - (3 المستقيم (ME) يقطع (HG) في I. بين أن I منتصف

تمريـن عـدد 109: ليكن ABCD متوازي أضلاع حيث AB = 7 و AB = 6 والنقطة M من [AB] حيث AB = 7.

المستقيمان (AC) و (DM) يتقاطعان في نقطة O.

$$\frac{OM}{OD} = \frac{OA}{OC} = \frac{AM}{CD} = \frac{3}{7}$$
 :بين أن

2) لتكن H مسقط النقطة O على (AD) وفقا لمنحى (AB).

$$\frac{OH}{DM} = \frac{DH}{DA} = \frac{OH}{AM}$$
 : بین أن: $\frac{AO}{AC} = \frac{AH}{AD} = \frac{OH}{CD}$ بین أن: (أ

OH بستنتج أن:
$$\frac{OH}{CD} + \frac{OH}{AM} = 1$$
 ، \(\right) \text{ \leftright}

(CM) في I لنكن I و I منتصفي I و I و I على التوالي. المستقيم المار من I والموازي I (DM) في I في I انكن I منتصف I ، بين أن I بين أن I بين أن I بين أن I بين أن I بين أن I واحسب I .

OI = OJ = 1 يكن OI = OJ = 1 معينا في المستوى حيث OI = OJ = 1

OE = 3 و OB = 3 ، OA = 5 . بين أن: E(3,0) ; B(0,3) ; A(5,0) و E(3,0)

2) عين النقطة C بحيث يكون الرباعي OACB متوازي أضلاع. ما هي إحداثيات النقطة C?

آ) المستقيم المار من E والموازي لـ (AB) يقطع (OB) في النقطة F.

. F واستنتج إحداثيات النقطة OF بين أن: $\frac{OE}{OA} = \frac{OF}{OB} = \frac{EF}{AB}$ بين أن:

(4) المستقيم المار من A والموازي L(BE) يقطع (OJ) في النقطة

.G بين أن: $\frac{OF}{OB} = \frac{OB}{OG}$ ؛ بين أن: $\frac{OF}{OB} = \frac{OB}{OG}$

تمرين عدد 11: نعتبر مثلثا ABC حيث BC=3.

 $II = \frac{1}{2}$ (II) التكن $I = \frac{1}{2}$ BC و (II) التكن $I = \frac{1}{2}$ (II) على التوالي: أ) بين أن: (BC) على التوالي: أ) بين أن: (AC) و AB)

I (1) ابن النقطة I مناظرة I بالنسبة إلى النقطة I ثم عين النقاط I (I المساقط العمودية لكل من النقاط I (I على المستقيم (I

NP با احسب MN ، ج) قارن بین $\frac{JJ}{ID}$ و $\frac{MN}{NP}$ ، د) استنتج

. GH = 6 و EH = 5 ، EF = 3 بحیث EFGH و EFGH و EFGH و EFGH .

التكن M نقطة من [EH] بحيث M = 1، المستقيم المار من M والموازي لـ (EF) يقطع (FH) في I و (FG) في M. ارسم الشكل.

. MN و IN جيا احسب الله عند أن: $\frac{FI}{FH} = \frac{3}{5}$ احسب (2)

3) المستقيم المار من F والموازي لـ(EI) يقطع (EH) في J.

أ) بين أن: HE² = HJ×HM ، بين أن:

OI = OJ = 4 يكن OI = OJ = 4 معينا في المستوى بحيث ليكن الكن OI = OJ = 4

 $M\left(\frac{2}{3};\frac{3}{5}\right)$ عين النقطة (1

\$ OPMQ و النقطتان
$$P\left(\frac{2}{3};0\right)$$
 و $P\left(\frac{2}{3};0\right)$ و $P\left(\frac{2}{3};0\right)$ و النقطتان (2

$$MQ = \frac{2}{3}$$
 احسب OP ثم استنتج أن OP ب

- 3) لتكن النقطتان H و K منتصفي [OQ] و [MI] على التوالي
- (HK)//(OI) وأن $HK = \frac{5}{6}$ ن ب استنتج أن $HK = \frac{5}{6}$ وأن (OI)//(OI)
- . F في E والمستقيم المار من K والموازي لـ (IQ) يقطع (MQ) في (HK) (4

$$[MQ]$$
 منتصف و $\frac{MF}{MQ}$ واستنتج أن E منتصف و $\frac{ME}{MP}$ ، با احسب واستنتج أن E منتصف المراكب أن احسب

(EF)//(PQ) وأن $EF = \frac{1}{2}PQ$ ج) استنتج أن

ABC = 5 و AB = 3 و ABC = 5 مثلثا متقايس الضلعين قمته الرئيسية ABC = 5 و ABC = 5

- $\frac{EF}{AC} = 2$ ابن النقطتين E و E مناظرتي النقطة E بالنسبة إلى E و E على التوالي. بين أن: E
- (AB) ابن النقطة G مناظرة G بالنسبة إلى G ثم النقطة G مسقط النقطة G على المستقيم G وفقا لمنحى G بين أن G ابن أن G وفقا لمنحى G
 - 3) المستقيم المار من C والموازي لـ (AB) يقطع (EF) في I. أحسب EI و IC.
 - 4) المستقيم المار من $_{\rm B}$ والموازي لـ(AC) يقطع (HG) في $_{\rm CI}$ ويقطع (CI) في
 - أ) بين أن IC = BJ ، بين أن الرباعي ABCK معين ، ج) استنتج أن المثلث KIJ متقايس الضلعين
 - 5) المستقيم (AC) يقطع (EK) في P . بين أن P منتصف

تمرين عدد 15: [IJ] قطعة مستقيم طولها 5

- 1) عين على [IJ] النقاط A ، B ، A و C بحيث تجزأ [IJ] إلى أجزاء متناسبة مع 1، 2، 3 و 4
 - 2) احسب AI و BJ.

تمرين عدد 16: ليكن ABC مثلثا حيث AB = 3 · AC = 7 و BC = 5.

- . AI = IJ = JC بحيث AC] بابن النقطتين I و I على
- 2) المستقيم المار من I والموازي لـ (BJ) يقطع (BC) في I . بين أن I منتصف I

مراجعة عسامة

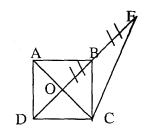
C $BC^{2} = AB^{2} + AC^{2}$	اذا كان ABC مثلث قائم الزاوية في A فإن: $AB^2 + AC^2 = BC^2$
A BC قائم الزاوية في ABC	الزاوية في ABC مثلث حيث $ABC^2 = BC^2$ فإنه قائم ABC الزاوية في A
$ \begin{array}{c} A \\ \sqrt{2} \\ C \end{array} $	(3) إذا كان مربع ABCD قيس طول ضلعه a فإن قيس طول قطره $a\sqrt{2}$
$AH = \frac{a\sqrt{3}}{2}$ $C \qquad H \qquad B$	a مثلثا متقایس الأضلاع قیس طول ضلعه $\frac{a\sqrt{3}}{2}$ فإن قیس طول ارتفاعه $\frac{a\sqrt{3}}{2}$
A B	5) إذا كان ABC مثلثا قائم الزاوية في A و [AH] ارتفاعه الصادر من A فإن AB×AC=AH×BC
$AB \times AC = AH \times BC$	$AH^2 = HB.HC$
$AH^2 = HB.HC$	

التمارين

وحدة القيس هي الصنتمتر

تمرين عدد 10: ABC مثلثا قائم الزاوية في A بحيث 3 = AB و AC = 4 و AC = 4 و ABC مثلثا قائم الزاوية في A بحيث AB و AC = 4 و ABC مثلثا قائم الزاوية في A بحيث BC بالكن (AH) الارتفاع الصادر من A. احسب AH تمرين عدد 20:

في الشكل المقابل ABCD مربع طول ضلعه 3 حيث OB = BE احسب ABCD في الشكل المقابل



تمرين عدد 103: ABC مثلث متقايس الأضلاع طول ضلعه 4.

- 1) ليكن [AH] الارتفاع الصادر من A. احسب AH
- (AC) لتكن النقطة I المسقط العمودي H على H على H على النقطة H المسقط العمودي H على H
 - أ) احسب HI و JH
 - ب) استنتج أن المثلث IJH متقايس الضلعين.

تمريسن عدد 10: في أي حالة من الحالات التالية يكون المثلث ABC قائم الزاوية

- $BC = \sqrt{12}$; $AC = \sqrt{5}$; $AB = \sqrt{7}$ (\Rightarrow BC = 5; AC = 4; AB = 3 (\Rightarrow
 - BC = $\sqrt{21}$; AC = $\sqrt{11}$; AB = $2\sqrt{3}$ (ε

تمرين عدد 05: ضع العلامة ⊠ أمام المقترح الصحيح:

- 1) ليكن ABC مثلثا قائم الزاوية في A حيث AB = 3 و AB = 4 . إذا كان ABC ارتفاعه الصادر من ABC
 - $\Box AH = \frac{12}{5} \qquad \Box AH = \frac{7}{2} \qquad \Box AH = \frac{4}{3}$
- \square AO = $2\sqrt{2}$ ، \square AO = $3\sqrt{2}$ ، \square AO = 3 فإن: \square AO = 3 فإن: \square AO = \square مربعا مركزه \square AO = \square وطول ضلعه \square فإن: \square AO = \square 4
 - ABC (3 مثلث متقايس الأضلاع طول ضلعه 4.إذا كانت H منتصف [BC] فإن:

 - 4) ليكن ABCD معينا طول ضلعه a. إذا كان طولي قطراه 4 و 6 فإن:
 - $\Box \ a = \sqrt{13} \qquad \qquad \Box \ a = 5 \qquad \Box \ a = 12$

تمريان عدد 06:

ABCD (1 مربع طول ضلعه a وطول قطره b. أكمل الجدول التالي:

a	3	2√7	-	$\sqrt{5}$		
b			$\sqrt{6}$		$\sqrt{8}$	$\sqrt{18}$

 $_{\rm X}$ مثلث متقايس الأضلاع طول ضلعه $_{\rm X}$ وطول ارتفاعه $_{\rm Y}$ أكمل الجدول التالي:

х	2		$\sqrt{3}$		$\sqrt{15}$	
у .		√12		$\sqrt{6}$		$\sqrt{21}$

تمريان عدد 07: EF عستطيل حيث EF = 3 و EF = 10. لتكن M نقطة من EF = 1 حيث EM = 4.

- MF احسب (1
- '.GN = 5 بحيث (HG) بحيث المستقيم (2
- أ) احسب FN و MN ؛ ب) استنتج أن المثلث FMN قائم الزاوية في M.
 - (NH) و (FM) لتكن A نقطة تقاطع المستقيمين (FM) و
- أ) بين أن $\frac{MA}{MF} = \frac{MH}{ME}$ واستنتج MA. بين أن $\frac{MA}{MF} = \frac{MH}{ME}$ واستنتج MA قائم الزاوية.

تمرين عدد 08:

لتكن دائرة (ع) مركزها O وقطرها [BC] حيث BC = 10 و قطرها (ع)

حيث A = 5 و H المسقط العمودي لـ A على (BC).

$$AH = \frac{5\sqrt{3}}{2}$$
 ! $AC = 5\sqrt{3}$! $AC = 5\sqrt{3}$! ABC ! A

- 2) لتكن I منتصف [AC] ؛ [BI] ؛ [AC] لتكن I منتصف
 - $\frac{1}{AB^2} + \frac{1}{AC^2}$ و $\frac{1}{AH^2}$ قارن (3

تمريان عدد 09:

 (ξ) مرکزها O وقطرها (AB = 8 حیث (ξ) مرکزها O مرکزها O لتکن دائرة

حيث يكون المثلث OEB متقايس الأضلاع ولتكن H المسقط العمودي للنقطة E على (OB).

- $AE = 4\sqrt{3}$ أ أنجز الرسم ؛ بين أن المثلث EAB قائم الزاوية ؛ ج) بين أن أن (1
 - AH = 6 : $EH = 2\sqrt{3}$) بین أن (2
 - (3 المماس للدائرة (ξ) في النقطة B و يقطع (AE) في 3.
 - أ) بين أن المستقيم (BI) مواز للمستقيم (EH) ؛ ب) احسب البعدين AI و BI

4) لتكن M منتصف [EO] و N منتصف [EB] ولتكن (ع) الدائرة المحيطة بالمثلث OHE.

أ) بين أن M = 2 ؛ بين أن M = 2 أ) بين أن M = 2

تمري<u>ن عدد 10:</u>

F و EG = 4 و EF = 3 الدائرة (ع) التي مركزها EFG

 $A \in [FE]$ في نقطتين A و B حيث FG في نقطتين FG وشعاعها

1) ارسم الشكل.

EB = 8 و EA = 2 أ) احسب FG أ احسب (1) أ

ج) احسب GB و GA ؛ د) بين أن المثلث ABG قائم الزاوية في G

3) لتكن K منتصف [GB]، المستقيم (FK) يقطع (EG) في النقطة H

FGB أ) بين أن (FK)//(AG) وأن $FK = \frac{1}{2}AG$ ؛ بين أن (FK)//(AG)

FH = 3FK نین أن $FH = \frac{3}{2}AG$ ؛ $FH = \frac{3}{4}AG$ ؛ $FH = \frac{3}{4}BG$: $FH = \frac{3}{4$

تمرين عدد 11:

DC = 8 ! AD = 10 ، AB = 3 و D بحیث ABCD . AD = 10 ، AB = 3 المسقط العمودي لـ DC = 8 على (DC).

- BC و AC احسب (1
- 2) لتكن E نقطة من AE = 4 حيث (2
- أ) احسب BE و EC ؛ ب) استنتج أن المثلث EBC قائم الزاوية.
 - 3) لتكن F المسقط العمودي للنقطة E على (BC)؛ احسب EF.

MP = 6 و MP = 12 و $MN = 6\sqrt{3}$ و MNP . MP = 6 و MP = 12

- 1) بين أن المثلث MNP قائم الزاوية في M.
- . IP = 3 المسقط العمودي M على (NP). بين أن (2
- 3) لتكن J منتصف [NP] و K نقطة من (MI) حيث (MN)//(3)
 - $JK = 2\sqrt{3}$ احسب ال و IN الحسب ال ال
 - 4) بين أن المثلث JMP متقايس الأضلاع

تمرين عدد 13: ABCD مربع طول ضلعه 5.

- 1) ابن النقطة E مناظرة C بالنسبة إلى D.
- أ) احسب AC و AE ؛ بين أن المثلث ACE قائم الزاوية.
 - AE) (2) يقطع (BC) في
- أ) بين أن A منتصف [EK] وأن B منتصف [CK] ، ب) استنتج AK و BK
 - 3) لتكن H المسقط العمودي للنقطة D على (AE). احسب DH.
 - (DH) (4 يقطع (BC) في النقطة
- $FC = \frac{1}{3}$ FK بين أن الرباعي ACFD متوازي أضلاع ؛ ب) استنتج أن AC = DF ؛ ج) بين أن ACFD أ) بين أن الرباعي

تمرين عدد 14:

AC = 3 و AB = 4 و AC = 3 مثلث قائم الزاوية في AB = 4

- BC احسب (1
- 2) ابن النقطتين E و F مناظرتي A و B على التوالي بالنسبة إلى النقطة C.
 - أ) بين أن (EF) ± (CE) ؛ بين أن
 - (FC) عين النقطة H المسقط العمودي L على (3
- أ) احسب EH ؛ ب) احسب HF ثم استنتج HC و HB ؛ ج) احسب BE ثم استنتج AF
 - 4) المستقيم (EH) يقطع (BA) في النقطة G
 - أ) احسب BG ثم استنتج AG ؛ ب) احسب HG و CG

ABCD = 7 و AD = 2 ، AB = 3 و D حيث AD = 2 ، AB و D و ABCD و ABCD

- 1) احسب AC و BD
- 2) لتكن H المسقط العمودي للنقطة B على (DC)
 - أ) احسب BH و HC ؛ ب) احسب BC
 - (BC) لتكن I المسقط العمودي لـ H على (3
 - أ) احسب IH ؛ ب) احسب IB و IC
- 4) المستقيم الموازي لـ (DC) والمار من النقطة I يقطع (BH) في النقطة J احسب BJ و II و

تمريس عدد 16:

 $BC = \sqrt{2}x$ و $ABC = \sqrt{x^2 + 1}$ ، $AB = \sqrt{x^2 - 1}$ مثلث حیث ABC مثلث مثلث ABC و ABC عددا حقیقیا حیث ABC قائم الزاویة فی ABC بین أن المثلث ABC قائم الزاویة فی

$$AH = \frac{1}{x} \sqrt{\frac{x^4 - 1}{2}}$$
 التكن H المسقط العمودي لـ A على (BC). بين أن (2

تمرين عدد 17:

ME = 6 فطرا لها حيث EF = 10 و EF = 6 فطرا لها حيث EF = 10 و EF = 6

- 1) أ) بين أن المثلث MEF قائم ؛ بين أن MEF (1
 - (2) لتكن H المسقط العمودي لـ M على (2

OH بين أن
$$MH = \frac{24}{5}$$
 و $MO = 5$

- . J في I و I في I الموسط العمودي لـ I الموسط العمودي لـ I في I في I في I في I
- OJ = 3 أ) بين أن (MH) واستنتج أن J منتصف [MF] ؛ بين أن أن
 - ج) بين أن المثلث MOJ قائم في J
- . G في نقطة K من MK = 4 بحيث MK = 4، المستقيم المار من MK = 4 والموازي لـ ME من ME
 - أ) احسب البعد MG
 - ب) استنتج أن G هي مركز ثقل المثلث MEF ، ج) استنتج أن G;E و J على استقامة واحدة.

مراجعة عسامة

متقايسة

متكاملة

متوازيان ومتقايسان

1) متوازي الأضلاع:

2) المستطيل:

- متوازي الأضلاع هو رباعي محدب قطراه يتقاطعان في منتصفهما.
- متوازي الأضلاع هو رباعي محدب أضلاعه المتقابلة متوازية
- متوازي الأضلاع هو رباعي محدب له ضلعان • متوازي الأضلاع هو رباعي محدب أضلاعه المتقابلة متقايسة

3) المعين:

- المستطيل هو متوازى الأضلاع له زاوية قائمة
 - المستطيل هو متوازى الأضلاع قطراه متقايسان
 - المستطيل هو رباعي محدب له ثلاث ز وإيا قائمة.

المعين هو متوازي الأضلاع له قطران متعامدان

• متوازي الأضلاع هو رباعي محدب زواياه المتقابلة

• متوازي الأضلاع هو رباعي محدب زواياه المتتالية

- المعين هو متوازي الأضلاع له ضلعان متتاليان متقايسان
- المعين هو رباعي محدب أضلاعه الأربعة متقايسة

5) شبه منحرف 4) المربع

- المربع هو معين له زاوية قائمة
- المربع هو مستطيل له ضلعان متتاليان متقايسان .
- شبه المنحرف القائم هو شبه منحرف له زاوية قائمة.
- شبه المنحرف المتقايس الضلعين هو شبه منحرف ضلعاه غير المتوازيين متقايسان.

• شبه المنحرف هو رباعي محدب له ضلعان متوازيان يمثلان القاعدة الكبرى

التمــارين

والقاعدة الصغرى

تمرين عدد 10: أجب بصواب أو خطأ:

- أ) المربع هو معين
- ب) المربع هو مستطيل

رياضيات التساسعة أسساسي

	ج) المربع هو متوازي أضلاع قطراه متعامدان
	د) المعين هو متوازي أضلاع قطراه متقايسان
	ه) المستطيل هو متوازي أضلاع له زاوية قائمة
	و) المعين هو رباعي محدب قطراه متعامدان في منتصفهما
	تمرين عدد <u>02</u> : ضع العلامة ⊠ أمام المقترح السليم:
	أ) رباعي محدب قطراه متقايسان ومتعامدان في منتصفها هو
🗖 معین ، 🗖 مستطیل	ب) متوازي أضلاع قطراه متعامدان هو: 🗖 مربع 😲
عین ، 🗖 مستطیل	ج) متوازي أضلاع قطراه متقايسان هو: 🗖 مربع 🕴 🗖 م
متتاليان متقايسان هو:	د) رباعي محدب قطراه يتقاطعان في منتصفهما وله ضلعان ا
	🗖 مربع ؛ 🗖 معین ، 🗖 مستطیل
	تمري <u>ن عدد 03:</u> أربط بسهم:
القطر ان متقايسان	في المربع
القطران متقايسان القطران متعامدان	في المستطيل
القطران متقايسان ومتعامدان	ف المعين
القطران يتقاطعان في منتصفهما	في متوازي الأضلاع في متوازي الأضلاع
ا منتم ا	تمرين عدد 10: ABC مثلث قائم الزاوية في A و
	أ) ابن النقطة D مناظرة A بالنسبة إلى I ؛ بي بي من النقطة D مناظرة A بالنسبة إلى المثان A DCD من منا
	ج) كيف نختار المثلث ABC ليكون الرباعي ABCD مربع مربع عدد 05 : ABC مثلث و 1 و 1 منتصفي [3]
AC] ر AC] هي شواتي.	
	I أ) ابن النقطة D مناظرة C بالنسبة إلى D بن النقطة D مناهى طبيعة الرباعى D
	ADBC به هي طبيعه الرباطي B بالنسبة إلى B ابن النقطة B مناظرة
	ر) ما هي طبيعة الرباعي ABCE ؟
	.) ۱۰۰ کی هم بیت محرب کی A این آن A منتصف [ED]
ئىسىة A ، A منتصف [BC]	تمرين عدد 06: ABC مثلث متقايس الضلعين قمته الر
.[bc] ——13A	1) أ) ابن النقطة D مناظرة A بالنسبة إلى I
	A بین أن ABDC معین. A بین أن
	 بين أن ADDC حين. إ) ابن النقطتين E و F مناظرتي B و C بالنسبة إلى A
·	ب) بين أن الرباعي EFBC مستطيل.

تمريسن عدد 70: EFGH شبه منحرف قائم في E و H قاعدتاه [GH] و [GH]

بحيث EF = EH = 3 و SH = 6 و K منتصف [GH].

```
1) بين أن الرباعي EFKH مربع.
```

2) لتكن J مناظرة F بالنسبة إلى K.

أ) بين أن الرباعي FGJH مربع

ب) احسب FG

[FG] مثلث قائم الزاوية في EH = 3 ، EF = 6 و I منتصف EFG مثلث قائم الزاوية في

1) أ) ابن النقطة H مناظرة E بالنسبة إلى I

ب) بين أن الرباعي EFHG مستطيل

2) لتكن J منتصف [EG].

أ) ابن النقطة K مناظرة I بالنسبة إلى J

ب) بين أن الرباعي EIGK معين

3) أ) ابنِ النقطة M مناظرة E بالنسبةِ إلى K

ب) بين أن الرباعي EFGM متوازي أضلاع.

 $^{\circ}$ تمريـــن عــدد $^{\circ}$ نعتبر دائرة ع مركزها $^{\circ}$ و $^{\circ}$ مستقيماً لا يمر من $^{\circ}$ ويقطع ع في النقطتين $^{\circ}$ و $^{\circ}$.

(1) أ) ابن النقطتين G و H مناظرتي E و F على التوالي بالنسبة إلى G ابن النقطة G مناظرة G بالنسبة إلى المستقيم G

2) بين أن الرباعي EFGH مستطيل.

2) بين أن الرباعي EPGH معين. 3) بين أن الرباعي EOFI معين.

تمرين عدد 10: ABCD متوازي أضلاع.

1) ابن النقطتين E و F بحيث E مناظرة A بالنسبة إلى المستقيم (DC) و F مناظرة C بالنسبة إلى المستقيم (AB)

2) لتكن I نقطة تقاطع (AB) و (FC) و J نقطة تقاطع (AE) و (DC) . أثبت أن الرباعي AICJ مستطيل.

3) أثبت أن الرباعي AECF متوازي أضلاع.

EG = 3 و EF = 5 مثلث قائم الزاوية في EF = 5 و EF = 5

.FG بسا (1

2) لتكن I منتصف [FG] ؛ المستقيم المار من G والموازي للمستقيم (EI) يقطع (EF) في H.

أ) بين أن E منتصف [FH]

ب) بين أن المثلث FGH متقايس الضلعين

ج) احسب ١٤

المستقيم العمودي على (FH) في F يقطع (HG) في J.

أ) بين أن G منتصف [HJ]

ب) احسب FJ

4) لتكن K مناظرة النقطة G بالنسبة إلى E. بين أن الرباعي KFGH معين.

. OI = OJ = 1cm و $OI) \perp (OJ) \perp (OJ)$ معين في المستوى حيث OI = 1 و OI = 1

- $B\left(-\frac{3}{2};2\right)$ عين النقطتين $A\left(-3;0\right)$ و (1
 - (2 انكن M منتصف [OA].
 - أ) بين أن المثلث ABO متقايس الضلعين
 - ب) احسب BM و OB
- 3) أ) ابن النقطة C مناظرة B بالنسبة إلى M
 - ب) حدد إحداثيات النقطة C
 - ج) بين الرباعي ABOC معين
- 4) أ) ابن النقطتين E و F مناظرتي B و C بالنسبة إلى O ; بين أن الرباعي BEFC مستطيل. ؛

EG = 4 و EF = 6 مثلث قائم الزاوية في EF = 6 و EF = 6

- 1) لتكن H المسقط العمودي لـ E على (FG). احسب H و EH
- N في النقطة M وتقطع (EF) في النقطة (EF) في النقطة (EF) في النقطة (EG) في النقطة (EG) في النقطة (EH) في النقطة (EH)
 - ب) بين أن الرباعي EMPN مستطيل.
 - 3) أ) ابن النقطة R مناظرة G بالنسبة إلى H ؛ بين أن الرباعي EGPR معين.

MNPQ = 6 و MN = MQ و Q بحيث MN = MNPQ شبه منحرف قائم في M و Q بحيث MN = MQ و MN = MQ = 0

- 1) لتكن R المسقط العمودي لـ N على (PQ).
- أ) بين أن MNRQ مربع ؛ ب) احسب NQ و NP.
 - 2) لتكن I منتصف [NP].
- أ) ابن النقطة L مناظرة J بالنسبة إلى I ؛ بين أن الرباعي MAPQ مستطيل.

تمرين عدد 15: IJK مثلث قائم الزاوية في I

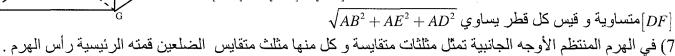
- 1) لتكن O منتصف [IK].
- أ) ابن النقطة L مناظرة J بالنسبة إلى O ؛ بين أن LIKL متوازي الأضلاع.
 - 2) لتكن E منتصف [JK] و F منتصف [IL].
- أ) بين أن الرباعي IJEF متوازي الأضلاع ؛ بب) بين أن الرباعي IEKF معين.

رياضيات التصاسعة أسساسي

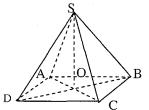


مراجعة عسامة

- M هو عمودي على مستو في نقطة M هو عمودي على كل مستقيمات هذا المستوى المارة من النقطة M
 - 2) كل مستقيم عمودي على مستقيمين متقاطعين في نقطة تقاطعهما N هو عمودي على هذا المستوى في نفس النقطة N
 - 3) مستقيمان عموديان على نفس المستوى هما متوازيان.
 - 4) من نقطة معلومة في الفضاء يمر مستقيم واحد عمودي على مستوى معلوم.
 - 5) من نقطة معلومة في الفضاء يمر مستوى واحد عمودي على مستقيم معلوم:
 - (BG] في متوازي المستطيلات ABCDEFGH كل الأقطار [EC] و [HB] و [BG] $\sqrt{AB^2 + AE^2 + AD^2}$ متساوية و قيس كل قطر يساوي [DF]

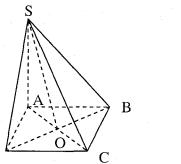


8) في الهرم المنتظم قيس طول كل حرف من أحرفه الجانبية يساوي الجذر التربيعي لمجموع مربعي إرتفاعه و شعاع $SA = SB = SC = SD = \sqrt{SO^2 + OB^2}$ الدائرة المحيطة بقاعدته



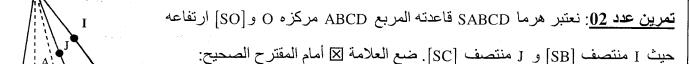
التمـــارين

تمرين عدد 01: نعتبر هرما SABCD قاعدته متوازي الأضلاع ABCD مركزه O. أجب بـ " صواب" أو "خطأ"



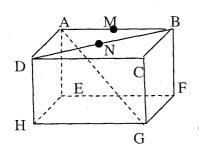


- أ) (SBC) و (SAD) متقاطعان
 - (ABC)⊥(SB) (ب
 - (SAD)//(ABC) (ਣ
 - (SBC)//(SA) (3
 - $(ABC)\perp(SO)$ (\triangle
 - (SDC)//(SO) (9
- ي) (ABC) و (SAD) متقاطعان



- (II) ، \square (SBA) متقاطعان \square ، (II) و (SBA) □ (IJ)//(ABC) (1
- رياضيات الت

$$\square$$
 SO = $\sqrt{BA^2 + AB^2}$, \square SO = $\sqrt{SA^2 - AB^2}$, \square SO = $\sqrt{SA^2 - \frac{AB^2}{2}}$ (2)



تمرين عدد 03: نعتبر متوازي المستطيلات ABCDEFGH

حيث M منتصف [AB] و DB] وليكن

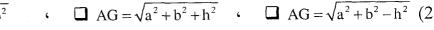
و AE = h فع العلامة oxtimes أمام المقترح الصحيح: BC = b ، AB = a

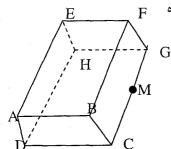


$$\square$$
 MN = $\frac{b}{2}$

$$MN = \frac{h}{2}$$
 $MN = \frac{b}{2}$ $MN = \frac{a}{2}$ (1)

$$\Box AG = \sqrt{a^2 + h^2 - b^2}$$





تمرين عدد 10: يمثل الشكل المصاحب موشورا قائما ABCDEFGH قاعدتاه

في شكل شبه منحرف قائم. لتكن M نقطة من الحرف [CG].

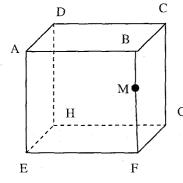
1) أوجد (بدون تعليل) (FG) ∩ (AC)، (HD)، (AC)،

$$(ADC) \cap (BFG) \cup (ABC) \cap (EFG) \cdot (BF) \cap (ACE)$$

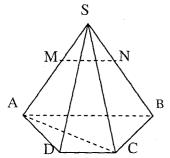
- 2) حدد على الشكل النقطة N تقاطع المستقيم (FM) و المستوى (ADC). علل جوابك.
 - (BF)//(AEG) بين أن
 - (4BC) بين أن (BF) \perp (BD) واستنتج أن المستقيمين (BF) و (BD) متعامدان.

 $M \in [BF]$ و 4cm فيس طول حرفه ABCDEFGH تمرين عدد 05: يمثل الرسم المصاحب مكعبا





- B....(DHF) ; (EM)....(EFG) ; (CM)....(CFG) ; H....(ABE)
 - (CM) أ) بين أن المستقيمين (CM) و (FG) متقاطعين في نقطة نسميها
- $^{
 m G}$ ب) ما هي الوضعية النسبية لـ (CM) و (EFG) ثم (DCM) و (EFG)؛ على جوابك.
 - (ICG)//(AD) بين (3
 - 4) أ) بين أن المستقيم (CD) عمودي على المستوى (BCG).
 - ب) استنتج أن المثلث DCM قائم الزاوية.



تمرين عدد 06: لاحظ الشكل المقابل حيث SABCD هرم قاعدته شبه المنحرف

 $(AC) \perp (BC)$ و (DC) و (AB) الذي قاعدتاه (AB) و (AB)

و (SC) ل (ABC) في النقطة C. لتكن M نقطة من [AS].

(1) أتمم بــ: ⊃ أو ى معللا جوابك: (SCD) (SCD) ; أتمم بـــ: ⊃ أو ى معللا جوابك:

2) أوجد (ABC) ∩ (SAD) و (SC) ∩ (ABD). علل جوابك.

3) ما هي الوضعية النسبية للمستقيمين (SA) و (DC)؟ علل جوابك.

4) المستقيم المار من M والموازي لـ(AB) يقطع (SB) في N. بين أن (ADC) //(MN)

5) أ) أثبت أن (BC) \perp (SAC) ، ب) استنتج أن المثلث BCM قائم الزاوية.



1)لتكن النقطة 'C منتصف [AC] والنقطة 'D منتصف [AD].

بين أن المستقيمين ('C'D) و (EB) متوازيان.

ك التكن F نقطة من [BC] حيث $F \neq B$. بين أن المستقيم (C'D') يقطع المستوى

(AFE) في نقطة G. ابن النقطة G.

3) لتكن النقطة I مناظرة 'C بالنسبة إلى 'D في المستوى (ACD). بين أن المستقيم

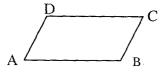
(BC') موازي لمستقيم (BC')

تمرين عدد <u>08</u>: نعتبر الرسم الموالي حيث M نقطة لا تنتمي المستوى الذي يكونه متوازي الأضلاع ABCD .

ارسم تقاطع المستويات

(MBC) و (MAB) (1

(MDC) و (MAB) (2



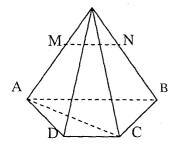
يمثل الشكل المصاحب هرما SABC قاعدته مثلث ABC قائم الزاوية تمرین عدد 09:

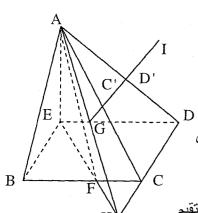
في A حيث (SA) \perp (AB) و (SA) \perp (AB).

1) ما هي الوضعية النسبية لـ (SA) و (BC)؟ علل جوابك

2) بین أن (SA)⊥(ABC)

3) لتكن O منتصف [BC]، بين أن المثلث OSA قائم الزاوية.





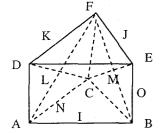
4) لتكن I منتصف [SB] و J منتصف [SA] و K منتصف [SC].

(ABC)//(IJK) بين أن $(SA) \perp (IJK)$ ، بين أن $(SA) \perp (IJK)$

(IJ)//(ABC) بين أن (5

تمرین عدد 11: يمثل الشكل المصاحب موشورا قائما ABCDEF قاعدته مثلث لتكن J ، I و K منصفات

[EF] ; [AB] و [DF] على التوالي .



- 1) بين أن المستقيمين (AJ) و (IK) متقاطعان
- FCBE منتصف [AC] و M منتصف [BE] ولتكن M مركز المستطيل (2

و L مركز المستطيل DFCA.

أ) بين أن المستقيم (LN) موازي للمستوى (BCFE) وغير محتوى فيه.

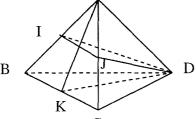
استنتج أن المستقيمين (LN) و (OM) غير متقاطعين.

ب) بين أن المستقيمين (LN) و (MJ) و (MJ) متوازيان. استنتج أن (LN) و (MO) غير متوازيين.

ج) استنتج أن النقاط M · L · O و M لا تنتمي إلى نفس المستوى.

تمرين عدد 11: يمثل الشكل المصاحب هرما ثلاثيا ABCD كل أحرف متقايسة حيث (II) و (BC) متوازيان

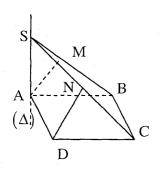
[BC] و $J \in [AC]$ و $J \in [AB]$



- 1) ماذا يمثل [AK] بالنسبة للمثلث ABC؟ علل جوابك.
- 2) أثبت أن المستقيم (IJ) محتوى في المستوى (ABC)
- 3) أ) ما هي الوضعية النسبية للمستقيم (AK) والمستوى (BCD)؟
- $^{
 m C}_{
 m (AKD)}$ ب) ما هي الوضعية النسبية للمستويين $^{
 m (AKD)}_{
 m (AKD)}$ و $^{
 m (BCD)}$ ؛ ، ج $^{
 m (BCD)}_{
 m (BCD)}$
 - 4) بين أن المستقيم (BC) موازي للمستوى (JJD)
 - 5) أ) بين أن المستقيمين (BC) و (KD) متعامدان.
 - ب) استنتج أن المستقيم (BC) عمودي على المستوى (AKD)

تمرين عدد 12: نعتبر الرسم المصاحب حيث ABCD مربع ضلعه و S نقطة تنتمي

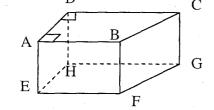
للمستقيم Δ العمودي على (ABCD) والمار من A و A التكن M منتصف [SB].



- 1) أ) بين أن المستقيم (DC) والمستوى (ADS) متعامدان.
 - ب) استنتج أن المثلث SDC قائم الزاوية
- 2) بين أن المثلث DSB متقايس الضلعين قمته الرئيسية ع
 - 3) بين أن المستقيم (AD) والمستوى (SBC) متوازيان.
- 4) لتكن N نقطة تقاطع المستقيم (SC) والمستوى (AMD)
- أ) بين أن المستقيمين (MN) و (AD) متوازيان ، ب) بين أن الرباعي AMND شبه منحرف قائم
 - ج) احسب مساحة شبه المنحرف AMND

تمرين عدد 13: يمثل الشكل المصاحب موشورا قائما قاعدته شبه منحرف ABCD قائم الزاوية في A و D.

- 1) بين أن كل من المستقيمين (AB) و (BF) مواز للمستوى (DCG)
 - 2) استنتج أن المستويين (DCG) و (ABF) متوازيان.
 - BC) (3) و (AD) يتقاطعان في نقطة ا
 - أ) ما هي الوضعية النسبية لـ (BC) و (ADH) ؟
 - ب) حدد النقطة J تقاطع (FG) و (ADH)



ج) بين أن المستويين (ADH) و (BCG) متقاطعان وحدد مستقيم تقاطعهما.

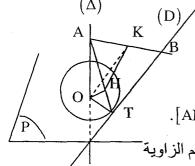
تمرين عدد 14: نعتبر الشكل الموالي حيث ζ دائرة مركزها O وشعاعها R. ليكن Δ المستقيم العمودي على المستوى P الذي تكونه الدائرة ζ و المار من النقطة O. لتكن D نقطة من الدائرة ζ و D هو المستقيم

OA = R للمماس لـ ك في النقطة T نعين على المستقيم Δ نقطة D

- 1) بين أن المستقيم (D) عمودي على المستوى (AOT)
- (2) لنكن H المسقط العمودي لـ O على المستقيم (AT) ولتكن النقطة K منتصف [AB].

بين أن المستقيم (HK) عمودي على المستوى (AOT). استنتج أن المثلث OHK قائم الزاوية

- 3) لتكن النقاط F; E و G منتصفات [OT]; [OT] على التوالي.
- أ) بين أن المستوين (EFG) و (HKT) متوازيان ، ب) بين أن المستقيم (OH) عمودي على المستوى (EFG)
 - 4) عبر بدلالة R عن محيط المثلث OHK



تمرين عدد 15: يمثل الشكل المصاحب موشور ا قائما ثلاثيا ABCEFG حيث ABC مثلث

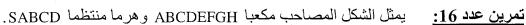
غير قائم الزاوية. لتكن M المسقط العمودي لـ A على (BC) و M المسقط العمودي

(FG) على E-

1) أ) أثبت تقايس المثلثين ACM و EGN

ب) استنتج أن CMNG مستطيل ثم أن (MN) و (AE) متوازيان.

2) بين أن (MN) عمودي على (ABC) وأن (MN) عمودي على (EFG)



O مرکز ABCD و 'O مرکز O

1) بين أن AEGC متوازي أضلاع

2) استنتج أن (AE) و (OO') متوازيان.

3) بين أن (ABC) ⊥(OO').

4) استنتج أن النقاط S؛ O و O على استقامة واحدة.

تمرين عدد 17: ليكن متوازي المستطيلات ABCDEFGH حيث AB = AE = 4 وحدة القيس هي الصم).

لتكن I نقطة من قطعة المستقيم [AB] حيث AI = x.

AI = AJ = AK عيث AE و AI = AJ = AK و AE

AIJK عبر بدلالة V_{i} عن V_{i} عبر بدلالة (1

2) أ) بين أن المثلث IJK متقايس الأضلاع

ب) لتكن N المسقط العمودي لـ A على المستوى JJK. احسب AN

3) نعتبر المستوى (P) القاطع لمتوازي المستطيلات ABCDEFGH المار من J والموازي للمستوى (CDHG) حيث يقطع

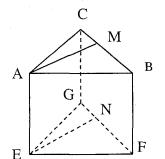
كل من (BC) في L و (GF) في P و (HE) في S. ارسم الشكل المتحصل عليه.

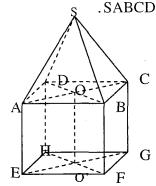
4) لتكن M نقطة من (P) و لتكن O المسقط العمودي لـ M على المستوى (CDHG) بين أن الرباعي JMOD مستطيل

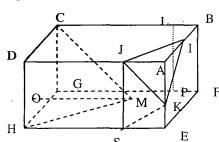
 V_2 عن x عن بدلالة x عن v_2 المعتبر v_2 عن (5

 $V_1 - V_2 = \frac{(x-4)(x^2+4x+48)}{6}$ ب) بین أن $V_1 = V_2$ بین أن $V_1 = V_2$ بین أن $V_1 = V_2$

د) هل يمكن أن يتجاوز حجم الهرم المنتظم AIJK حجم الهرم MCDHG.







فرض مراقبة عــ1حد

تمرين عــ10_دد: 1) ضع العلامة ∑ أمام المقترح السليم:

- أ) العدد 98765430 قابل للقسمة على: □ 9 ؛ □ 15 ، □ 12
 - ب) 5.13 هو عدد: 🗖 أصم ؛ 🗖 حقيقي ، 🗖 كسري
 - 2) أجب بصواب أو خطأ:
 - أ) لكل عدد كسري كتابة عشرية دورية
 - ب) العدد 318 319 قابل للقسمة على 6

<u>تمريان عــ02 دد:</u>

- أ) ليكن العدد الصحيح الطبيعي a=2x5y حيث y رقم احا ده و x رقم مئاته أوجد y و y بحيث يكون العدد y قابلاً للقسمة على 12 (أعط جميع الحلول)
 - 15 على 15 يقبل القسمة على 15 $\times 5^{17} 5^{18} + 14 \times 5^{15}$ بين أن العدد
 - . OI = 1cm عبن (O; I) مدرجا بمعین Δ مدرجا أرسم مستقیما مستقیما مدرجا بمعین
 - أ) عين النقاط A ؛ A و C على Δ فاصلاتها على التوالي: $\frac{5}{2}$; 3 و Δ عين النقاط A
 - ب) احسب الأبعاد BC; AB; OA و AC
 - ج) حدد فاصلة النقطة M من المستقيم Δ إذا علمت أن $MC = 3\sqrt{2}$ وفاصلة M موجبة.
 - $(OI) \perp (OJ) \perp (OJ)$ معينا في المستوى حيث $(OI) \perp (OJ)$.
 - B(3,-4) و A(-3,4)
 - بين أن O منتصف [AB]
 - (OJ) أ) عين النقطة M مناظرة B بالنسبة إلى (D)
 - ب) ما هي إحداثيات النقطة M؟
 - ج) بين أن A و M متناظرتان بالنسبة إلى (OI)
 - د) بين أن (OJ)//(AM) هـ) استنتج طبيعة المثلث ABM
 - 3) أ) عين النقطة N مناظرة M بالنسبة إلى O.
 - ب) ما هي إحداثيات N ج) بين أن AB = MN

فرض مراقبة عــ2ــد

تمرين عــ10_د: 1) ضع العلامة ⊠ أمام المقترح السليم:

$$A = -2(4+\sqrt{2})$$
 ، $A = -2(4-\sqrt{2})$ ، $A = -2(4-\sqrt{2})$ ، $A = -3(\sqrt{2}-\frac{2}{3})-5(2-\frac{\sqrt{2}}{5})$ اینا کان (أ

2) أجب بصواب أو خطأ:

$$3\sqrt{2} - \sqrt{17}$$
 العدد $\sqrt{17} + \sqrt{17}$ مقاوب العدد أ

$$\sqrt{a+b} = \sqrt{a} + \sqrt{b}$$
 : فإن b و a فإن العددان الحقيقيان الموجبان a

$$d = |3.14 - \pi| + [\pi - 3.14]$$
 $c = |1 - \sqrt{2}| - |2 - \sqrt{2}|$

تمرين عـ03 دي: 1) أوجد العدد الحقيقي x في كل من الحالات التالية:

$$|x^2 - 1| = 0$$
; $|x^2 - 49|$; $|x + \sqrt{3}| = \sqrt{5} - \sqrt{3}$; $|x - \frac{\sqrt{2}}{2}| = 0$

$$b = \sqrt{6} + \sqrt{5}$$
 و $a = \sqrt{6} - \sqrt{5}$ نعتبر العددين (2

أ) بين أن a مقلوب b

$$\frac{a}{\sqrt{5}} + \frac{b}{\sqrt{6}}$$
 ب $\frac{1}{a} - \frac{1}{b}$; $\frac{1}{a} + \frac{1}{b}$: (ب

(AC) يقطع (BC). المستقيم المار من I والموازي
$$BC = 6$$
; $AB = 4$ و $BC = 6$; $AB = 4$

في J.

ب) احسب ۱۱.

احسب: BN ; NC ; DN ; MN

DM = 1 $\mathcal{M}B = 5$

فرض تاليفي عــ1حد

تمرين عــ10_دد: 1) ضع العلامة 🗵 أمام المقترح السليم: وحدة القيس هي الصنتمتر

$$x^2$$
 \Box '- x \Box ! x يساوي: $\sqrt{x^2}$ يساوي $x \in IR_-$ اذا كان

ب) لاحظ الشكل المقابل حيث 2 = AC = 5 و BC = 3 و AC = 5 الذن MN يساوي: $\frac{N}{6}$ ب $\frac{5}{6}$ ب $\frac{5}{6}$ ب $\frac{5}{6}$

2) أجب بصواب أو خطأ:

bc ليكن b; a و b ; a و c ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية، إذا كان a يقبل القسمة على b و c فإن a يقبل القسمة على bc

ب) كل عدد حقيقي له كتابة عشرية دورية هو عدد أصم

$$b = \sqrt{180} - 2\sqrt{11} + 2\sqrt{44} - 3\sqrt{5}$$
 و $a = \sqrt{245} + \sqrt{11} - 2\sqrt{20} - \sqrt{99}$ يمرين عــــ 180 د نعتبر العددين

$$b = 3\sqrt{5} + 2\sqrt{11}$$
 و $a = 3\sqrt{5} - 2\sqrt{11}$ ابین أن $a = 3\sqrt{5} - 2\sqrt{11}$

$$\frac{1}{a} - \frac{1}{b}$$
 بين أن a مقلوب a . b مقلوب

أ) فكك إلى جذاء عوامل العبارتين A و B

A=B أن x إذا علمت أن x=2 . x=2 أوجد العدد x إذا علمت أن

 $MN - AM = \frac{MN}{3} = \frac{BN}{4}$

تمرين عـ05_دد: وحدة القيس هي الصنتمتر

.[BC] متوازي أضلاع حيث AD=4; AB=3 و ABCD

$$\frac{OI}{OA} = \frac{1}{2}$$
 المستقيمان (BD) و (AI) يتقاطعان في O. بين أن (BD) المستقيمان

 $_{\mathrm{J}}$ المستقيمان (DI) و (AB) يتقاطعان في

$$\frac{JA}{JB} = 2$$
 ابين أن

-[DJ] ثم استنتج أن $\frac{JB}{DC}$ منتصف (AJ) ج) بين أن $\frac{JB}{DC}$

3) بين أن O مركز ثقل المثلث ADJ

يلنيفت التسلسعة أسساسي

فرض مراقبة عــ3ــد وحدة القيس هي الصنتمتر

تمرين عــ10_دد: 1) ضع العلامة ⊠ أمام المقترح السليم:

ب) إذا كان ABC مثلثا قائم الزاوية في A حيث ABC عيث ABC و ABC ارتفاعه فإن ABC يساوي:

$$\frac{12}{5}$$
 \square , $\frac{9}{5}$ \square ; $\frac{6}{5}$ \square

- 2) أجب بصواب أو خطأ:
- $ac \le bd$ فإن $c \le d$ و $a \le b$ أربعة أعداد حقيقية ، إذا كان $a \le b$ و b ; a فإن

 $\sqrt{\frac{3}{2}}$ مثلث متقایس الأضلاع قیس طول ضلعه $\sqrt{2}$ فإن قیس طول ارتفاعه $\sqrt{3}$

$$a = 3(\sqrt{2})^{-4} - 2(\sqrt{3})^{-2} - (-\frac{3}{2})^{-1}$$
: $a = 3(\sqrt{2})^{-4} - 2(\sqrt{3})^{-2} - (-\frac{3}{2})^{-1}$: $a = 3(\sqrt{2})^{-4} - 2(\sqrt{3})^{-2} - (-\frac{3}{2})^{-1}$

$$b = \left(\sqrt{\frac{1}{7}}\right)^{3} \times \left(\sqrt{\frac{3}{7}}\right)^{-3} \times \sqrt{\frac{1}{3}} - \left(\sqrt{\frac{3}{2}}\right)^{-2} \times 3^{-1} + \left(\sqrt{3}\right)^{-4}$$

$$y = \sqrt{75} - 2\sqrt{12} + \sqrt{48}$$
 $y = \frac{(\sqrt{3})^3}{\sqrt{3} \times (\sqrt{5})^{-1}}$ is in $x = \frac{(\sqrt{3})^3}{\sqrt{3} \times (\sqrt{5})^{-1}}$

$$y = 5\sqrt{3}$$
 ; $x = 3\sqrt{5}$) بین أن

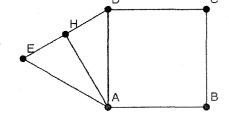
$$-\frac{1}{y}$$
 استنتج مقارنة بين $\frac{1}{x}$ و $\frac{1}{y}$

<u>تمريان عــ03 دد:</u>

لاحظ الشكل المقابل حيث ABCD مربع طول ضلعه 3;

H منتصف [DE]و ADE مثلث متقايس الأضلاع.

احسب AC و AH



أ) احسب MN ; MC و NC. ب)بين أن المثلث MNC قائم الزاوية.

فرض مراقبة عــ4ــد وحدة القيس هي الصنتمتر

$$\bigcup_{H}^{J}$$

-227 \Box $\cdot -226$ \Box ! -225 \Box : $(3\sqrt{2} - 7\sqrt{5})(7\sqrt{5} + 3\sqrt{2})$ (أ

ب) في الرسم المقابل ABC مثلث متقايس الأضلاع قيس طول ضلعه 3 و [AH] ارتفاعه

$$\frac{H}{3\sqrt{3}}$$
 و المسقط العمودي لـ H على (AB) إذن H إذن المساوي $\frac{3\sqrt{3}}{2}$ ؛ $\frac{3\sqrt{3}}{2}$ المسقط العمودي الـ $\frac{3\sqrt{2}}{2}$

2) أجب بصواب أو خطأ:

a < b فإن $a^2 < b^2$ أ) ليكن a < b فإن a < b عددين حقيقين ، إذا كان

 $n \in \mathbb{Z}$ حيث $-a^{2n+1} \in IR_{-}$ فإن $a \in IR_{-}$ حيث $a \in IR_{-}$

$$\frac{ab}{a+b}$$
 بين أن $\frac{a+b}{4}$ ؛ $\frac{a}{1+b} < \frac{b}{1+a}$ و $\frac{a}{1+a}$

$$y = \sqrt{3 + 2\sqrt{2}}$$
 و $x = \sqrt{3 - 2\sqrt{2}}$ نعتبر العددين (2

أ احسب xy ثم استنتج أن x مقلوب y

$$x+y$$
 ثم استنتج ($x+y$) ثم استنتج

$$\frac{x}{y} + \frac{y}{x}$$
 ($=$

 $x \in IR^*_+$ حيث AC = x + 2 و AC = x + 2 حيث AB = x حيث ABC = x + 2 حيث ABC = x + 2

$$BC = \sqrt{2}\sqrt{(x+1)^2+1}$$
 بین أن

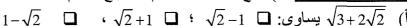
تمرین عــــ 0 د M نقطة من (ξ) مرکزها (ξ) مرکزها (ξ) حیث (ξ) حیث

AM = 6

- 1) أ) بين أن المثلث ABM قائم الزاوية
 - ب) احسب BM
- 2) لتكن H المسقط العمودي لـ H على (AB). احسب MH و HO

فرض تسأليفسي عـــ2ــدد وحدة القيس هي الصنتمتر

تمرين عــ10_دد: 1) ضع العلامة ⊠ أمام المقترح السليم:



ب) لاحظ الشكل التالي حيث ABC مثلث متقايس الأضلاع قيس طول ضلعة 4 و ع الدائرة المحيطة به شعاعها 2. إذن المساحة المشطوبة تساوى:

$$4\left(\pi-\sqrt{3}\right)$$
 \square ' $2\left(\pi-\sqrt{3}\right)$ \square ' $4\left(\pi-\sqrt{2}\right)$ \square

2) أجب بصواب أو خطأ:

اً عدد صحیح طبیعی
$$\frac{1}{2+\sqrt{3}} + \frac{1}{2-\sqrt{3}}$$
 (أ

 $\sqrt{a^2} = a$ فإن: $a \in IR_-$ ب) إذا كان

$$b = \sqrt{3} - 2$$
 ! $a = \sqrt{2} - \sqrt{5}$! $a = \sqrt{2} - \sqrt{5}$! $a = \sqrt{2} - \sqrt{5}$! $b < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$! $a < 0$

$$a^2 - b^2 = 4\sqrt{3} - 2\sqrt{10}$$
 بين أن

b و a ثم استنتج مقارنة بين $\sqrt{3}$ و $\sqrt{10}$ عارن بين $\sqrt{3}$

ab = 1 و a + b = 10 و a + b = 10 و a + b = 10 و a + b = 10 و a + b = 10

$$\sqrt{a} + \sqrt{b}$$
 ثم استنتج $\left(\sqrt{a} + \sqrt{b}\right)^2$ ألم استنتج

$$\frac{a\sqrt{a}-b\sqrt{b}}{\sqrt{a}-\sqrt{b}}$$
 بنا (ب

$$x \in IR$$
 حيث $E = x^2 - (7 - 4\sqrt{3})$ نعتبر العبارة (2

$$x = -\sqrt{7}$$
 اخسب E إذا كان أ

$$\left(2-\sqrt{3}\right)^2$$
 ب) انشر

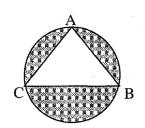
ج) فكك E إلى جذاء عوامل.

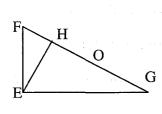
. HO =
$$\frac{3}{2}$$
 و EH = 2 و [FG] و EH = 2 و [EH]

احسب EF; FG; EO و EG.

AB = 2.5. و BC = 3 و ABC = 3 و ABC = 3

- 1) أ) ابن النقطة D مناظرة B بالنسبة إلى A
- بين أن المثلث BCD قائم الزاوية في C
 - ج) احسب DC
- 2) لتكن H المسقط العمودي لـ A على (2
- أ) بين أن H منتصف [DC] بين أن H





فرض مراقبة عــ5ــد وحدة القيس هي الصنتمتر

تمرين عــ10_دد: 1) ضع العلامة ∑ أمام المقترح السليم:

$$-\sqrt{2}$$
 ، $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ ؛ $\frac{1}{\sqrt{2}}$ المعادلة $2x^2 + 2\sqrt{2}x + 1 = 0$ في IR هو $2x^2 + 2\sqrt{2}x + 1 = 0$

2) أجب بصواب أو خطأ:

$$\mathbb{Q}$$
 العدد $\sqrt{2}$ هو حل للمعادلة $\mathbf{x}^2 - 2 = 0$

ب) رباعي محدب قطراه متعامدان و متقايسان هو مربع

 $x \in IR$ حيث $A = \frac{1}{4}x^2 - x - 1$ نعتبر العبارة (1 حيث A = $\frac{1}{4}x^2 - x - 1$ حيث

$$A = \left(\frac{1}{2}x - 1\right)^2 - 2$$
 بين أن

$$A = 0$$
 المعادلة IR إلى جذاء عوامل ج) حل في IR المعادلة $A = 0$

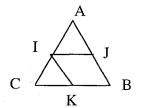
$$x \in]-3;-1[$$
 نعتبر العدد الحقيقي $x \in]-3;-1[$

 $x + 5 \neq 0$ أ) بين أن

$$\frac{2(x+2)}{x+5}$$
ب) بین أن $\frac{2(x+2)}{x+5} = 2 - \frac{6}{x+5}$ بین أن بین أن

تمرين عــ 03 ــد: لاحظ الرسم المقابل حيث ABC مثلث والنقاط 1 ؛ 1 و K منتصفات كل من

[AC]؛ [AB] و [BC] على التوالي.



$$x > 0$$
 نعتبر $AC = x + 2$ و $BC = x + 1$! $AB = x$ نعتبر (2

$$x^2-2x-3=(x-1)^2-4$$
) بین أن

ب) فكك العبارة $x^2 - 2x - 3$ إلى جذاء عوامل؛ ج) ابحث عن x ليكون الرباعي IJBK مستطيل

$$AC = 3$$
 و $AB = 4$ و ABC مثلث قائم الزاوية في $AB = 4$ و $ABC = 3$

أ) ابن النقطتين E و F مناظرتي B و C بالنسبة إلى A

فرض مراقبة عـ6دد

تمرين عــ10_دد: 1) ضع العلامة ⊠ أمام المقترح السليم:

ب) مهما يكن العدد الحقيقي x فإن x > 2 يعني

$$x\in\left]-2;2\right[\ \ \square\ \ ,\qquad x\in\left]-\infty;-2\right[\cup\left]2;+\infty\left[\ \ \square\ \ \ ,\qquad x\in\left]-\infty;-2\right]\cup\left[2;+\infty\left[\ \ \square\ \ \right]\right]$$

2) أجب بصواب أو خطأ:

أ) التواتر التراكمي يساوي ناتج ضرب التكرار التراكمي في التكرار الجملي

ب) كل مستقيم عمودي على مستوفي نقطة هو عمودي على كل مستقيمات هذا المستوى والمارة من تلك النقطة.

$$x \in IR$$
 حيث $A = x^2 - 2\sqrt{2}x - 3$ حيث $A = x^2 - 2\sqrt{2}x - 3$

 $x = (1+\sqrt{2})$ في حالة (أ

$$A = (x - \sqrt{2})^2 - 5$$
 بین أن

ج) فكك العبارة A إلى جذاء عوامل

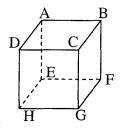
$$A = 0$$
 المعادلة IR د) حل في

$$A > (x - \sqrt{5})^2$$
 هـ) حل في IR المتراجحة

18	15	12	10	9	7	العدد من 20
1	5	8	6	3	2	عدد التلاميذ
						التواترات بالنسبة المائوية
						التواترات التراكمية الصاعدة بالنسبة
				**************************************		المائوية

- 1) أكمل الجدول
- 2) احسب معدل القسم في هذا الفرض
- 3) احسب مدى هذه السلسلة الإحصائية
 - 4) ما هو مدى هذه السلسلة الإحصائية؟

- 5) ارسم مضلع التواترات لهذه السلسلة الإحصائية
- 6) ارسم مضلع التواترات التراكمية الصاعدة لهذه السلسلة الإحصائية



- 1) أ) بين أن المثلث ACG قائم الزاوية في C
 - ب) احسب AC و AG
- 2) لتكن I منتصف [BF] و J منتصف (2
 - أ) بين أن المثلث IFJ قائم الزاوية في F
 - ب) احسب FJ و II

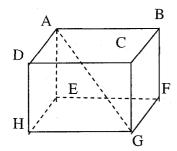
فرض تاليفي عـ3دد وحدة القيس هي الصنتمتر

تمريان عــ10 ــد:

1) ضع العلامة 🗵 أمام المقترح السليم:

أ) 8 تلاميذ تحصلوا على الأعداد التالية: 9؛ 10؛ 12؛ 13؛ 15؛ 16؛ 18 و 19. تواتر الذين تحصلوا على أعداد بين 11

و 17 يساوي: 🗖 40% ؛ و 60% ، 🗖 50%.



$$BC = b$$
; $AB = a$

$$\sqrt{a^2 + h^2 - b^2}$$
 \Box $(\sqrt{a^2 + b^2 + h^2})$ \Box $(\sqrt{a^2 + b^2 - h^2})$ \Box

2) أجب بصواب أو خطأ:

IR لمتراجحة $x^2 + 2x + 1 < 0$ المتراجحة

ب) كل رباعي له ضلعان متتاليان متقايسان وقطراه متعامدان هو معين

تمرين عــ02حد:

كيس يحتوي على 8 كويرات: 3 زرقاء و 5 حمراء نسحب كويرتان الواحدة تلو الأخرى دون النظر إليهما وكل مرة نرجع الكويرة المسحوبة

أ) أُوجد عدد إمكانيات السحب

ب) ما هو احتمال سحب كويرتين زرقاويتين؟

ج) ما هو احتمال سحب كويرتين حمر اويتين؟

د) ما هو احتمال سحب كويرتين لهما نفس اللون؟

هـ) ما هو احتمال سحب كويرتين مختلفتين في اللون؟

<u>تمریان عــ03 دد:</u>

يمثل الجدول التالي توزيعا لتلاميذ السنة التاسعة بإحدى المدارس الإعدادية حسب أعدادهم المتحصلين عليها في الفرض التأليفي لمادة الرياضيات.

]20;15]]15;10]]10;5]]5;0]	العدد من 20
	70	100	60	20	عدد التلاميذ
					التواترات بالنسبة المائوية
					التواترات التراكمية الصاعدة بالنسبة
Ì					المائوية

أ) أكمل الجدول

ب) مثل التواترات التراكمية الصاعدة بالنسبة المائوية بمخطط المستطيلات وارسم مضلع التواترات التراكمية

ج) استنتج موسط هذه السلسلة الإحصائية.

1) أ) بين أن المثلث SOA قائم الزاوية في O

ب) احسب SA

D C C

(2 التكن I منتصف [SA] و J منتصف [SB]

(IJ)//(ABC) ابين أن

ب) احسب IJ

3) لتكن H المسقط العمودي لـ O على [SB]. أحسب OH

(0 < x < 5) AM = NC = x • AD = 3 • DC = 7

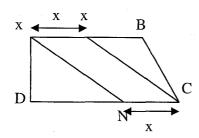
1) بين أن AMCN متوازي أضلاع.

. BMC و S_3 مساحة المثلث ADN و S_2 مساحة الرباعي AMCN و S_3 مساحة المثلث (2

 $S_3 \in S_2$; $S_1 \times S_2 \in S_3$ ا

ب) ابحث عن x لتكون مساحة المثلث ADN مساوية لمساحة الرباعي AMNC.

.) ابحث عن مجموعة الأعداد x لتكون مساحة المثلث BMC أكبر من مساحة الرباعي AMCN .



د) خطأ (3 و 24 ليسا أولين فيما بينهما) ج) صواب (7 و 11 اوليان فيما بينهما)

و) خطا (4 يقسم 12 و 6 يقسم 12 4×6=2× لا يقسم 12) ملاحظة. يكون الجواب صحيحا في حالة p و m أوليان هـ) صواب (مجموع أرقامه 12 إذا يقبل القسمة على 3 وبما أنه يقبل القسمة على 5 فإنه يقبل القسمة على 15)

أ) 🗵 يقبل القسمة على 4 (لأن العدد المتكون من رقميه الأخيرين 48 يقبل القسمة على 4)

تمریسن عــ02 ــدد

فيما بينهما.

 $(a = \frac{420 \times 14}{70} = 84) a = 84 \times (2)$ •• ب) 🛭 يقبل القسمة على 15 (لأنه يقبل القسمة على 3 و 5)

70

د) x = 5 (a يَقِبَل القسمة على 15 إذا كان قابلاً للقسمة على 3 و 5 أي إذا كان رقم أحاده (0 أو 5) . (x=5) ومجموع ارقامه من مضاعفات 3. أذا x=2 او x=5 او x=5 وبما أن x=5 عدد فر دي فإن

15 × 12 × × × 00 × 6 × 4 × × × × × w × × <u>مریان عـ-03</u> 639084 1314072 324075

× × × × × × × × 697800

رمجموع ارقام العدد x من مضاعفات 3. وفي هائه الحالة فإن (b=4) و (a=1 أو a=4 أو a=7) وبالنالي القيم إذا كان العدد المنكون من أحاده وعشرائه ومناته (10b) من مضاعفات 8 يعني العدد 10b يقبل القسمة على 8 الممكنة العدد x هي: 96787104 (96784104 محية 36787104)

المنكون من أحاده وعشراته (yx) من مضاعفات 4 لذا يكون العدد b قابلا القسمة على 15 و 4 إذا كان قابلا القسمة على

8547150 8547900 8547600

:8547150 : 8547900 : 8547600 :8547300 :8547000

8547750 :8547450

على 2 بقي أن يكون قابلا للقسمة على 3 لذا يجب أن تكون مجموع

أرقامه من مضاعفات 3:إذن القيم الممكنة للعدد ع هي:

الممكنة لـ 🗴 هي 0 أو 5 ويما أن رقم آحاده " 0 " فهو يقبل القسمة المتكون من احاده و عشراته (x0) قابلا للقسمة على 25 لذا القيم

8547300 8547000

8547750 8547450

b = 65109840 وبالتالي: y = 4 و x = 0 هاته الحالة فإن

أي إذا كان رقم أحاده "0" ومجموع أرقامه من مضاعفات 3 والعدد المتكون من أحاده وعشراته من مضاعفات 4 وفي

 $(y; x)^{i}$ اذن 1860 = $\frac{3720}{2}$ = 1

ب) نعتبر M مجموعة المضاعفات المشتركة للعددين x و y الاصغر من 14900

9 = (M) الأن كم $M = \{0,1860,3720,5580,7440,9300,11160,13020,14880\}$

p غير مضاعف p غير مضاعف p (120;p) و 23×5×5=2 3 ×3×5 = 120 و p غير مضاعف

 $p \in \{15; 45; 75\}$ ابن $p = 15 \times 5$ او $p = 15 \times 5$ ابن p = 15

 $D_{84} = \{1; 2; 3; 4; 6; 7; 8; 12; 14; 21; 42; 84\}$ (2)

 (D_{25}) الذن $D_{25} = \{1;5;25\}$: $\{D_{15}\}$ الذن $D_{15} = \{1;3;5;15\}$ الذن $D_{25} = \{1;5;25\}$: $\{D_{15}\}$ $42 = 2 \times 3 \times 7$; $21 = 3 \times 7$; $14 = 2 \times 7$; 7 = 7; $12 = 2^2 \times 3$; $84 = 2^2 \times 3 \times 7$ إندن 84 = م.م.أ (12;q) يعني 7 = pأو 14 = pأو 21 = وأو 42 ± q = أو 19 = 9.

 $(D_{15} \cap D_{25})$ الن = 2 الن $D_{15} \cap D_{25} = \{1, 25\}$

إذن العدد X يقبل القسمة على 3؛ 4 و 5 وبالتالي فهو يقبل القسمة على 12 و 15.

 $Y = 21b + 14 = 7 \times 3b + 7 \times 2 = 7 \times (3b + 2)$:

 (D_{25}) بخ $+(D_{15})$ بخ $-(D_{15}\cap D_{25})$ بخ =4+3-2=5 پساوي $(D_{15}\cup D_{5})$ بخ

2) لتكن A : مجموعة التلاميذ الذين اختصاصـهم كرة القدم إذن 16 = كمّ (A)، B : مجموعة التلاميذ الذين

اختصاصبهم كرة اليد إذن 12 = كمّ (A \ B \ ; (B) ، مجموعة الثلاميذ الذين اختصاصهم كرة القدم واليد في نفس الوقت الذن A=2 ($A\cap B$ ، $A\cup B$ ، راقد ما القدم أو الميد الذين اختصاصهم كرة القدم أو الميد الذي اختصاصهم كرة القدم أو الميد

(A) مَكُم (A∩B) مُكُم =16+12-4=24:(A∪B) إذن كمّ (A∩B) مُكم =16+12-4=24:(A∪B)

تمريسن عــ18_11. ننجز شجرة الاختيار للتعرف على مجموعة الأعداد التي نتكون من ثلاثة أرقام مختلفة باستعمال

123 124

134

132

213 214 23 23

عدد الإمكانيات هو 24

143 142

a+b+c=a+na+pa=a(1+n+p) وبالتالي a+b+c=a+na+pa=a

11 يقسم Y يعني 11 يقسم العدد (2++3b)×7 وبما أن 11 و 7 أوليان فيما بينهما إذن حسب مبر هذة قوس

فإن 11 يقسم العدد 2+2

ب) لدينا 3 يقسم n و 5 يقسم b الذا يوجد عددان صحيحان طبيعيان p و حيث b = 5n و a = 3p الذن

5a+3b = 5x3p+3x5n = 15p+15n = 15(p+n) وبالتالي 15 يقسم

أ) لدينا (a+4) 3a+12=3(a+4 و (b+2)=11(b+2)=3a+12=3(a+4) لذا

(a+4)=11(b+2) أذن 3 يقسم العدد (b+2) 11 ويما أن 3 و 11 أوليان فيما بينهما إذن حسب مبر هنة قوس

فإن 3 يقسم العدد 3+6

ب) لدينا (a+2)=11(b+2) لذا 11 يقسم العدد (a+4) وبما أن 11 و 3 أوليان فيما بينهما إذن حسب مبرهنة

يريسن عسـ13سد: لدينا a يقبل القسمة على a=7 imes 1 لذا يوجد عدد صحيح طبيعي a=n imes 2 إذن a=n imes 2قوس فإن 11 يقسم العدد 4+4

21 وبالتالي العدد X يقبل القسمة على $X=a-63=n \times 21-3 \times 21=21(n-3)$

ب) لدينا 3-6- £21×10 = 63 – 21000000 = 21000000 : £21×10 يقبل القسمة على 21 إذن حسب السوال "أ"

العدد 2099937 يقبل القسمة على 21.

ب) لدينا a و b اوليان فيما بينهما (1 = ق.م.ا (b;a)) والعدد x يقبل القسمة على a و b إذن x يقبل القسمة على نعريان عسلاما الدينا 11×2×5=2×5 = 30 و 3×7 = 441 = غام. أو 1 = فام. أو b = 441 = غام. أو b = a

 $a \times b = 441 \times 550 = 242550$

باضيات التساسعة أس

Collection Pilote

أحاده "0" ومجموع أرقامه من مضاعفات 3 والعدد المتكون من أحاده وعشراته (ab) من مضاعفات 4 أذا (b=0) و **تعربــن عـــ70ــدد**: يكون العدد y فاملا للقسمة على 12 و 15 إذا كان فاملا للقسمة على 3 و 4 و 5 أي إذا كان رقع

19758780 ؛ 19758720 ; هي a=2) إذن القيم الممكنة للعدد و هي a=2)

321840 321444 321948

تمريس عــ80 دد: ليكون A فابلا القسمة على 4 الإمكانيات هي: 321n44 ; 321n44 ; 321n40 ويكون عدد قابل للقسمة على او (n;p) = (8;0); (n;p) = (4;4); (n;p) = (9;8) او

9 إذا كان مجموع أرقامه قابلا للقسمة على 9.

(n;p)=(0;8)

(P;F;F)

(P;P;F) (P; F; P)

: 3) عدد الإمكانيات: 4

1) أنظر شجرة الاختيارات 2) عدد الإمكانيات: 1 4) عدد الإمكانيات: 3

تمریس عــ26ــد

: 5) عدد الإمكانيات: 2

6) كل الاحتمالات 8

(P;P;P)

(F,P,F) (F, F, P) (F,F,F)

(F; P; P)

 $3\times3\times3=27$ إمكانيات التلوين هي: $27=3\times3\times3$

رياضيات التاسعة أس

(يوسف - بسام - فتحي (مرام – أبرار – فتحي) (مرام – فنحي – حياة) (يسام – فنحي – حياة)

(يوسف – أبرار – حياة)

(بوسف - ابرار - فتحي (يوسف – فنحي – حياة

(يوسف – اير ار – بسام)

(يوسف – يسام – حياة)

مرام - ابرار - حياة)

(مرام – بسام – فتحي) (أبر ار – بسام – حياة)

ابرار - بسام - فتحي)

(يوسف – مرام – فتحي) (مرام – ابرار – بسام)

(مرام – بسام – حياة) (أبرار – فتحي – حياة)

(پوسف – مرام – حياة)

VLL)

1) لدينا 47 عدد أولي لذا لا يقبل القسمة إلا على نفسه وعلى 1 إنن يمكن نكوين 47 فريق وبكل فريق لاعب واحد أو

2) نحصل على إمكانية لتكوين الغريق بنقصان عنصر في كل مرة ولدينا 6 أشخاص فإننا نحصل على 6 إمكانيات

تكوين فريق واحد به 47 لاعب.

تعريس عـ 25-ده: عدد إمكانيات الاختيار هو 20 وهي

(يوسف – مرام – ايرار) | (يوسف – مرام – بسام)

ح) لدينا E ∪ F ا بذن كمّ (J) يساوي كمّ (E ∩ F) إ كمّ (E) بكمّ (E) يساوي E ∪ F ابنن كمّ (J+4) −3 = 11 −3 = 8 يساوي

4 = (1) افن کټ $I = E \cap G = \{25470; 91170; 81720; 793140\}$

3 = (H)وبالنالي کم ب)يكـــون م

لون المثلث لون القرص الدانري D <u>يط</u> ليط (VVV)

(VVJ) (VVB)

2) أ) يكون عدد قابل للقسمة على 12 إذا كان قابلا للقسمة على 3 و 4 إذن (4 إدن (67944;81720,793140) إ 6 = (G) (خن کټم $G = \{25470, 91170, 81720, 13475, 793140, 4715\}$ (خ

4 = (F) اَدْن كَمْ $F = \{67944; 73508; 81720; 793140\}$ (ب

7 = (E) افن کم $E = \{25470, 67944; 1479; 91170, 81720, 793140, 5733\}$ (أ (1

<u>تعریسن عــ21 ــد.</u>

أعداد أولية مجموع أرقامها يساوي 12 وبالتالي كم (c) = 0

ج) إذا كان عدد مجموع أرفامه يساوي 12 فهو يقبل القسمة على 3 وبالتالي لا يمكنه أن يكون عددا أوليا. إنن لا توجد 3 ارقام حيث رقم عشراتها من مضاعفات 3 هو 180= 9×4×9 وبالثالي كم (B) = 180

مضاعفات 3 لذا ce{0,2.4,6,8} إ be{0,3,6,9} و be{0,3,6,9} و ac{1;2.3,4,5,6,7,8,9}. ابن عدد الأعداد الزوجية المنكونة من ب) نعتبر abc عددا زوجیا متکونیا من 3 ارقیام حیث c رقیم احاده و b رقیم عشراته و g رقیم مثاته حیث b من

y ∈ {1;3;5;7;9} و x ∈ {1;2;3;4;5;6;7;8;9} ونن عدد الأعداد الفردية المتكونة من رقمين هو 45 = 9×5 وبالتالي أ) نعتبر y العدد الفردي المتكون من رقمين حيث y رقم أحاده و x رقم عشرائه أذا $45 = (A) \tilde{\lambda}$

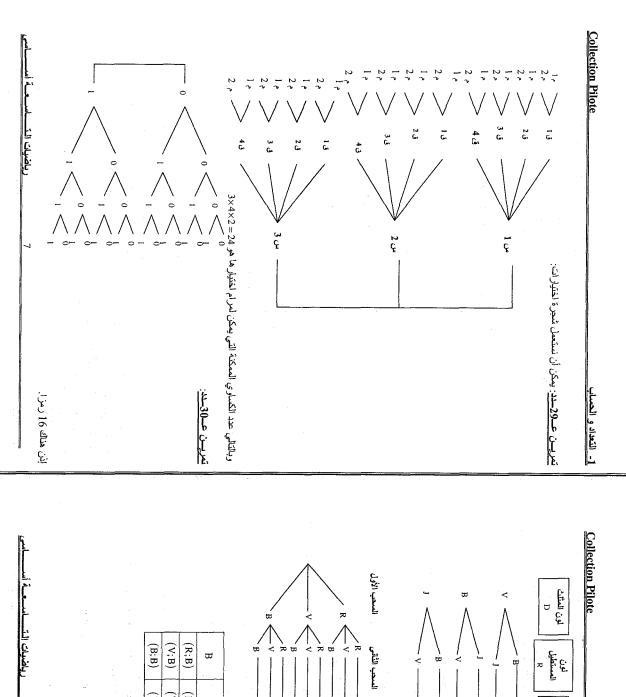
ح) الثنائيات هي: (1;5) ; (4;5) ; (2;5) ; (3;7) ; (3;6) ; (3;5) ; (2;5) ; (1;5) ; (4;6) وعدها 10

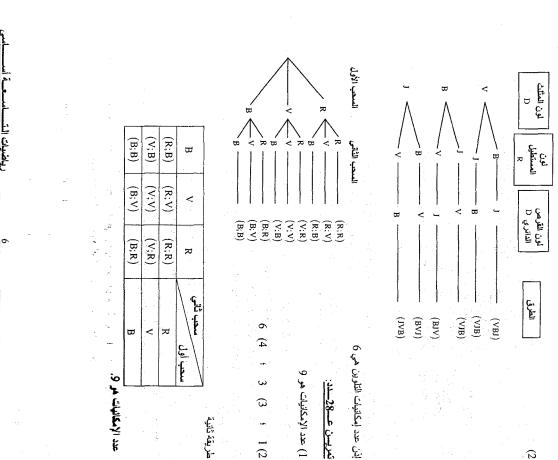
أ) الثنائيات هي (3,5) ; (3,5) ; (1,7) ; (1,7) ; (1,5) وعدها 6. .5 معدها (4;7) (3;8) (2;9) (2;5) (1;6) وعدها (ب

1- التعداد و الحساب

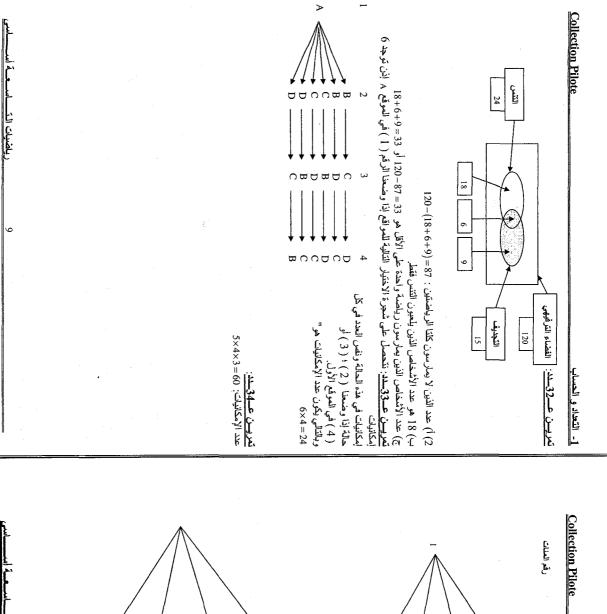
Collection Pilote

1- التعداد و الحساب





1- التعداد و الحساب



إذا كان رقم المئات 1 فإن عدد الإمكانيات :16 وبالتالي نتحصل على 64 = 4×16 عدد

(154) (155)

(152)

(142) (144) (145) (151) رقع العشرات

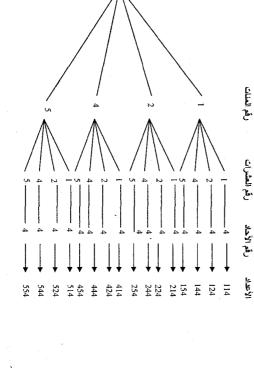
رقع الأحاد

15.35

1- التعاد و الحساب تمريس عدا 3-4د:

(III) (II2)

(114) (115) (121) (122) (124) (125) (141)



3

هناك 16 عدد

تعربين عدا استدن أ) خطأ ، ب) صواب ، ج) خطأ ، د) صواب ، هـ) خطأ ، و) خطأ ، ي) صواب

 $\mathbf{a}=\pi^2\boxtimes (5$ ، $\mathbf{x}=\sqrt{5}\boxtimes (4$ ، عشرين عــ<u>00-ده:</u> 1) اصم، 2) کسري (2) کسري عشرين عــ<u>00-ده:</u> 1) اصم، $\frac{2}{3}+1=0.6+1=1.6$, $\frac{64}{11}-2=5.81-2=3.81$, $\frac{12}{11}=1.09$, $\frac{1}{3}=0.3$: $\frac{3}{3}=0.03$

3×670 ×3×2 عـ 2010 إذن للحصول على 2010 رقم بعد الفاصل في الكتابة 9,<u>32</u>1 نكتب 670 دورا إذن الرقم الثالث من الدور الموالي وبالتالي الرقم الذي رتبته 257 بعد الفاصل هو 2.

تكون رئبته 2010 و هو 1

1+229×3=88 إذن الرقم الذي رنبتُه 688 في الكتابة x=3 في ديبال هو x وبالتالمي 3=x

858 = 858 إذن الرقم الذي رئيته 858 في الكتابة 11, xyz و 11, هو z وبالتالي z=7 إذن: z=7 إن 11, xyz=11, 357

 $4 - \frac{14}{3} = 4 - 4\underline{6} = -0\underline{6}$, $\frac{10}{11} - 1 = 0\underline{90} - 1 = -0\underline{09}$,

 $A \subset IR$, $A \subset \mathbb{Q}$, $\left\{2.\underline{63}; -2; -\frac{\sqrt{3}}{5}\right\} \subset A$, $\left\{-\sqrt{2}; \frac{126}{2} = 6.24; \frac{2}{10} = 0.2\right\} \subset A$,

ر x = -0.3 أو x = 0.1 يعني x = 0.09 = x أو x = -0.9 = (يعني x = 0.0 = (يعني x = 0.3 أو x = 0.3 (يعني x = 0.3

x = -2 j x = 2 $x^2 = 4$ $x^4 = 16$, $x = -\sqrt{5}$ او $x = \sqrt{5}$ ($x = \sqrt{5}$) * ($x = \sqrt{5}$ $x = -\frac{11}{2}$ y $x = \frac{11}{2}$ $x^2 = \frac{121}{4}$ * x = -13 أو x = 13 يعني $x^2 = 169$

 $x = -\sqrt{7}$ و بالدّالي $x = \sqrt{7}$ و بالدّالي $x^4 = 49$

 $x = 23^2 = 529$ يغني $\sqrt{x} = 23^*$! $x = 15^2 = 225$ يغني $\sqrt{x} = 15^*$ يغني $\sqrt{x} = 15^*$

x = 49 - 9 = 40 $x = 49 = 7^2 = 49$ x = 49 = 7 = 7

x = 121 + 11 = 132 وبالتالي $x - 11 = 11^2 = 121$ وبالتالي $\sqrt{x - 11} = 11$

-x = 49 وبالذالي $\sqrt{x} = 7$ وبالذالي $\sqrt{x} = 3$ وبالذالي $\sqrt{x} = 3$ د وبالذالي $\sqrt{x} = 3$ x = 9 يعني 4 = 4 - 1 = 3 يعني 4 = 4 - 4 = 1 - 4 يعني 4 = 4 - 4 = 1 -

 $1.41 < 1.41 < \sqrt{2} < 1.73 < \sqrt{3} < 1.73 < 3.14 < 3.14 < \pi$: تعریسن عسد 1.41 د 1.41 د مریسن عسد 1.41 د 1.41 د مریسن عسد 1.41 د 1.41 د مریسن عسد 1.41 د مریسن 1.41 د

 $\frac{3}{11} = 0.27$; $\frac{14}{11} = 1.27$; $\frac{19}{11} = 1.72$ (1 : يُعريدن عــ 13 هــدد:

 $\frac{45}{11} = \frac{23}{11} + 2 = 2.09 + 2 = 4.09 ; \quad \frac{34}{11} = \frac{23}{11} + 1 = 2.09 + 1 = 3.09 ; \quad \frac{12}{11} = \frac{23}{11} - 1 = 2.09 - 1 = 1.09$ (2

 $A \cap IR_{-} = \left\{ -\sqrt{2}; -\frac{5}{3}; -\frac{\pi}{3}; -\frac{\sqrt{3}}{5} \right\}, A \cap IR_{+} = \left\{ \pi; 2\underline{.63}; \sqrt{0.04}; 6.24; \frac{\sqrt{64}}{4} \right\}, A \cap IR = A, A \cap Z = \left\{ \frac{\sqrt{64}}{4} \right\}$

<u>نعراست عـــ85 مدد:</u> 1] 23<u>9 منا</u>

 $\text{`A} \cap \text{IN} = \left\{ \frac{\sqrt{64}}{4} \right\} \text{`A} \cap \text{ID} = \left\{ \sqrt{0.04}; 6.24; \frac{\sqrt{64}}{4} \right\} \text{`A} \cap \mathbb{Q} = \left\{ -\frac{5}{3}; 2.\underline{63}; \sqrt{0.04}; 6.24; \frac{\sqrt{64}}{4} \right\} (2)$

3.66 فعريسن عبر 00 هن 0.6 عن 0.6 عن 0.6 هي 3.66 القيمة التقريبية بالنقصان لرقمين بعد الفاصل للعدد 0.6 هي

3.67 القيمة التقريبية بالزيادة برقمين بعد الفاصل للعدد 1/3 هي 3.67

 $\sqrt{\frac{3}{4} + \frac{11}{2}} = \sqrt{\frac{25}{4}} = \frac{5}{2} : \sqrt{\frac{x^2}{9}} = \frac{x}{3} : \sqrt{\frac{144}{169}} = \frac{12}{13} : \sqrt{\frac{0.49}{0.01}} = \frac{0.7}{0.1} = 7 : \sqrt{\frac{1}{121}} = \frac{1}{11} : \sqrt{\frac{25}{4}} = \frac{5}{2}$ $\sqrt{32 + \sqrt{11 + \sqrt{25}}} = \sqrt{332 + \sqrt{16}} = \sqrt{32 + 4} = \sqrt{36} = 6 \cdot \sqrt{2 + \sqrt{49}} = \sqrt{2 + 7} = \sqrt{9} = 3 \cdot \sqrt{\frac{3^2 + 4^2}{36}} = \sqrt{\frac{9 + 16}{36}} = \sqrt{\frac{25}{36}} = \frac{5}{4}$

 $1.\overline{12} + 1.\overline{27} = \frac{19}{11} + \frac{14}{11} = \frac{33}{11} = 3$; $1.\overline{12} + 0.\overline{27} = \frac{19}{11} + \frac{3}{11} = \frac{22}{11} = 2$ (2)

ن 1 + 167 = 20 = 2 - 504 إذن الرقم الذي رتبته 504 في الكتابة = 31.73 هو = 2 - 504 - 2 = 31.73 الذي = 3 - 1.73

31.73abc = 31.7396

b=6 إذن الرقم الذي رئبته 415 في الكتابة 31.73 هو b=0 وبالتالي b=0

﴾] + 2×12× = 257 إذن للحصول على 257 رقما بعد الفاصل في الكتابة £15,<u>24</u> نكتب 128 دورا ثم يكون الرقع الأول 2 نورا ثم يكون الرقم الثاني 2 من الدور الموالي وبالتالي الرقم الذي رتبته 2009 بعد الفاصل في الكتابة 23.123 هو 2.

تمريسن عـــ<mark>80سند: 1</mark>) 2×669+2 =2009 إذن للحصول على 2009 رقم بعد الفاصل في الكتابة 23<u>,123</u> نكتب 669

 $BC = |x_c - x_B| = \left|\sqrt{2} - \frac{5}{2}\right| = \frac{5}{2} - \sqrt{2} * ; AB = |x_B - x_A| = \left|\frac{5}{2} - (-3)\right| = \left|\frac{5}{2} + 3\right| = \left|\frac{11}{2}\right| = \frac{11}{2} * (2)$

* $-0.1 - \frac{3}{5} = -\frac{1}{10} - \frac{6}{10} = \frac{-1 - 6}{10} = -\frac{7}{10}$, * $-\frac{5}{3} + \frac{4}{9} = -\frac{15}{9} + \frac{4}{9} = -\frac{11}{9} = \frac{12}{9} = \frac{51}{10} = \frac{10}{10}

 $EF = |x_F - x_E| = |3\sqrt{2} - (\sqrt{2} + 1)| = |3\sqrt{2} - \sqrt{2} - 1| = |2\sqrt{2} - 1| = 2\sqrt{2} - 1$ (2)

 $|FG| = |x_G - x_F| = \left| -\frac{\sqrt{2}}{2} - 3\sqrt{2} \right| = \left| -\frac{\sqrt{2} - 6\sqrt{2}}{2} \right| = \left| -\frac{7\sqrt{2}}{2} \right| = \frac{7\sqrt{2}}{2}$

 ${\rm x_G} = \frac{{\rm x_D} + {\rm x_C}}{2} = \frac{-1 + \sqrt{2}}{2}$ الدينا (1-) و ${\rm C}(\sqrt{2})$ م ${\rm GC}(\sqrt{2})$ الدينا (5-)

 $F\left(-rac{1}{2}
ight)$ الدينا $\left(rac{5}{2}
ight)$ و $F\left(rac{1}{2}
ight)$ مناظرة $F\left(rac{5}{2}
ight)$ المدينا $F\left(rac{5}{2}
ight)$

 $\mathrm{E}(3)$ الدينا (3–) م و E مناظرة A بالنسبة إلى O إذن (3

 $= \left(\sqrt{2} - 3\sqrt{2} + 2\sqrt{2}\right) + \left(-2x + 5x - 3x\right) + \left(\frac{2}{3} + \frac{5}{6} + 1\right) = 0 + 0 + \frac{5}{2} = \frac{5}{2}$ $F = \left(\sqrt{2} - 2x + \frac{2}{3}\right) - \left(3\sqrt{2} - 5x - \frac{5}{6}\right) - \left(-2\sqrt{2} + 3x - 1\right) = \sqrt{2} - 2x + \frac{2}{3} - 3\sqrt{2} + 5x + \frac{5}{6} + 2\sqrt{2} - 3x + 1$

 $G = \pi - \left(\sqrt{2} - 1\right) - \left[2 - \left(\sqrt{2} - \pi - 1\right)\right] - \frac{3}{2} = \pi - \sqrt{2} + 1 - 2 + \left(\sqrt{2} - \pi - 1\right) - \frac{3}{2}$

 $C = y - (x - 1) - \Big[z - (y - 1)\Big] + \Big[x - (1 - z)\Big] = y - (x - 1) - z + (y - 1) + x - (1 - z)$

= y - x + 1 - z + y - 1 + x - 1 + z = 2y - 1 + x

يمريسن عسر 7سند. نعتبر V حجم المخروط: $V=\frac{5^2 \times \pi \times 13}{3}=\frac{25 \times 3.14 \times 13}{3}=0$ القيمة التقريبية بالزيادة بثلاثة أرقام بعد الفاصل لـ V هي V=03.

 $x_{M} + \frac{\sqrt{2}}{2} = -1$ الدينا $\left(\frac{\sqrt{2}}{2} \right) = 1$
 $EG = \left| x_G - x_E \right| = \left| -\frac{\sqrt{2}}{2} - \left(\sqrt{2} + 1\right) \right| = \left| -\frac{3\sqrt{2}}{2} - \sqrt{2} - 1 \right| = \left| -\frac{3\sqrt{2}}{2} - 1 \right| = \frac{3\sqrt{2}}{2} + 1$

 $M\left(1-rac{\sqrt{2}}{2}
ight)$ يعني $X_{\rm M}=1-rac{\sqrt{2}}{2}$ أن، 0 يعني $X_{\rm M}>0$ يعني $X_{\rm M}=-1-rac{\sqrt{2}}{2}$ أن $X_{\rm M}=1-rac{\sqrt{2}}{2}$

Collection Pilote

 $E = \sqrt{2} \times (-\sqrt{2}) - \sqrt{3} \times (-\sqrt{3}) - (-\sqrt{2}) \times (-\sqrt{3}) \times \sqrt{6} = -2 - (-3) - \sqrt{6} \times \sqrt{6} = -2 + 3 - 6 = -5$ $E = \left(1 - \frac{1}{3}\right) \left(\frac{2}{5} + 1 - \frac{1}{2}\right) = \left(\frac{3}{3} - \frac{1}{3}\right) \left(\frac{4}{10} + \frac{10}{10} - \frac{5}{10}\right) = \frac{2}{3} \times \left(\frac{9}{10}\right) = \frac{3}{5}$ $E = \sqrt{2} \times (-\sqrt{3}) - \sqrt{3} \times (-\sqrt{3}) - (-\sqrt{3}) \times (-\sqrt{3}) \times \sqrt{6} = -\sqrt{6} + 3 - 3 \times (\sqrt{6}) = 3 - 4\sqrt{6}$

 $= 3\left(3 + \sqrt{6} - \sqrt{6} - 2\right) - 2\left(7 - \sqrt{42} + \sqrt{42} - 6\right) = 3 \times 1 - 2 \times 1 = 3 - 2 = 1$ $-2[\sqrt{7}\times\sqrt{7}-\sqrt{7}\times\sqrt{6}+\sqrt{6}\times\sqrt{7}-\sqrt{6}\times\sqrt{6}]$ $= 3\left[\sqrt{3}\times\sqrt{3} + \sqrt{3}\times\sqrt{2} - \sqrt{2}\times\sqrt{3} - \sqrt{2}\times\sqrt{2}\right]$ $N = 3(\sqrt{3} - \sqrt{2})(\sqrt{3} + \sqrt{2}) - 2(\sqrt{7} + \sqrt{6})(\sqrt{7} - \sqrt{6})$ $H = \sqrt{5} \left(\sqrt{5} + 3 \right) - 5 \left(1 - \sqrt{5} \right) = \sqrt{5} \times \sqrt{5} + 3\sqrt{5} - 5 + 5\sqrt{5} = 5 + 3\sqrt{5} - 5 + 5\sqrt{5} = 8\sqrt{5}$ $F = (\sqrt{2} - \sqrt{3})(\sqrt{3} + \sqrt{2}) = \sqrt{2} \times \sqrt{3} + \sqrt{2} \times \sqrt{2} - \sqrt{3} \times \sqrt{3} - \sqrt{3} \times \sqrt{2} = \sqrt{6} + 2 - 3 - \sqrt{6} = 2 - 3 = -1$

 $X = a\left(\frac{3}{2} - b\right) + b\left(a - \frac{3}{2}\right) - \frac{3}{2}(a - b)$

 $=\frac{5}{2}a+0+0-a^2-\frac{25}{16}=-a^2+\frac{5}{2}a-\frac{25}{16}$

 $T = (a-b)\left(\frac{4}{5}-a\right)-(b-a)\left(a-\frac{4}{5}\right) = \left(\frac{4}{5}a-a^2-\frac{4}{5}b+ab\right)-\left(ab-\frac{4}{5}b-a^2+\frac{4}{5}a\right)$

 $= \frac{4}{5}a - a^2 - \frac{4}{5}b + ab + \frac{4}{5}b + a^2 - \frac{4}{5}a - ab$

مرين صالات

 $C = \left(-\frac{4}{5}\right) \times \frac{1}{7} \times (-5) + \left(-\frac{2}{21}\right) \times \frac{3}{2} - (-0.4) \times \frac{10}{7} = \left[\left(-\frac{4}{5}\right) \times \frac{1}{7} \times (-5)\right] + \left[-\frac{2}{21} \times \frac{3}{2}\right] - \left[(-0.4) \times \frac{10}{7}\right]$ $= \frac{4}{7} + \left(-\frac{1}{7}\right) - \left(-\frac{4}{7}\right) = \frac{4}{7} + \left(-\frac{1}{7}\right) + \frac{4}{7} = \frac{7}{7} = 1$ $D = \left(-\frac{\pi}{\sqrt{2}}\right) \times \frac{\sqrt{6}}{\pi} \times \left(-\frac{1}{\sqrt{3}}\right) - \sqrt{8} \times \left(-\frac{\pi}{2}\right) \times \left(-\frac{\sqrt{2}}{\pi}\right) = \left[\left(-\frac{\pi}{\sqrt{2}}\right) \times \frac{\sqrt{6}}{\pi} \times \left(-\frac{1}{\sqrt{3}}\right)\right] - \left[\sqrt{8} \times \left(-\frac{\pi}{2}\right) \times \left(-\frac{\sqrt{2}}{\pi}\right) + \frac{\sqrt{2}}{\pi} \times \left(-\frac{\pi}{2}\right) \times \left(-\frac{\pi}{2$ $=1-\left|\binom{-1}{x}\frac{\binom{-2}{x^2}}{2}\right|=1-2=-1$ $= \left[\left(-\frac{\pi}{\pi} \right) \times \left(-\frac{\sqrt{6}}{\sqrt{2} \times \sqrt{3}} \right) \right] - \left[\left(-\frac{\pi}{\pi} \right) \times \left(\frac{\sqrt{8} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} \right) \right] = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(\left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} \right) = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \frac{2\sqrt{2} \times \left(-\sqrt{2} \right)}{2} = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \times \left(-1 \right) = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \times \left(-1 \right) = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \times \left(-1 \right) = \left[\left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \times \left(-1 \right) \right] - \left(-1 \right) \times \left($

 $E = \sqrt{2} \times \sqrt{2} - \sqrt{3} \times \sqrt{3} - \sqrt{2} \times \sqrt{3} \times \sqrt{6} + 2 - 3 - \sqrt{6} \times \sqrt{6} + 2 - 3 - 6 + 6 + -7$

 $b = \sqrt{2} \times \sqrt{3} - \sqrt{3} \times \sqrt{2} - \sqrt{2} \times \sqrt{3} \times \sqrt{6} = \sqrt{6} - \sqrt{6} - \sqrt{6} \times \sqrt{6} = -\sqrt{6} \times \sqrt{6} = -6$

 $= (x - \sqrt{2} - \pi) + (\sqrt{2} + \sqrt{3} - \pi) + x - (x - \pi) = x - \sqrt{2} - \pi + \sqrt{2} + \sqrt{3} - \pi + x - x + \pi$ $E = (x - \sqrt{2} - \pi) - \left[-(\sqrt{2} + \sqrt{3} - \pi) - x \right] - (x - \pi)$

 $= (x + x - x) + (-\sqrt{2} + \sqrt{2}) + (-\pi - \pi + \pi) + \sqrt{3} = x + 0 + (-\pi) + \sqrt{3} = x - \pi + \sqrt{3}$

 $F = -(\sqrt{5} + x + \pi) + [-(-\sqrt{5} + \sqrt{3}) + \pi] - (\sqrt{3} - \pi)$

 $= -\sqrt{5} - x - \pi + \sqrt{5} - \sqrt{3} + \pi - \sqrt{3} + \pi = \left(-\sqrt{5} + \sqrt{5}\right) + (-x) + (-\pi + \pi + \pi) + \left(-\sqrt{3} - \sqrt{3}\right)$

 $= 0 + (-x) + \pi + (-2\sqrt{3}) = -x + \pi - 2\sqrt{3}$

 $F = -\left(E + \sqrt{3}\right) - iJ - \left(E + \sqrt{3}\right) = -E - \sqrt{3} = -\left(x - \pi + \sqrt{3}\right) - \sqrt{3} = -x + \pi - \sqrt{3} - \sqrt{3} = -x + \pi - 2\sqrt{3} = F$ (2)

 $E = -(\pi + 1) - \pi + \sqrt{3} = -2\pi - 1 + \sqrt{3}$ $x = \pi + 1$ (2)

 $F = -x + \pi - 2\sqrt{3} = -(\pi + 1) + \pi - 2\sqrt{3} = -\pi - 1 + \pi - 2\sqrt{3} = (-\pi + \pi) - 1 - 2\sqrt{3} = -1 - 2\sqrt{3}$

 $= (-2) - \left(-\frac{45}{2}\right) + \left(-\frac{3}{2}\right) = (-2) + \frac{45}{2} - \left(-\frac{3}{2}\right) = -2 + \frac{42}{2} = (-2) + 21 = 19$

 $= \sqrt{6} + 3 - 2 - \sqrt{6} = 3 - 2 = 1$ $Y = \left| \left(-\sqrt{6} - \sqrt{5} \right) \times \left(\sqrt{5} - \sqrt{6} \right) \right| = \left| -\sqrt{6} - \sqrt{5} \right| \times \left| \sqrt{5} - \sqrt{6} \right| = \left(\sqrt{6} + \sqrt{5} \right) \left(\sqrt{6} - \sqrt{5} \right) = 1$

 $\mathbf{X} = \left| \sqrt{2} - \sqrt{3} \right| \times \left| \sqrt{2} + \sqrt{3} \right| = \left(\sqrt{3} - \sqrt{2} \right) \left(\sqrt{2} + \sqrt{3} \right) = \sqrt{3} \times \sqrt{2} + \sqrt{3} \times \sqrt{3} - \sqrt{2} \times \sqrt{2} - \sqrt{2} \times \sqrt{3}$

 $A = 9\sqrt{7} - 2\sqrt{5} + \frac{3}{2}(\sqrt{7} + \sqrt{5}) - \left(\frac{13}{2}\sqrt{7} - \frac{7}{2}\sqrt{5}\right) = 9\sqrt{7} - 2\sqrt{5} + \frac{3}{2}\sqrt{7} + \frac{3}{2}\sqrt{5} - \frac{13}{2}\sqrt{7} + \frac{7}{2}\sqrt{5}$

 $= \left(9\sqrt{7} + \frac{3}{2}\sqrt{7} - \frac{13}{2}\sqrt{7}\right) + \left(-2\sqrt{5} + \frac{3}{2}\sqrt{5} + \frac{7}{2}\sqrt{5}\right) = 4\sqrt{7} + 3\sqrt{5}$

 $B = \sqrt{125} + \sqrt{28} - \frac{2}{3}\sqrt{63} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25 \times 5} + \sqrt{4 \times 7} - \frac{2}{3}\sqrt{9 \times 7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} - \frac{2}{3}\sqrt{9} \times \sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} - \frac{2}{3}\sqrt{9} \times \sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} - \frac{2}{3}\sqrt{9} \times \sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} - \frac{2}{3}\sqrt{9} \times \sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} - \frac{2}{3}\sqrt{9} \times \sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} - \frac{2}{3}\sqrt{9} \times \sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} - \frac{2}{3}\sqrt{9} \times \sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} + \sqrt{4} \times \sqrt{7} + \sqrt{25} \times \sqrt{7} +$

 $= 5\sqrt{5} + 2\sqrt{7} - \frac{2}{3} \times 3\sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = 5\sqrt{5} + 2\sqrt{7} - 2\sqrt{7} + \frac{1}{\sqrt{7}} = 5\sqrt{5} + \frac{1}{\sqrt{7}} = 5\sqrt{5} + \frac{1 \times \sqrt{7}}{\sqrt{7}} = 5\sqrt{5} + \frac{1}{7}\sqrt{7}$ $C = \frac{\sqrt{7} + 1}{2} - \frac{1}{\sqrt{5}} + \frac{\sqrt{5} - 1}{2} = \frac{\sqrt{7}}{2} + \frac{1}{\sqrt{5}} + \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{1}{2}\sqrt{7} - \frac{1}{5} + \frac{\sqrt{5}}{2} = \frac{1}{2}\sqrt{7} - \frac{1}{5}\sqrt{5} + \frac{1}{2}\sqrt{5} = \frac{1}{2}\sqrt{7} + \frac{3}{10}\sqrt{5}$ $D = \frac{\sqrt{448}}{144} + \frac{\sqrt{35} + 1}{\sqrt{7}} - \frac{5\sqrt{800}}{2} = \frac{\sqrt{64 \times 7}}{14} + \frac{\sqrt{7 \times 5} + 1}{\sqrt{7}} - 5\frac{\sqrt{36 \times 5}}{2} = \frac{\sqrt{64} \times \sqrt{7}}{14} + \frac{\sqrt{7} \times \sqrt{5} + 1}{\sqrt{7}} - 5\frac{\sqrt{36} \times \sqrt{5}}{2}$ $= \frac{8\sqrt{7}}{14} + \frac{\sqrt{7} \times \sqrt{5}}{\sqrt{7}} + \frac{1}{\sqrt{7}} - \frac{5 \times 6\sqrt{5}}{2} = \frac{4}{7}\sqrt{7} + \sqrt{5} + \frac{1}{7}\sqrt{7} - 15\sqrt{5} = \left(\frac{4}{7}\sqrt{7} + \frac{1}{7}\sqrt{7}\right) + \left(\sqrt{5} - 15\sqrt{5}\right) = \frac{5}{7}\sqrt{7} - 14\sqrt{5}$

يمريـن عـــ61ــدد: $(a+1)(a-1) - a^2 = a^2 - a + a - 1 - a^2 = -1 \ (1-a^2) = -1$ (1) لفعتبر $a=10^4$ الذن عارج القسمة الاقليدية للعدد $a=10^4$ هو 1001 والباقي (2) لتعتبر $a=10^4$ اذن $a=10^4$ (2) المعتبر $a=10^4$ (3) المعتبر $a=10^4$ (4) المعتبر $a=10^4$ (5) المعتبر $a=10^4$ (6) المعتبر $a=10^4$ (7) المعتبر $a=10^4$ (8) المعتبر $a=10^4$ (8) المعتبر $a=10^4$ (8) المعتبر $a=10^4$ (8) المعتبر $a=10^4$ (9) المعتبر $a=10^4$ (10) المعتبر (a=10^4)

A = $\left(1 + \frac{1}{2}\right) \times \left(1 + \frac{1}{3}\right) \times \left(1 + \frac{1}{4}\right) \times \dots \times \left(1 + \frac{1}{49}\right) \times \left(1 + \frac{1}{50}\right) = \frac{3}{2} \times \frac{4}{3} \times \frac{5}{4} \times \dots \times \frac{50}{49} \times \frac{51}{50} = \frac{51}{2}$

 $=(x-\sqrt{7})[(x+5)+(x+4)]=(x-\sqrt{7})(2x+9)$

 $F = (x - \sqrt{7})(x + 5) - (x + 4)(\sqrt{7} - x) = (x - \sqrt{7})(x + 5) + (x + 4)(x - \sqrt{7})$ $E = \sqrt{7}(x+1) - 2x - 2 = \sqrt{7}(x+1) - 2(x+1) = (x+1)(\sqrt{7} - 2)$ $D = 2(x+2)\sqrt{3} - 3 = 2(x+2)\sqrt{3} - \sqrt{3} \times \sqrt{3} = \sqrt{3}(2x+4-\sqrt{3})$

 $C = \pi\sqrt{5} - 5 = \pi\sqrt{5} - \sqrt{5} \times \sqrt{5} = \sqrt{5} \left(\pi - \sqrt{5}\right)$

 $X = \frac{1 - \frac{1}{3}}{2 - \frac{1}{3}} + \frac{1}{2} = \frac{\frac{2}{3}}{4} + \frac{1}{2} = \frac{2}{3} \times \frac{3}{4} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$ $Y = \frac{\sqrt{6}}{2} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{6}} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{6} \times 2} = \frac{1}{2}$

 $Z = \frac{1 - \sqrt{2}}{1} = (1 - \sqrt{2})(1 + \sqrt{2}) = 1 + \sqrt{2} - \sqrt{2} - 2 = 1 - 2 = -1$

مرين عـ19ـدد

 $T = \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{\sqrt{3} + \sqrt{2}} \times \frac{1}{\pi} = \frac{\pi}{\sqrt{3} - \sqrt{2}} \times \frac{2}{\sqrt{3} + \sqrt{2}} \times \frac{1}{\pi} = \frac{\pi}{\pi} \times \frac{2}{\left(\sqrt{3} - \sqrt{2}\right)\left(\sqrt{5} + \sqrt{2}\right)}$

 $= 1 \times \sqrt{3} \times \sqrt{3} + \sqrt{3} \times \sqrt{2} - \sqrt{2} \times \sqrt{3} - \sqrt{2} \times \sqrt{2} = \frac{2}{3 - 2} = 2$

 $=\left(\frac{4}{5}a-\frac{4}{5}a\right)+\left(a^2-a^2\right)+\left(\frac{4}{5}b-\frac{4}{5}b\right)+\left(ab-ab\right)=0+0+0+0=0$

 $xy = (5 + 2\sqrt{6})(5 - 2\sqrt{6}) = 5 \times 5 - 10\sqrt{6} + 10\sqrt{6} - 4\sqrt{6} \times \sqrt{6} = 25 + 0 - (4 \times 6) = 25 - 24 = 1$ (1)

 $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{y + x}{x} = \frac{y + x}{1} = y + x = 5 - 2\sqrt{6} + 5 + 2\sqrt{6} = 10$ (3)

A = (x-1)[(3x+1)+(2x+3)] = (x-1)(5x+4)

 $\frac{1}{x} - \frac{1}{y} = \frac{y - x}{xy} = \frac{y - x}{1} = y - x = (5 - 2\sqrt{6}) - (5 + 2\sqrt{6}) = 5 - 2\sqrt{6} - 5 - 2\sqrt{6} = -4\sqrt{6}$ (4)

ادن x مقلوب y

تعرين ع-24-دد:

 $|x| = 2 \boxtimes (3$ * $x + y = \sqrt{a} + a + \sqrt{a} - a = 2\sqrt{a}$

* $x - y = \sqrt{a} + a - (\sqrt{a} - a) = \sqrt{a} + a - \sqrt{a} + a = 2a$ * $xy = (\sqrt{a} + a)(\sqrt{a} - a) = \sqrt{a} \times \sqrt{a} - a\sqrt{a} + a\sqrt{a} - a \times a = a - a^2 = a(1 - a)$

 $\frac{xy}{x-y} = \frac{(\sqrt{a} + a)(\sqrt{a} - a)}{(\sqrt{a} + a) - (\sqrt{a} - a)} = \frac{a(1-a)}{2a} = \frac{1-a}{2}$

6

 $\frac{1}{x} = \frac{y}{xy} + \frac{x}{xy} = \frac{y - x}{xy} = \frac{-(x - y)}{xy} = \frac{-2a}{a(1 - a)} = \frac{-2}{1 - a}$

 $* \frac{\frac{1}{x} + \frac{1}{y}}{\frac{1}{y - x}} = \frac{\frac{x + y}{xy}}{\frac{xy}{y - x}} = \frac{\frac{x + y}{y - x}}{\frac{x + y}{y - x}} = \frac{2\sqrt{a}}{-2a} = -\frac{\sqrt{a}}{a} = -\frac{\sqrt{a} \times \sqrt{a}}{a \times \sqrt{a}} = -\frac{a}{a \times \sqrt{a}} = -\frac{1}{\sqrt{a}}

a = -1 existly $(a \neq 0)$ 1 - a = 2 exis 2a = a(1 - a) existly x - y = xy (4)

 $A = (\sqrt{3} - x)(\sqrt{2} + x) - (2x - \sqrt{2})(x - \sqrt{3}) = (\sqrt{3} - x)(\sqrt{2} + x) + (2x - \sqrt{2})(\sqrt{3} - x)$ $A = (\sqrt{3} - x)(\sqrt{2} + x) - (2x - \sqrt{2})(x - \sqrt{3}) = (\sqrt{3} - x)(\sqrt{2} + x) + (2x - \sqrt{2})(\sqrt{3} - x)$

 $A = 3 \times (-1) \times (\sqrt{3} + 1) = -3(\sqrt{3} + 1)$, X = -1 في حالة X = -1

 $A = 3 \times \left(-\sqrt{3}\right) \times \left(\sqrt{3} - \left(-\sqrt{3}\right)\right) = 3 \times \left(-\sqrt{3}\right) \left(\sqrt{3} + \sqrt{3}\right) = -3\sqrt{3} \times 2\sqrt{3} = -6 \times 3 = -18 \text{ f. } x = -\sqrt{3} \text{ and } x = -18 \text{ f. } x = -\sqrt{3} \text{ and } x = -18 \text{ f. } x = -\sqrt{3} \text{ f. } x = -\sqrt{3} \text{ f. }$ $x=\sqrt{3}$ د) هي حالة A=0، يعني A=0 يعني A=0 يعني A=0 أو A=0 د) هي حالة A=0 ويالتالمي A=0

 $B = \sqrt{27} - 3x = \sqrt{9 \times 3} - 3x = \sqrt{9} \times \sqrt{3} - 3x = 3\sqrt{3} - 3x = 3\left(\sqrt{3} - x\right) (1/2)$

 $A - B = 3x \left(\sqrt{3} - x\right) - 3\left(\sqrt{3} - x\right) = \left(\sqrt{3} - x\right)(3x - 3) = 3\left(\sqrt{3} - x\right)(x - 1) (-1)$

3- العمليات في مجموعة الأعداد الحقيقية

Collection Pilote

 $Z = \frac{\sqrt{3} - \pi}{\pi - \sqrt{3}} = \frac{\pi - \sqrt{3}}{\pi - \sqrt{3}} = 1$ $U = \left| \frac{\sqrt{7} - \sqrt{5}}{\pi - \sqrt{2}} \right| \times \left| \frac{\sqrt{2} - \pi}{\sqrt{5} - \sqrt{7}} \right| = \left| \frac{\sqrt{7} - \sqrt{5}}{\pi - \sqrt{2}} \right| \times \left| \sqrt{2} - \pi \right| = \sqrt{7} - \sqrt{5} \times \frac{\pi - \sqrt{2}}{\sqrt{7} - \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{7} - \sqrt{5}}{\sqrt{7} - \sqrt{5}} \times \frac{\pi - \sqrt{2}}{\pi - \sqrt{2}} = 1 \times 1 = 1$

 $V = \left| \frac{-1}{\sqrt{3} - \sqrt{2}} \right| - \left| \frac{1}{\sqrt{3} + \sqrt{2}} \right| = \frac{1}{\sqrt{3} - \sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{3} + \sqrt{2}} = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{\left(\sqrt{3} - \sqrt{2}\right)\left(\sqrt{3} + \sqrt{2}\right)} - \frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{\left(\sqrt{3} + \sqrt{2}\right)\left(\sqrt{3} - \sqrt{2}\right)}$

 $=\frac{\left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)-\left(\sqrt{3}-\sqrt{2}\right)}{\left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)\left(\sqrt{3}-\sqrt{2}\right)}=\frac{\sqrt{3}+\sqrt{2}-\sqrt{3}+\sqrt{2}}{1}=2\sqrt{2}$

A = -|x| + x = -x + x = 0 , $x \in IR_+$ في حالة (1) في حالة

B = -x - |x+2| = -x - (x+2) = -x - x - 2 = -2x - 2 في حالة 2 - 2 يعني 2 - 2 في حالة 2 - 2 في حالة 2 - 2 $B = -x - |x+2| = -x - (-x-2) = -x + x + 2 = 2 \cdot x + 2 \le 0$

 $C = \sqrt{2} - \left|\sqrt{2} - x\right| = \sqrt{2} - (x - \sqrt{2}) = \sqrt{2} - x + \sqrt{2} = 2\sqrt{2} - x + \sqrt{2} - x \le 0$ في حالة $x \ge \sqrt{2}$ بينني $x \ge \sqrt{2}$

 $C = \sqrt{2} - \left| \sqrt{2} - x \right| = \sqrt{2} - \left(\sqrt{2} - x \right) = \sqrt{2} - \sqrt{2} + x = x \ , \ \sqrt{2} - x \ge 0 \ , \ x \le \sqrt{2} \ , \ x \le \sqrt{2}$

 $x = -2\sqrt{3}$ يعني $|x| = \sqrt{5} + 2\sqrt{3}| = 0 * x = -\sqrt{5}$ او $|x| = \sqrt{5} + 2\sqrt{3}| = 0 + 1$ $x = -\sqrt{2}$, $x = 2 + \sqrt{2}$, $x = x - 1 = 1 - \sqrt{2}$, $x = 1 + \sqrt{2}$, $x = 1 + \sqrt{2}$, $x = 1 + \sqrt{2}$, $x = 1 + \sqrt{2}$

 $x = \sqrt{5} \text{ i } x = \sqrt{2} \text{ evis. } x - \sqrt{5} = 0 \text{ i } x - \sqrt{2} = 0 \text{ evis. } (x - \sqrt{5})(x - \sqrt{2}) = 0 \text{ evis. } (x - \sqrt{5})(x - \sqrt{2}) = 0 \text{ evis. } (x - \sqrt{5})(x - \sqrt{2}) = 0 \text{ evis. } (x - \sqrt{5})(x - \sqrt{2}) = 0 \text{ evis. } (x - \sqrt{5})(x - \sqrt{2}) = 0 \text{ evis. } (x - \sqrt{5})(x - \sqrt{2}) = 0 \text{ evis. } (x - \sqrt{5})(x - \sqrt{2}) = 0 \text{ evis. } (x - \sqrt{5})(x - \sqrt{2}) = 0 \text{ evis. } (x - \sqrt{5})(x - \sqrt{2}) = 0 \text{ evis. } (x - \sqrt{5})(x - \sqrt{5})(x - \sqrt{5})(x - \sqrt{5}) = 0 \text{ evis. } (x - \sqrt{5})(x -$

 $|x| = -\frac{4}{3}$ مريس عــ22 ــدن $|x| = \frac{4}{3}$ ايعني |x| = 4 يعني |x| = 4 يعني |x| = 4 ايعني |x| = 4 ايعني |x| = 4 $1-\sqrt{2}<0$ غير ممكن لأن $|x-\pi|=1-\sqrt{2}$

 $|x| = \frac{1}{\sqrt{5}} |x| $x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ if $x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ (exist) $|x| = \frac{\sqrt{2}}{2}$ (exist) $|x| = \frac{1}{2}$ (exist) $|x| = \frac{1}{2}$ (exist) $|x| = \frac{1}{2}$ (exist) $|x| = \frac{1}{2}$

 $|x| = \frac{1}{\sqrt{7} - 2} |x| \left(\sqrt{7} - 2 \right) = 1 |x| \left(\sqrt{7} - 2 \right) = 1 |x| \left(-\sqrt{7} + 2 \right) = 1 |x| \left(-\sqrt{7} + 2 \right) = 1 |x| |x| + 1 |x| |x| + 1 |x| |x| + 1 |x| |x| + 1 |x| |x| + 1 |x| |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |x| + 1 |$

 $(-1)^{1} = -11$, $(-19)^{1} = -19$, $(-\frac{3}{2})^{4} = \frac{81}{16}$, $(-\frac{4}{5})^{2} = \frac{16}{25}$, $(-2)^{3} = -8$: $\frac{2}{3}$

 $\left(-2\sqrt{1}\right)^{2} = -26\sqrt{1}$, $\left(\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}\right)^{2} = \frac{25}{4}$, $\left(\sqrt{2}\right)^{2} = 2$, $-10^{3} = -1000$, $\left(-\frac{109}{109}\right)^{2} = 1$

* $\frac{(-9\pi)^{12}}{(3\pi)^{12}} = \left[\frac{-9\pi}{3\pi}\right]^{12} = (-3)^{12} = 3^{12}$ * $\frac{(-\sqrt{24})^{-11}}{(-\sqrt{8})^{-11}} = \left(\frac{-\sqrt{24}}{-\sqrt{8}}\right)^{-11} = \left(\frac{\sqrt{24}}{\sqrt{8}}\right)^{-11} = \left(\frac{\sqrt{8} \times \sqrt{3}}{\sqrt{8}}\right)^{-11} = \left(\sqrt{3}\right)^{-11} = \left(\sqrt{3}\right)^{$ $* \frac{\left(-\frac{1}{2}\right)^9}{\left(\frac{3}{2}\right)^9} = \left(-\frac{1}{2} \times \frac{2}{3}\right)^9 = \left(-\frac{1}{2} \times \frac{2}{3}\right)^9 = \left(-\frac{1}{3}\right)^9 \qquad , \qquad * \frac{8^{-4}}{2^{-4}} = \left(\frac{8}{2}\right)^{-4} = 4^{-4}$ $* \left(\frac{4}{3}\right)^{6} \times \left(-\frac{\sqrt{5}}{2}\right)^{-5} \times \left(\frac{\pi}{2}\right)^{-6} = \left(\frac{4}{3}\right)^{6} \times \left(\frac{3}{4}\right)^{-3} = \left(\frac{4}{3}\right)^{6} \times \left(\frac{4}{3}\right)^{3} = \left(\frac{4}{3}\right)^{6} = \left(\frac{4}{3}\right)^{6}$ $* \left(-\frac{\sqrt{5}}{2}\right)^{-6} \times \left(-\frac{$ $\left(\frac{1}{\sqrt{11}}\right)^{8} \times \left(\sqrt{13}\right)^{8} = \left(\sqrt{11}\right)^{8} \times \left(\sqrt{13}\right)^{8} = \left(\sqrt{143}\right)^{8} = \left(\sqrt{143}\right)^{8} = \left(\sqrt{143}\right)^{4} = (143)$ $* \frac{\left(-3\sqrt{15}\right)^{-7}}{\left(-2\sqrt{3}\right)^{-7}} = \left(\frac{-3\sqrt{15}}{-2\sqrt{3}}\right)^{-7} = \left(\frac{\sqrt{15}}{2\sqrt{3}}\right)^{-7} = \left(\frac{\sqrt{5} \times \sqrt{3}}{2\sqrt{3}}\right)^{-7} = \left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right)^{-7} $*\left(-\sqrt{3}\right)^{5} \times \left(-\sqrt{3}\right)^{-7} = \left(-\sqrt{3}\right)^{(-7)+5} = \left(-\sqrt{3}\right)^{-2} = \left(\frac{1}{\sqrt{3}}\right)^{2}$ $*\left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right)^{6} \times \left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right)^{-2} = \left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right)^{-2} = \left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right)^{-2} = \left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right)^{-2} = \left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right)^{-2} = \left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right)^{-2} = \left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right)^{-2} = \left(\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}}\right)^{-2} =$ |x| = x اذا $x \in IR_+$ ، $\sqrt{x}^{2n} = \sqrt{x^{\frac{2}{3}}} = |x|^n = x^n$ (1) $(0.5)^{-3} = \left(\frac{5}{10}\right)^{-3} = \left(\frac{10}{5}\right)^3 = 2^3$ مرین عـ80۔د: * $\left(-\sqrt{7}\right)^{5} \times \left(\frac{2\sqrt{7}}{7}\right)^{5} = \left[\left(-\sqrt{7}\right) \times \left(\frac{2\sqrt{7}}{7}\right)\right]^{5} = \left(-2\right)^{5}$ $*\left(-\frac{5}{3}\right)^{-1} \times \left(-\frac{3}{7}\right)^{-1} = \left[\left(-\frac{5}{3}\right) \times \left(-\frac{3}{7}\right)\right]^{-1} = \left(\frac{5}{7}\right)$ * $(2\pi)^{-11} \times \left(\frac{1}{4\pi}\right)^{-11} = \left[2\pi \times \frac{1}{4\pi}\right]^{-11} = \left(\frac{1}{2}\right)^{-11}$

* $\left(-\frac{3}{5}\right)^{-5} \times \left(-\sqrt{5}\right)^{-5} \times \left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right)^{-5} = \left[\left(-\frac{3}{5}\right) \times \left(-\sqrt{5}\right) \times \frac{\sqrt{5}}{2}\right]^{-5} = \left(\frac{3}{2}\right)^{-5}$ $\left(\frac{\sqrt{11}}{3}\right)^{16} \times \left[\left(-\frac{\sqrt{11}}{2}\right)^{2}\right]^{2} \times \left[\left(\frac{3}{11}\right)^{-1}\right]^{2} = \left(\frac{\sqrt{11}}{3}\right)^{16} \times \left(-\frac{\sqrt{11}}{2}\right)^{16} \times \left(\frac{3}{11}\right)^{16} = \left[\left(\frac{\sqrt{11}}{3}\right) \times \left(-\frac{\sqrt{11}}{2}\right) \times \left(\frac{3}{11}\right)^{16} = \left(-\frac{1}{2}\right)^{16} = \left(\frac{1}{2}\right)^{16} = \left(\frac{1}{2}\right)$ $\mathbf{v} \left[\left(-\sqrt{3} \right)^{-2} \right]^{-1} = \left(-\sqrt{3} \right)^{-1/2} = \left(-\sqrt{3} \right)^{-1/4} \cdot \left[\left(\frac{7}{8} \right) \right]^{-1/2} = \left(\frac{8}{8} \right)^{-1/2} = \left(-\frac{8}{8} \right)^{-1/2} = \left(-\frac{8}{10} \right)^{-1/2} = \left(-\frac{1}{10} \right$ $\left[\left(\frac{\sqrt{3}}{2} \right)^{2} \right]^{6} \times \left[\left(\sqrt{3} \right)^{-3} \right]^{-4} = \left(\frac{\sqrt{3}}{2} \right)^{266} \times \left(\sqrt{3} \right)^{(-3)q(-4)} = \left(\frac{\sqrt{3}}{2} \right)^{12} \times \left(\sqrt{3} \right)^{12} = \left[\left(\frac{\sqrt{3}}{2} \right) \times \left(\sqrt{3} \right) \right]^{2} = \left(\frac{3}{2} \right)^{12} \times \left(\sqrt{3} \right)^{12} = \left[\left(\frac{\sqrt{3}}{2} \right) \times \left(\sqrt{3} \right) \right]^{2} = \left(\frac{3}{2} \right)^{12} \times \left(\sqrt{3} \right)^{12} \times \left(\sqrt{3} \right)^{12} = \left(\frac{3}{2} \right)^{12} \times \left(\sqrt{3} \right)^{12} = \left(\sqrt{3} \right)^{12} \times \left(\sqrt{3} \right)^{12} \times \left(\sqrt{3} \right)^{12} = \left(\sqrt{3} \right)^{12} \times \left(\sqrt{3} \right)^{12} = \left($ $\left[\left(\frac{\sqrt{5}}{3} \right)^{-3} \right]^{-3} = \left(\frac{\sqrt{5}}{3} \right)^{(-3)5(-4)} = \left(\frac{\sqrt{5}}{3} \right)^{1/3}$

 $B = \frac{1}{5^{-2}} \times \frac{7^2}{3^2} \times \frac{25}{7^{-1}} \times \frac{3}{5^3} \times \left(\frac{7}{2}\right)^2 = \frac{1}{5^{-2}} \times \frac{7^2}{3^2} \times \frac{5^2}{7^{-1}} \times \frac{3}{5^3} \times \frac{7^{-2}}{2^{-2}} = \frac{5^2}{5^{-2} \times 5^3} \times \frac{7^2 \times 7^{-2}}{7^{-1}} \times \frac{3}{3^2} \times \frac{1}{2^{-2}} = \frac{5^2}{5} \times \frac{1}{7^{-1}} \times \frac{1}{3} \times 2^2 = \frac{140}{3} \times \frac{1}{12}

 $A = \left(\sqrt{5}\right)^4 \times 5^{-3} \times 25 \times 5^{-3} \times \left(-\sqrt{5}\right)^{-6} = 5^3 \times 5^{-3} \times 5^2 \times 5^{-3} \times 5^{-3} = 5^{-4} = \frac{1}{5^4} = \frac{1}{625}$

تمريان عــ90ــد:

 $-10^{-6} = -\frac{1}{10^{6}} = -\frac{1}{1000000} + \left(-2\sqrt{5}\right)^{-3} = \frac{1}{(-2\sqrt{5})^{3}} = -\frac{1}{40\sqrt{5}} + -1^{-5} = -1 + \left(-\sqrt{3}\right)^{-1} = \frac{1}{-\sqrt{3}}$ $\left(-\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}\right)^{-2} = \left(-\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}}\right)^2 = \frac{2}{3}$

 $\frac{b^n}{b^m} = b^{n-m} \boxtimes (2)$

 $(a^n)^p \approx a^{n \times p} \boxtimes (1)$

Collection Pilote

 $\frac{\left(a\sqrt{3}\right)^{3}\times b^{-2}\times \left(3ab\right)^{2}}{81\times \left(ba^{-2}\right)^{-4}\times \left(a^{3}b^{-4}\right)^{-4}} = \frac{a^{3}\times \left(\sqrt{3}\right)^{3}\times b^{-2}\times 3^{2}\times a^{2}\times b^{2}}{3^{4}\times b^{-2}\times b^{2}\times b^{-2}\times b^{2}\times 5^{2}\times 3^{2}\times 3^{2}\times 3^{2}} = \frac{a^{5}\times 3^{3}\times \sqrt{3}}{a^{5}\times b^{-2}\times b^{-2}\times b^{-2}\times b^{-2}\times b^{-2}\times b^{-2}\times 5^{2}\times 3^{2}\times 3^{2}} = \frac{a^{5}\times 3^{3}\times \sqrt{3}}{a^{5}\times 3^{2}} = \frac{3^{3}\times \sqrt{3}}{3^{4}} = \frac{\sqrt{3}}{3^{4}\times b^{-2}\times

 $X = \frac{\left(a^{-3}b^{-4}\right)^2 \times \left(a^2b^{-3}\right)}{a^4 \times \left(a^{-2}b^{-3}\right)^3} = \frac{a^{-6} \times b^{-8} \times a^2 \times b^{-3}}{a^4 \times a^{-6} \times b^{-3}} = \frac{a^{-6} \times a^2 \times b^{-8} \times b^{-3}}{a^{-2} \times b^{-9}} = \frac{a^{-4} \times b^{-11}}{a^{-2} \times b^{-9}} = \frac{a^{-4} \times b^{-11}}{a^{-2} \times b^{-9}} = a^{-2} \times b^{-2} (1 + \frac{a^{-1}}{a^{-2}} \times b^{-1}) = \frac{a^{-1}}{a^{-2}} \times \frac{b^{-1}}{a^{-2}} = \frac{a^{-2} \times b^{-1}}{a^{-2} \times b^{-1}} = \frac{a^{-2} \times b^{-1}}{a^{-2} \times b^{-1}} = \frac{a^{-4} \times b^{-1}}{a^$

 $X = a^{-2} \times b^{-2} = (\sqrt{2})^{-2} \times (-\sqrt{3})^{-2} = (\sqrt{2} \times (-\sqrt{3}))^{-2} = (-\sqrt{6})^{-2} = \frac{1}{(\sqrt{6})^2} = \frac{1}{6}, b = -\sqrt{3}, a = \sqrt{2}$ (2)

 $X = a^{-2} \times b^{-2} = \left(\frac{1}{b}\right)^{-2} \times b^{-2} = \frac{b^{-2}}{b^{-2}} = 1$ $a = \frac{1}{b}$ where $a = \frac{1}{b}$ and $a = \frac{1}{b}$

a = -1 a = 1 a =

 $a^{n+1} = 2^{2q+1} \text{ i.i. } a^4 = \left(a^2\right)^2 = \left(\sqrt{2}\right)^2 = 2 \text{ i.i. } a^{n+1} = a^{8q+4} = a^{4(2q+1)} = \left(a^4\right)^{2q+1} \text{ i.i. } \left(q \in IN\right) \text{ } n = 8q+3 \text{ } \left(1 + \frac{1}{2}\right)^2 = 1 \text{ } \left(1 + \frac{1}{2}\right)^2 =$

و $2q+1 \in IN$ إذن $^{+n}$ هَوَة للمدد 2 وبالتالي $10 = ^{n+1}$ ان $10 = ^{n+1}$ يعني $10 = ^{n+1}$ وبالتالي $10 = ^{n+1}$ يعني $10 = ^{n+1}$ وبالتالي $10 = ^{n+1}$ وبالتالي $10 = ^{n+1}$

بعد كوكب نيتون عن الارض: Km ×4.5×10° Km =4.5×10° Km. يوجد كوكب نيتون تقريباً على نفس البعد عن $4.74 \times 10^{-4} \times 9.5 \times 10^{12} \text{ km} \approx 4.5 \times 10^{9} \text{ km}$ بعد کوکب نبتون عن الشمس: الشمس والارض.

تعرين ع-16-د:

يما ان $2^{34} - 2^{33} + 2^{32} = 2^2 \times 2^{32} - 2 \times 2^{32} + 2^{32} = 2^{32} \times (2^2 - 2 + 1) = 2^{32} \times (4 - 2 + 1) = 2^{32} \times 3$ (1) $\frac{2^{34}-2^{33}+2^{32}}{2^{34}-2^{33}+2^{32}}=2^{32}$ ولذا $3^{34}-2^{34}-2^{34}+2^{32}+2^{32}+2^{33}+2^{32}=2^{32}\times 3$

 $|\Delta S^4 = 5^2 \times 5^2$ و $|S^4 - 1| = (5^2 - 1) \times (5^2 + 1)$ لاينا $|S^4 - S^4 = (5 \times 5)^4 - 5^4 = 5^4 \times 5^4 - 5^4 = 5^4 \times (5^4 - 1)$ (2)

و 25 ×25×25×25×24×26. إذن العدد $-5^4 - 5^4 = 5^2 \times 5^2 \times (5^2 - 1)(5^2 + 1) = 25 \times 25 \times 24 \times 26$ و المناطق مشترك للأحداد 24 ×25 و المناطقة مشترك الأحداد 24 ×26 و المناطقة مشترك الأحداد 24 ×26 و المناطقة مشترك المناطقة المناطق

ندا $(p-1)\times(p-1)\times(p-1)$ ونعلم أن q عدد فردي لذا يوجد عدد صحيح طبيعي $q = p^{n+2} - p^n = p^n \times (p+1) \times (p-1)$ ندا $p^{n+2} - p^n = (2k+1)^n \times (2k+1+1) \times (2k+1-1) = (2k+1)^n \times (2k+2) \times 2k = (2k+1)^n \times 2(k+1) \times 2k$ $n = -4 \text{ in } -4 \text{ for } -4 \text{ for } -4 \text{ for } -6 + n = -10 \text{ for } -6 \text{ for } -10 \text{ fo$ يعنى $(\sqrt{3})^{-6n} \times (\sqrt{5})^{-2+2n} = (\sqrt{15})^{-10}$ يعنى $(\sqrt{3})^{-4} \times (\sqrt{5})^{-2} \times (\sqrt{3})^n \times (\sqrt{5})^{2n} = (\sqrt{15})^{-10}$

 $\frac{(2a^{-2})^{-3} \times (ab^{5})^{2} \times (b^{-3})^{2}}{8^{-1} \times (a^{2}b)^{4}} = \frac{2^{-3} \times a^{6} \times a^{2} \times b^{10} \times b^{-6}}{8^{-1} \times a^{8} \times b^{4}} = \frac{2^{-3} \times a^{8} \times b^{4}}{(2^{3})^{-1} \times a^{8} \times b^{4}} = \frac{2^{-3} \times a^{8} \times b^{4}}{2^{-3} \times a^{8} \times b^{4}} = 1 \quad (1$

نعتبر p"+2 -p" وبالثالي فإن "p+2 -p" =4×q) لِمَن 2k+1)" ×(k+1)×k = q وبالثالي فإن "p"+2 -p" يَقَبُل القسمة على

 $C = \left(2\sqrt{2}\right)^{-3} \times \left(\sqrt{2}\right)^{2} \times 2^{-3} \times \sqrt{2} = 2^{-3} \times \left(\sqrt{2}\right)^{-3} \times \left(\sqrt{2}\right)^{2} \times 2^{-2} \times \sqrt{2} = 2^{-3} \times 2^{-2} \times \left(\sqrt{2}\right)^{2} \times \left(\sqrt{2}\right)^{3} = \frac{1}{32}$ $D = \frac{5^4}{27} \times \frac{11}{5^3} \times 3^{-5} \times 11^{-5} \times \left(\frac{5}{3}\right)^{-1} = \frac{5^4}{3^3} \times \frac{11}{5^2} \times 3^{-5} \times 11^{-3} \times \frac{5^{-4}}{3^{-4}} = \frac{5^4 \times 5^{-4}}{5^2} \times \frac{3^{-5}}{3^3 \times 3^{-4}} \times 11 \times 11^{-5} = \frac{1}{5^2} \times 3^{-4} \times 11^{-5}$ $= \frac{1}{25} \times \frac{1}{3^4} \times \frac{1}{11^2} = \frac{1}{25} \times \frac{1}{81} \times \frac{1}{121} = \frac{1}{245025}$

 $X = \frac{\left(-\frac{1}{3}\right)^{2} \times 15^{2} \times \left(\frac{9}{5}\right)^{3}}{\left(\frac{3}{2}\right) \times 5^{2} \times \left(\frac{5}{5}\right)^{3}} = \frac{1}{3^{2}} \times 5^{2} \times 3^{2} \times \frac{9^{3}}{5^{3}} = \frac{3^{-3} \times 3^{2} \times 3^{6} \times 5^{-3} \times 5^{-3}}{3 \times 3^{-6} \times 2^{-1} \times 2^{2} \times 5 \times 5^{-3}} = \frac{3^{6} \times 5^{-1}}{3^{-6} \times 2 \times 5^{-4}} = \frac{3^{11} \times 5^{-5}}{2} = \frac{3^{11} \times 5^{-5}}{2} = \frac{3^{11} \times 5^{-5}}{2 \times 5^{5}} =$

 $T = \left| \left(\frac{5}{3} \right)^{-2} \times \frac{5}{\left(\sqrt{3} \right)^4} \right| - \left[\left(\sqrt{5} \right)^{-2} \times 5^5 \right] = \left(\frac{5^{-2}}{3^{-2}} \times \frac{5}{3^2} \right)^{-3} - \left(5^{-1} \times 5^5 \right) = \left(5^{-1} \right)^{-3} - 5^4 = 5^3 - 5^4 = -500$ $Y = \frac{2^{19} - 2^6}{2^{21} - 2^8} = \frac{2^6 \times 2^{13} - 2^6}{2^8 \times 2^{13} - 2^8} = \frac{2^6 \left(2^{13} - 1\right)}{2^8 \left(2^{13} - 1\right)} = \frac{2^6}{2^8} = \frac{1}{2^2} = \frac{1}{4}$

يعني $2 \times 2 \times \sqrt{2} \times \sqrt{2} \times 2^n = 2^2$ يعني $2 \sqrt{2} \times 2 \sqrt{2} \times 2 \sqrt{2} \times 2^n = 2^2$ يعني $(\sqrt{2})^3 \times 2 \sqrt{2} \times 2^n = (\sqrt{2})^4$ (1)

n = -1 الذن n + 3 = 2 يعني $2^{n+3} = 2^2$ يعني $2^2 \times 2 \times 2^n = 2^3$

n-3=5 يعني $2^{n-3}=2^5$ يعني $2^{n-3}\times\pi^5=2^5\times\pi^5$ يعني $2^{n-3}\times\pi^5=2^5\times\pi^5$ يعني $2^{n-3}=2^5\times\pi^5\times2^{n-3}=(2\pi)^5$ (2)

 $(3^{5} \times 5^{3} \times 5^{3} \times 5^{6} = (15)^{-6}$ ويعني $3^{6} \times 5^{3} \times 5^{3} \times 5^{5} \times (3^{5} \times 5^{3} \times 5^{6} = (15)^{-6})^{3}$ ويعني $(3 \times 5)^{3} \times (3 \times 5^{2})^{3} = \frac{1}{(15)^{6}}$

-n = -9 الذن -n = 9 الدن -n = 9 (15) يعني -n = 9 الذن -n = 9 الدن -n = 9

 $\frac{(\sqrt{5})^{3}}{\sqrt{3}} \times \frac{(\sqrt{5})^{3}}{(\sqrt{5})^{3}} \times (\sqrt{5})^{n} \times (\sqrt{5})^{2n} = (\sqrt{15})^{-10} \underbrace{\text{Let}_{2}}_{\text{Let}_{2}} \underbrace{\frac{(\sqrt{3})^{3}}{(\sqrt{5})^{5}}} \times \frac{(\sqrt{5})^{3}}{\sqrt{3}} \times (\sqrt{5})^{2} \times (\sqrt{5})^{2} \times (\sqrt{15})^{-10} \times (\sqrt{15})$

a < b (1) a < b (1) a < b (1) a < b (1) a < b (1) a < b (1) a < b (1) a < b (1) a < b (1) a < b (1) a < b (1) a < b (1) a < b (1) a < b (1) a < b (1) a < b (1) a < b (1) a < b (2) a = 6 (2) a < b (3) a < b (4) a < b (4) a < b (5) a < b (6) a < b (7) a < b (8) a < b (8) a < b (9) a < b (1) a < b (1) a < b (1) a < b (1) a < b (2) a < b (3) a < b (4) a < b (5) a < b (6) a < b (7) a < b (8) a < b (8) a < b (9) a < b (1) a < b (2) a < b (3) a < b (4) a < b (5) a < b (6) a < b (7) a < b (8) a <

a < b هـ) 5√2 - 7√2 = aو 5√2 - √7 = d، لاينا 5√2 < 5√2 يعني 5√2 < ->5√2 - يعني 5√2 - √7 - 5√2 كانا هـ)

 $a - b = \left(\frac{-3\sqrt{2}}{5}\right) - \left(\frac{-2\sqrt{2}}{3}\right) = -\frac{3\sqrt{2}}{5} + \frac{2\sqrt{2}}{3} = -\frac{9\sqrt{2}}{15} + \frac{10\sqrt{2}}{15} = \frac{\sqrt{2}}{15} > 0, b = \frac{-2\sqrt{2}}{3}, a = \frac{-3\sqrt{2}}{5}$

a > b a < b و نعنی $\frac{\sqrt{5}-1}{2} > 0$ و $\frac{-\sqrt{13}-1}{5} < 0$ و $b = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$ و $a = \frac{-\sqrt{13}-1}{5}$ (و $\frac{\sqrt{5}-1}{5}$ و $\frac{-\sqrt{13}-1}{5}$ و $\frac{-\sqrt{13}-1}{5$

 $\boxtimes \ a^2 \ge 3 \ (4 \cdot \boxtimes \ ac + \sqrt{5} \ge bc + \sqrt{5} \ (3 \cdot \boxtimes \ -\frac{1}{a} \ge -\frac{1}{b}(2 \ \cdot \boxtimes \ a + \sqrt{2} \le b + \sqrt{2} \ (1 + \sqrt{2} \le b + \sqrt{2})$

 $x \le y$ الذن $x - y = (a - \sqrt{3}) - (b - \sqrt{2}) = a - \sqrt{3} - b + \sqrt{2} = (a - b) + (\sqrt{2} - \sqrt{3}) \le 0$ (1) $x \ge y$ الذن $x - y = (-a - \pi) - (-b - 2\pi) = -a - \pi + b + 2\pi = (b - a) + \pi \ge 0$ (ب

 $x-y = (2a-3\sqrt{2})-2(b-\sqrt{2}) = (2a-3\sqrt{2})-(2b-2\sqrt{2}) = 2a-3\sqrt{2}-2b+2\sqrt{2} = 2a-2b+2\sqrt{2}-3\sqrt{2} = 2(a-b)-\sqrt{2} \le 0$

 $\begin{array}{l} \frac{\pi}{2} \sqrt{2} \times x \in -\frac{\pi}{3} \times x = -\frac{\pi}{3}$

 $-x(\sqrt{3}-2) \le -y(\sqrt{3}-2)$

(ب) $a^2 = a \cdot b \cdot a^2 = \frac{8\sqrt{2}}{3}$ $a^2 = \frac{8\sqrt{2}}{3}$ $a^2 = \left(-\frac{8\sqrt{2}}{3}\right)^2 = \frac{128}{9}$, $a^2 = \left(-\frac{5\sqrt{3}}{2}\right)^2 = \frac{75}{4}$, $a = -\frac{8\sqrt{2}}{3}$ $a = -\frac{5\sqrt{3}}{2}$

 $(5\sqrt{7})^2 = 175 + (7\sqrt{5})^2 = 175 + (7\sqrt{5})^2 = 6$ ه و $(7\sqrt{5})^2 = 175 + (7\sqrt{5})^2 = ($

 $(x-1)(x^{k}+x^{k-1}+x^{k-2}+.....+x^{2}+x+1)=$

 $\begin{array}{l} x \times x^k + x \times x^{k-1} + x \times x^{k-2} + + x \times x^2 + x \times x + x - x^k - x^{k-1} - x^{k-2} - - x^2 - x - 1 \\ = x \times x^k + x \times x^{k-1} + x \times x^{k-2} + + x^3 + x^2 + x - x^k - x^{k-1} - x^{k-2} - - x^2 - x - 1 \\ = x^{k+1} + \left(x^k - x^k\right) + \left(x^{k-1} - x^{k-1}\right) + \left(x^{k-2} - x^{k-2}\right) + + \left(x^3 - x^3\right) + \left(x^2 - x^2\right) + \left(x - x\right) - 1 \end{array}$

 $= x^{k+1} + 0 + 0 + 0 + 0 + \dots + 0 + 0 + 0 + 0 - 1 = x^{k+1} - 1$

2) إذا كان q يقبل القسمة على q فإنه يوجد عدد صحيح طبيعي h حيث p=h×q لذا $(x-1)(x^k + x^{k-1} + x^{k-2} + \dots + x^2 + x + 1) = x^{k+1} - 1$

 $n^p - 1 = n^{b \times q} - 1 = \left(n^q\right)^b - 1 = \left(n^q - 1\right) \left(\left(n^q\right)^{b-1} + \left(n^q\right)^{b-2} + \ldots + \left(n^q\right)^2 + n^q + 1\right)$

نعتبر $n^q + n^q + 1 = (n^q)^{n-1} + (n^q)^{n-2} + (n^q)^{n-2} + \dots + (n^q)^2 + n^q + 1 = 0$ وبالتالمي فإن $n^p - 1$ يقبل القسمة على

 $n^2 = 9 = 0.0$ إذن $n^2 - 1 = 0.0$ من $n^2 - 1$ وبما أن 8 = 0.0 م. $(n^2 - 1; n^{2006} - 1)$ فإن $n^2 - 1 = 0.0$ بعني $n^2 - 1 = 0.0$ إذن $n^2 - 1 = 0.0$ وبما أن $n^2 = 0.0$ من $n^2 - 1 = 0.0$ (2) نظم أن 2006 يقبل القسمة على 2 لذا 1^{-2006} يقبل القسمة على 1^{-1} (حسب السؤال 2) نظم أن

وبالتالي n = 3 لأن n e IN.

Collection Pilote

 $7\sqrt{5} + \sqrt{11} > 5\sqrt{7} + \sqrt{11}$ و $7\sqrt{5} > 7\sqrt{5}$ عددان موجبان إنن $7\sqrt{5} > 7\sqrt{5} < 7\sqrt{5}$ وبالثالي $7\sqrt{5} > (5\sqrt{7})^2$ لدينا $7\sqrt{5} > (5\sqrt{7})^2$

ر 1859ء 2 (11ك13 –)، لدينا 2 (11ك13 –) > (12ك11 –) و 13ك11 – و 11ك13 – عددان سالبان إنن 11ك11 – < 11ك11 – $\left(-11\sqrt{13}\right)^2 = 121 \times 13 = 1573$ (-13 $\sqrt{11}$ و 13 $\sqrt{11}$ و $a = 2\pi - 11\sqrt{13}$ د) $a = 2\pi - 11\sqrt{13}$ د) $a = 2\pi - 11\sqrt{13}$

 $-11\sqrt{13}+2\pi>-13\sqrt{11}+2\pi$ وبالتالي π

ب) بعا أن 3√5×5√5 × √1 فان 3√5-<5√5 × 5√5- وبالقالي 3√5-5√2 - 5√5 × 5√5 × 15 × 15 × 15 × 15 × 15 × $\sqrt{2} < \sqrt{2} - 2\sqrt{7} < \sqrt{2} - 3\sqrt{5} < \sqrt{2} - 5\sqrt{3}$ فإن $\sqrt{2} > \sqrt{2} - 2\sqrt{7} > \sqrt{2} - 3\sqrt{5} > \sqrt{2} - 5\sqrt{3}$ إيما أن $\sqrt{2} > \sqrt{2} - 3\sqrt{5} > \sqrt{2} - 3\sqrt{5} > \sqrt{2} - 5\sqrt{3}$ $2\sqrt{7} < 3\sqrt{5} < 5\sqrt{3}$ is $(5\sqrt{3})^2 = 25 \times 3 = 75 \cdot (2\sqrt{7})^2 = 4 \times 7 = 28 \cdot (3\sqrt{5})^2 = 9 \times 5 = 45 \cdot (10\sqrt{5})^2 = 100 \cdot (1000)^2 = 10$

 $(a-b)^2 = (a-b)(a-b) = a \times a - ab - ba + b \times b = a^2 - 2ab + b^2$ (1)

 $a^{2}+b^{2} \ge 2ab$ الذ $a^{2}-2ab+b^{2} \ge 0$ الذ $(a-b)^{2}=a^{2}-2ab+b^{2}$ و $(a-b)^{2} \ge 0$ الدينا $(a-b)^{2} \ge 0$

(حصب السوال ب) $a^2+2\geq 2a\sqrt{2}+\sqrt{2}$ اذا $(a-\sqrt{2})^2=a^2-2a\sqrt{2}+\sqrt{2}^2=a^2-2a\sqrt{2}+2$ الدينا 2

 $a^2+3\geq 2a\sqrt{3}$ د) لدينا $a^2+2\geq 2a\sqrt{2}$ يعني $a^2+2\geq 2a\sqrt{3}$ كذلك لدينا $a^2+2\geq 2a\sqrt{2}$ كذلك لدينا $a^2+3\geq 2a\sqrt{3}$ (حسب السوال ب) $a^2+3 \ge 2a\sqrt{3}$ اذا $(a-\sqrt{3})^2=a^2-2a\sqrt{3}+\sqrt{3}^2=a^2-2a\sqrt{3}+3$ كذا كالك 3

. اذن $\sqrt{3}(a^2+2)+\sqrt{2}(a^2+3) \ge 2a\sqrt{6}$ بيسمي $\sqrt{3}(a^2+2)+\sqrt{2}(a^2+3) \ge 2a\sqrt{6}+2a\sqrt{6}$ $\sqrt{2}(a^2+3) \ge 2a\sqrt{6}$ يعني $(a^2+3)\sqrt{2} \ge 2a\sqrt{2} \times \sqrt{3}$

تعريس عد11 شد

 $\frac{b}{a+1} > \frac{a}{b+1}$ أ) لدينا 0 < a < 1 و 0 < a < 1 يعشي a < b يذا a < b و يعشي a < b يذا a < b و يعشي a < b يدا الدينا a < b و يعشي a < b يدا الدينا a < b و يعشي a < b يدا الدينا a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن a < b ويعا أن أن a < b ويعا أن أن أن أن أن

4 4(a+b)

4(a+b)

4(a+b)

4ab (a+b)(a+b)

 $= \frac{4ab - (a+b)(a+b)}{4ab - (a^2 + 2ab + b^2)} = \frac{4ab - a^2 - 2ab - b^2}{a^2 - 2ab - b^2}$

4(a+b)

 $(a-b)^2 = (a-b)(a-b) = a \times a - ab - ba + b \times b = a^2 - 2ab + b^2$ (\hookrightarrow

 $x = 3 + \sqrt{162} - 10\sqrt{2} = 3 + \sqrt{81} \times \sqrt{2} - 10\sqrt{2} = 3 + 9\sqrt{2} - 10\sqrt{2} = 3 - 9\sqrt{2} \cdot (1 + \sqrt{3})(2 - \sqrt{3}) + 1 = 2 - \sqrt{3} + 2\sqrt{3} - \sqrt{3} \times \sqrt{3} + 1 = 2 - \sqrt{3} + 2\sqrt{3} - 3 + 1 = (2 - 3 + 1) + (-\sqrt{3} + 2\sqrt{3}) = \sqrt{3}$

 $(3\sqrt{7})^2 = 9 \times 7 = 63$ و $(-4\sqrt{5})^2 = 16 \times 5 = 80$ و $(-3\sqrt{7})^2 = 9 \times 7 = 63$ و $(3\sqrt{7})^2 = 9 \times 7 = 63$ و $(3\sqrt{7})^2 = 9 \times 7 = 63$ و $(3\sqrt{7})^2 = 9 \times 7 = 63$

 $5-3\sqrt{7} > 5-4\sqrt{5}$ و $(-3\sqrt{7})^2 - (-3\sqrt{7})^2 = (-3\sqrt{7})^2 - (-3\sqrt{7})^2 = (-3\sqrt{7$

وبما أن 0< ab فأن أخ أ

 $\begin{array}{c} a = 5 + \sqrt{45} - \sqrt{245} = 5 + \sqrt{9} \times \sqrt{5} - \sqrt{49} \times \sqrt{5} = 5 + 3\sqrt{5} - 7\sqrt{5} = 5 - 4\sqrt{5} \text{ (i)} \\ b = \left|1 - \sqrt{7}\right| - \left|4\sqrt{7} - 2\right| + 4 = \left(\sqrt{7} - 1\right) - \left(4\sqrt{7} - 2\right) + 4 = \sqrt{7} - 1 - 4\sqrt{7} + 2 + 4 = \left(-1 + 2 + 4\right) + \left(\sqrt{7} - 4\sqrt{7}\right) \\ = 5 - 3\sqrt{7} \end{array}$

3-√2>0 الما 3>√2 الما (ب

د) 41= 4 و 18= 2×2= (3√2) يعنمي (3√2) 4 وبما أن 4>0 و 2×0= فان 3√2 فان 4<3√2 $x < y^2$ (1-3 $\sqrt{2}$) x > 0 ونعلم أن x > 0 و الذن x > 0 الذن $x < y^2$ ونعلم أن x < y > 0 الذن x < y > 0

y+1>0 و $-\frac{\pi}{3}>-\frac{\pi}{2}$ و $-\frac{\pi}{3}>-\frac{\pi}{2}$ الذا $(\sqrt{5}-1)(x-1)<(\sqrt{5}-2)(x-1)$ الديما $-\frac{\pi}{3}>-\frac{\pi}{2}$ و لديما أرضا المراح (ب

 $-\frac{\pi}{3}(y+1) > -\frac{\pi}{2}(y+1)^{-12}$

 $\frac{-y}{x^4} > \frac{-y}{x^3} > \frac{-y}{x^2} > \frac{-y}{x}$

د) بعا أن 0 < x < 1 فإن $0 < x < 1 < x^3 < x^4 < x < 1 < 0$ وبالتالي هـ) بعا أن $0 < x < 1 < 1 < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} < \frac{y}{x^3} <$ x(y+1)>x(x-1) لدينا 0<x افن 0<x افن 0<x افن 0<x افن 0<x افن 0<x افن 0<x افن 0<x افن 0<x افن 0<x افن 0<x افن 0<x افن 0<x افن 0<x افن 0<x افن 0<x افن 0<x افن 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x الدينا 0<x

 $10 \ge \sqrt{6} + \sqrt{10} + \sqrt{15}$ يعني $2+3+5 \ge \sqrt{6} + \sqrt{10} + \sqrt{15}$ يعني $(\sqrt{5})^2 + (\sqrt{3})^2 + (\sqrt{5})^2 \ge \sqrt{2}\sqrt{3} + \sqrt{2}\sqrt{5} + \sqrt{3}\sqrt{5}$

 $a^2+b^2+c^2 \ge ab+ac+bc$ وبالتالي $a^2+b^2+c^2-ab-ac-bc \ge 0$ وبالتالي $a^2+b^2+c^2-ab-ac-bc \ge 0$ د) نعتبر $a^2+b^2+c^2 \ge ab+ac+bc$ لينا $a^2+b^2+c^2 \ge ab+ac+bc$ د) نعتبر $a^2+b^2+c^2 \ge ab+ac+bc$

 $= a^2 - 2ab + b^2 + a^3 - 2ac + c^2 + b^2 - 2bc + c^2 = 2a^2 + 2b^2 + 2c^2 - 2ab - 2ac - 2bc = 2(a^2 + b^2 + c^2 - ab - ac - bc)$

 $(a-b)^2 + (a-c)^2 + (b-c)^2 = (a-b)(a-b) + (a-c)(a-c) + (b-c)(b-c)$ (1)

 $(a-b)^{2}+(a-c)^{2}+(b-c)^{2}\geq0$ الذا $(b-c)^{2}\geq0$ و $(a-c)^{2}\geq0$ و $(a-b)^{2}\geq0$ الذينا $(a-b)^{2}\geq0$

يونسي $(a-b)^2 + (a-c)^2 + (b-c)^2 = ab - ac - bc$ فيل $(a-b)^2 + (a-c)^2 + (b-c)^2 \geq 0$ يونسي $(a-b)^2 + (a-c)^2 + (b-c)^2 \geq 0$

 $\frac{ab}{a+b} < \frac{a+b}{4}$ ابن $\frac{ab}{a+b} - \frac{a+b}{4} < 0$ وبالتالي $\frac{-(a-b)^2}{4(a+b)} < 0$ فان $\frac{-(a-b)^2}{4(a+b)} < 0$ و $\frac{-(a-b)^2}{4(a+b)} < 0$ بيما أن $\frac{ab}{a+b} - \frac{a+b}{4} = \frac{a+b}{4(a+b)} < 0$

 $=\frac{2ab-a^2-b^2}{4(a+b)}=\frac{-(a^2-2ab+b^2)}{4(a+b)}=\frac{-(a-b)^2}{4(a+b)}$

 $\frac{x}{x} = \frac{x + y^2}{y + x^2}$ اذا $\frac{x^3 - y^3}{y(y + x^2)}$ اذا $\frac{x^3 - y^3}{y(y + x^2)}$ اذا $\frac{x^3 - y^3}{y + x^2}$ اذا $\frac{x^3 - y^3}{y + x^2}$ الذا $\frac{x^3 - y^3}{y + x^2}$

 $\frac{x^2}{y^2} < \frac{x}{y} < \frac{x+y^2}{y+x^2}$ فإن $\frac{x}{y} < \frac{x+y^2}{y+x^2}$ بما أن $\frac{x}{y} < \frac{x}{y^2} < \frac{x}{y}$ و $\frac{x}{y^2} < \frac{x}{y}$ بما أن $\frac{x}{y} < \frac{x+y^2}{y+x^2}$ و $\frac{x}{y^2} < \frac{x}{y}$ بما أن $\frac{x}{y} < \frac{x}{y} < \frac{x}{y}$ بما أن $\frac{x}{y} < \frac{x}{y} < \frac{x}{y}$ في الموال عدد صحيح طبيعي مخالف لصغر ولواحد لذا $\frac{y-1}{y} > \frac{y-1}{y} < \frac{y-1}{y}$ و $\frac{y-1}{y} < \frac{y-1}{y} < \frac{y-1}{y}$ الميا أن يتا م عدد صحيح طبيعي مخالف لصغر ولواحد لذا $\frac{y-1}{y} < \frac{y-1}{y} < \frac{y-1}{y} < \frac{y-1}{y}$

وبما أن y = p+1 وبما أن y = p+1 وبما أن y = p+1 (p+1)+ (p+1)+ (p+1) وبما أن (1) يعتبر 1 (p+1) وبما أن

 $\left(p-1\right)+\left(p+1\right)^{2}=p-1+p^{2}+2p+1=p^{2}+3p \text{ i.i. } \left(p+1\right)^{2}=p^{2}+2p+1 \text{ o.i. } \left(p-1\right)^{2}=p^{2}-2p+1$

 $\frac{\left(p-1\right)^{2}}{\left(p+1\right)^{2}} < \frac{p-1}{p+1} < \frac{p^{2}+3p}{p^{2}-p+2}$ و بالتالمي $\left(p+1\right) + \left(p-1\right)^{2} = p+1+p^{2}-2p+1=p^{2}-p+2$ و

 $(a-b)(2a-b) \le 0$ المدين $(a-b)(2a-b) \le 0$ المدين $(a-b)(2a-b) \le 0$ المدين $(a-b)(2a-b) \le 0$ المدين $(a-b)^2 = (a\sqrt{2}-b)^2 = (a\sqrt{2}-b)(a\sqrt{2}+b) = a\sqrt{2} \times a\sqrt{2} - ba\sqrt{2} - ba\sqrt{2} + b^2 = 2a^2 - 2ab\sqrt{2} + b^2$ (2)

 $(a-b)(2a-b) = a \times 2a - a \times b - b \times 2a + b^2 = 2a^2 - 3ab + b^2$

 $A-1 = \frac{2a^2+b^2}{3ab} - I = \frac{2a^2+b^2-3ab}{3ab} = \frac{2a^2-3ab+b^2}{3ab} = \frac{(a-b)(2a-b)}{3ab} \qquad , \quad A = \frac{2a^2+b^2}{3ab} \quad (3a-b) = \frac{2a^2+b^2}{3ab} = \frac{2a^2+b^2}$

 $A-1 \le 0$ لدينا (a-b)(2a-b) (هسب السؤال (1)) و ab>0 (لأن $b\ge a>0$) لذا (a-b)(2a-b) اذن (a-b)(2a-b)

 $A - \frac{2\sqrt{2}}{3} = \frac{2a^2 + b^2}{3ab} - \frac{2\sqrt{2}}{3} = \frac{2a^2 + b^2}{3ab} - \frac{2ab\sqrt{2}}{3ab} = \frac{2a^2 + b^2 - 2ab\sqrt{2}}{3ab} = \frac{2a^2 - 2ab\sqrt{2} + b^2}{3ab} = \frac{(a\sqrt{2} - b)}{3ab}$

 $A \ge \frac{2\sqrt{2}}{3}$ د ab > 0 و ab > 0 د ab > 0 د ab > 0 د ab > 0 د بالتالي ab > 0 د بالتالي ab > 0 د بالتالي ab > 0

 $\frac{2\sqrt{2}}{3} \le A \le 1$ ما ان $A \ge \frac{2\sqrt{2}}{3}$ و $A \le 1$ ما ان $A \le 1$

 $\frac{\frac{1}{n} > \frac{1}{n+1} > \frac{1}{n+2} > \frac{1}{n+3}}{n+1} > \frac{1}{n+2} > \frac{1}{n+3}$ النينا (1) النينا $\frac{1}{n+3} < \frac{1}{n+2} > \frac{1}{n+3} < \frac{1}{n+3} > \frac{1}{n+3} < \frac{1}{n+3} < \frac{1}{n+3} < \frac{1}{n+3} < \frac{1}{n+3} < \frac{1}{n+3} < \frac{1}{n+3} < \frac{1}{n+3} < \frac{1}{n+3} < \frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} < \frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2}$

 $\frac{ab-1 \le 0}{\left(\frac{1}{a}+a\right)-\left(\frac{1}{b}+b\right) \approx \frac{1}{a}+a-\frac{1}{b}-b \approx \frac{1}{a}-\frac{1}{b}+a-b \approx \frac{b}{ab}-\frac{a}{ab}+a-b = \frac{b-a}{ab}+a-b = \frac{b-a}{ab}-(b-a)=(b-a)\left(\frac{1}{ab}-1\right)\left(\frac{1}{ab}-1\right)}{=(b-a)\left(\frac{1-ab}{ab}\right) \approx \frac{1}{ab}\times(a-b)\times(ab-1)}$

 $a \in b$ عندان موجبان و $a \leq b$ و $a \neq b \leq a$ و $a \leq b = a$ وبما أن $a \leq b = a$ (حسب السوال أ) فإن $a \neq b \leq a$

 $x = 0.999998 + \frac{1}{0.999998} > y = 0.999999 + \frac{1}{0.999999}$

 $-\frac{1}{a} + a \ge \frac{1}{b} + b$ وبالتالي $\frac{1}{a} + a - \left(\frac{1}{b} + b\right) \ge 0$ اذن $\frac{1}{ab} (a - b)(ab - 1) \ge 0$ ے) نعتبر 8999999 = a و 9999999 = b، حسب السؤال ب) لدينا:

 $\frac{x(x-y)}{y^2} < 0$ و x > 0 و

 $\frac{x^2}{y} \cdot \frac{x + y^2}{y + x^2} = \frac{x(y + x^2) - y(x + y^2)}{y(y + x^2)} = \frac{xy + x^3 - yx - y^3}{y(y + x^2)} = \frac{x^3 - y^3}{y(y + x^2)} < 0 \qquad \qquad \frac{x^2}{y^2} < \frac{x}{y} < \frac{x^2}{y^2} - \frac{x}{y} < 0$

 $\sqrt{x+y}\left(\frac{1}{\sqrt{x}} + \frac{1}{\sqrt{y}}\right) \ge 2\sqrt{2} \ \text{i.i.}$

 $\sqrt{x+y}\left(\frac{1}{\sqrt{x}} + \frac{1}{\sqrt{y}}\right) \ge \sqrt{2}\sqrt{\sqrt{xy}} \times \frac{2}{\sqrt{\sqrt{xy}}} = 2\sqrt{2} \text{ i.i.} \frac{1}{\sqrt{x}} + \frac{1}{\sqrt{y}} \ge 2\frac{1}{\sqrt{xy}}$

 $\frac{1}{\sqrt{x}} + \frac{1}{\sqrt{y}} \ge 2\sqrt{\frac{1}{\sqrt{x}}}$ کذلك لدینا $\sqrt{x + y} \ge \sqrt{2}\sqrt{\sqrt{xy}}$ یشنی $\sqrt{x + y} \ge \sqrt{2}\sqrt{xy}$ کذلك لدینا $\sqrt{x + y} \ge \sqrt{2}\sqrt{xy}$ کنلك لدینا $\sqrt{x + y} \ge \sqrt{2}\sqrt{xy}$ کنلك لدینا $\sqrt{x + y} \ge \sqrt{2}\sqrt{x}$

 $\frac{x+y}{2} \ge \sqrt{xy}$ یا 10 کا $(\sqrt{x} - \sqrt{y})^2 \ge 2\sqrt{xy}$ یا $(\sqrt{x} - \sqrt{y})^2 \ge 0$ کینا (ب

 $(\sqrt{x} - \sqrt{y})^2 = (\sqrt{x} - \sqrt{y})(\sqrt{x} - \sqrt{y}) = \sqrt{x} \times \sqrt{x} - \sqrt{x} \times \sqrt{y} - \sqrt{y} \times \sqrt{x} + \sqrt{y} \times \sqrt{y} = x + y - 2\sqrt{xy}$ (i)

 $\left(\frac{3}{\sqrt{3}} = \frac{3 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{3\sqrt{3}}{3} = \sqrt{3} \text{ if } \sqrt{3} = \sqrt{3} \text{ if } \sqrt{3} = \sqrt{3} \text{ if } \sqrt{3} = \sqrt{3} = \sqrt{3} \text{ if } \sqrt{3} = \sqrt{3}$

 $\frac{1}{\sqrt{6-y^2}} < \frac{1}{\sqrt{3}}$ ب) لدينا $\sqrt{6-y^2} > \sqrt{3}$ يعني $\sqrt{6-y^2} > \sqrt{3}$ يعني $\sqrt{6-y^2} < \sqrt{3}$ يدينا $\sqrt{6-y^2} < \sqrt{3}$

 $\sqrt{\frac{x^2}{2} + 1} < \sqrt{2}$ يوندا $\frac{x^2}{2} + 1 < 2$ يوندي $\frac{x^2}{2} + 1 < 2$

5-الترتيب والمقارنة في مجموعة الأعداد الحقيقية

 $\frac{23}{24} < \frac{24}{25} : \frac{21}{22} < \frac{22}{23} : \frac{19}{20} < \frac{20}{21} : \dots : \frac{7}{8} < \frac{8}{9} : \frac{5}{6} < \frac{6}{7} : \frac{3}{4} < \frac{4}{5} : \frac{1}{2} < \frac{2}{3}$ $A < B \text{ with } \frac{1}{2} \times \frac{3}{4} \times \frac{5}{7} \times \frac{19}{8} \times \dots \times \frac{20}{20} \times \frac{21}{22} \times \frac{3}{3} \times \frac{5}{7} \times \frac{7}{3} \times \dots \times \frac{20}{21} \times \frac{21}{23} \times \frac{24}{25} \times \frac{6}{3} \times \frac{8}{3} \times \frac{20}{21} \times \frac{21}{23} \times \frac{24}{25} \times \frac{6}{3} \times \frac{8}{3} \times \frac{20}{21} \times \frac{21}{23} \times \frac{24}{25} \times \frac{6}{3} \times \frac{8}{3} \times \frac{20}{21} \times \frac{21}{23} \times \frac{21}{25} \times \frac{21}$ $A^2 < AB$ يعني A < B يعني $A > \frac{\sqrt{2}}{10}$ باذن $A > \frac{\sqrt{2}}{10} = \frac{\sqrt{2}}{5\sqrt{2}}$ يعني $A > \frac{5}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{10}$ يعني $A > \frac{5}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$ يعني $A > \frac{5}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$

يعني $\sqrt{AB} < \sqrt{AB}$ يعني $\sqrt{AB} < \sqrt{\frac{1}{5}}$ يعني $\sqrt{AB} < \sqrt{\frac{1}{25}}$ يعني $\sqrt{AB} < \sqrt{AB}$ يعني $\sqrt{AB} < \sqrt{AB}$ يعني $\sqrt{AB} < \sqrt{AB}$ يعني $\sqrt{AB} < \sqrt{AB}$

 $\frac{\sqrt{2}}{10}$ < A < $\frac{1}{5}$ < B < 1 مالي على 13 < (4) + (3) + (2) + (1) + (1) + (1) + (1) + (1) + (1) + (1) + (2) + (1) + (2) + (3) + (4) + (1) +

. (4) B < 1 ونعلم أن $B > \frac{1}{5}$

 $\begin{array}{c} |3| \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a(a-1)} = \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a(a-1)} = \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a(a-1)} = \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a(a-1)} = \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a(a-1)} = \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a(a-1)} = \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a-1} \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}{a} \quad |1| \\ \frac{1}{a^2} < \frac{1}$

 $B > \sqrt{\frac{1}{25}}$

 $\frac{1}{a-1} \cdot \frac{1}{a} = \frac{a-(a-1)}{a(a-1)} = \frac{a-a+1}{a(a-1)} = \frac{1}{a(a-1)} (1)$ $\frac{1}{a^2} < \frac{1}{a(a-1)} \times \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times \frac{1}{a-1} > \frac{1}{a} \times$

 $0.03 < \frac{1}{100} + \frac{1}{101} + \frac{1}{102} + \frac{1}{103} < \frac{4}{100} = 0.04$ فإن

 $\frac{4}{n+3} \cdot \frac{1}{n} \cdot \frac{1}{n+1} \cdot \frac{1}{n+2} \cdot \frac{1}{n+1} \cdot \frac{1}{n+2} \cdot \frac{1}{n+3} \cdot \frac{1}{n+1} \cdot \frac{1}{n+2} \cdot \frac{1}{n+3} \cdot \frac{1}{$

 $\underbrace{\epsilon^{\text{tri}}}_{n+3} + \frac{1}{n+3} + \frac{1}{n+3} + \frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} + \frac{1}{n+3} + \frac{1}{n+3} + \frac{1}{n+3} + \frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} + \frac{1}{n+3} + \frac{1}{n$

5-الترتيب والمفاريّة في مجموعة الأعداد الحقيقيّة

 $\frac{n}{n+1} - \frac{n+1}{n+2} = \frac{n(n+2)}{(n+1)(n+2)} - \frac{(n+1)(n+1)}{(n+1)(n+2)} = \frac{n(n+2) - (n+1)(n+1)}{(n+1)(n+2)} = \frac{n^2 + 2n - n^2 - 2n - 1}{(n+1)(n+2)} = \frac{-1}{(n+1)(n+2)} < 0$

انن n+1 < n+2 انن

 $\frac{\sqrt{2}+\sqrt{3}}{\sqrt{2}-\sqrt{3}} = \frac{\left(\sqrt{2}+\sqrt{3}\right)\left(\sqrt{2}+\sqrt{3}\right)}{\left(\sqrt{2}-\sqrt{3}\right)\left(\sqrt{2}+\sqrt{3}\right)} = \frac{\left(\sqrt{2}\right)^2+2\sqrt{6}+\left(\sqrt{3}\right)^2}{\left(\sqrt{2}\right)^2-\left(\sqrt{3}\right)^2} = \frac{2+2\sqrt{6}+3}{2-3} = \frac{5+2\sqrt{6}}{-1} = -\left(5+2\sqrt{6}\right)$

 $\left[2-\sqrt{2}+\sqrt{3}\right]2+\sqrt{2}-\sqrt{3}\right] = \left[2-\left(\sqrt{2}-\sqrt{3}\right)\right]\left[2+\left(\sqrt{2}-\sqrt{3}\right)\right] = 2^2-\left(\sqrt{2}-\sqrt{3}\right)^2 = 4-\left(\left(\sqrt{2}\right)^2-2\sqrt{2}\times\sqrt{3}+\left(\sqrt{3}\right)^2\right) = 4-2+2\sqrt{6}-3 = -1+2\sqrt{6}$

* $(x+1)(x-1)=x^2-1$, * $(x-1)^2=x^2-2x+1$, * $(x+1)^2=x^2+2x+1$ (1) in Eq. (2)

* $101^2 = (100+1)^2 = 100^2 + 2 \times 100 + 1 = 10000 + 200 + 1 = 10201$ (2)

* $101 \times 99 = (100 + 1)(100 - 1) = 100^2 - 1 = 9999$

 \boxtimes a = b²-1 (2 , \boxtimes (x+y)(x-y) = x²-y² (1 : 2.1) \triangle (2) in Eq. (3.1)

 $\left[1 - \left(\sqrt{2} + \sqrt{3}\right)\right]\left[1 + \left(\sqrt{2} + \sqrt{3}\right)\right] = 1^{2} - \left(\sqrt{2} + \sqrt{3}\right)^{2} = 1 - \left(\left(\sqrt{2}\right)^{2} + 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + \left(\sqrt{3}\right)^{2}\right) = 1 - \left(2 + 2\sqrt{6} + 3\right) = 1 - 2 - 2\sqrt{6} - 3 = -4 - 2\sqrt{6}$ $\left[\sqrt{2} - \left(\sqrt{3} - \sqrt{5}\right)\right]\left[\sqrt{2} + \left(\sqrt{3} - \sqrt{5}\right)\right] = \left(\sqrt{2}\right)^{2} - \left(\sqrt{3} - \sqrt{5}\right)^{2} = 2 - \left(\left(\sqrt{3}\right)^{2} - 2\sqrt{3} \times \sqrt{5} + \left(\sqrt{5}\right)^{2}\right) = 2 - 3 + 2\sqrt{15} - 5 = -6 + 2\sqrt{15}$

 $\left(3+2\sqrt{2}\right)^2 = 3^2 + 2\times 3\times 2\sqrt{2} + \left(2\sqrt{2}\right)^2 = 9 + 12\sqrt{2} + 4\times 2 = 9 + 12\sqrt{2} + 8 = 17 + 12\sqrt{2}$ $(2\sqrt{3}-3)^2 = (2\sqrt{3})^2 - 2\times 2\sqrt{3}\times 3 + 3^2 = 4\times 3 - 12\sqrt{3} + 9 = 12 - 12\sqrt{3} + 9 = 21 - 12\sqrt{3}$

 $\left(1-\sqrt{3}\right)^{2} = 1-2\sqrt{3}+\left(\sqrt{3}\right)^{2} = 1-2\sqrt{3}+3 = 4-2\sqrt{3}\cdot\left(\sqrt{2}+1\right)^{2} = \left(\sqrt{2}\right)^{2}+2\sqrt{2}+1 = 2+2\sqrt{2}+1 = 3+2\sqrt{2}+1 =$

 $F = (x+1)^2 - 2y(x+1) + y^2 - x + y - 1 = \left[(x+1)^2 - 2y(x+1) + y^2 \right] - (x+1-y) = \left((x+1) - y \right)^2 - (x+1-y) = (x+1-y)^2 -$ $B = x^2 - \frac{1}{4} + \left(x + \frac{1}{3}\right)\left(x - \frac{1}{2}\right) = \left(x - \frac{1}{2}\right)\left(x + \frac{1}{2}\right) + \left(x + \frac{1}{3}\right)\left(x - \frac{1}{2}\right) = \left(x - \frac{1}{2}\right)\left[\left(x + \frac{1}{2}\right) + \left(x + \frac{1}{3}\right)\right] = \left(x - \frac{1}{2}\right)\left[2x + \frac{5}{6}\right] + \left(x + \frac{1}{3}\right)\left[2x + \frac{5}{6}\right] +$

= (x+1-y)((x+1-y)-1) = (x+1-y)(x+1-y-1) = (x+1-y)(x-y)

 $B = 2\left(a^{2} - b^{2}\right) - a^{2} + 2ab - b^{2} = 2\left(a - b\right)\left(a + b\right) - \left(a^{2} - 2ab + b^{2}\right) = 2\left(a - b\right)\left(a + b\right) - \left(a - b\right)^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} - \left(\sqrt{2}\right)^{2} = 2\sqrt{6} - 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + 2ab + b^{2} = 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2ab + 2a$

 $\left(x-\sqrt{2}+\sqrt{3}\right)\left(x+\sqrt{2}+\sqrt{3}\right)=\left(x-\left(\sqrt{2}-\sqrt{3}\right)\right)\left(x+\left(\sqrt{2}-\sqrt{3}\right)\right)=x^{2}-\left(\sqrt{2}-\sqrt{3}\right)^{2}=x^{2}-\left(\left(\sqrt{2}\right)^{2}-2\sqrt{2}\times\sqrt{3}+\left(\sqrt{3}\right)^{2}\right)=x^{2}-2+2\sqrt{6}-3=x^{2}+2\sqrt{6}-5=x^{2}+2\sqrt{6}-3=x^{2}+2\sqrt{6}$ $(x^3-1)(x^3+1) = (x^3)^2-1 = x^6-1 \quad (x^2+2)^2 = (x^2)^2+4x^2+4 = x^4+4x^2+4 \quad (\frac{1}{2}x-1) = \frac{1}{4}x^2-x+1$

 $\big(\sqrt{3}-\sqrt{2}\big)\big(2x-\sqrt{5}\big)\big(\sqrt{3}+\sqrt{2}\big)\big(2x+\sqrt{5}\big) = \left[\big(\sqrt{3}-\sqrt{2}\big)\big(\sqrt{3}+\sqrt{2}\big)\right]\!\left[\big(2x-\sqrt{5}\big)(2x+\sqrt{5}\big)\right]$

 $= \left[\left(\sqrt{3} \right)^2 - \left(\sqrt{2} \right)^2 \right] \left[\left(2x \right)^2 - \left(\sqrt{5} \right)^2 \right]$ $= (3-2)(4x^2-5) = 4x^2-5$

 $\cdot \left(\sqrt{7}-x\right)^{2} = 7 - 2\sqrt{7}x + x^{2} \cdot \left(x + \sqrt{5}\right)^{2} = x^{2} + 2\sqrt{5}x + 5 \cdot \left(2x - \sqrt{2}\right)\left(2x + \sqrt{2}\right) = (2x)^{2} - \left(\sqrt{2}\right)^{2} = 4x^{2} - 2x^{2} + 2$

 $= \left(a - b - \sqrt{3} - \sqrt{2}\right)\left(a + b - \sqrt{3} + \sqrt{2}\right) + \sqrt{3}\left(b - a\right) = \left(\sqrt{2} - \sqrt{3} - \sqrt{2}\right)\left(\sqrt{3} - \sqrt{3} + \sqrt{2}\right) - \sqrt{3} \times \sqrt{2}$

 $A = (x + y)^2 - 2xy = x^2 + 2xy + y^2 - 2xy = x^2 + y^2$ (1 2.40) $= \left(-\sqrt{2}+1\right)\left(\sqrt{3}-1\right)-\sqrt{3}+1 = -\sqrt{6}+\sqrt{2}+\sqrt{3}-1-\sqrt{3}+1 = -\sqrt{6}+\sqrt{2}$ $A = B = x^2 + y^2$ i. $B = (x - y)^2 + 2xy = x^2 - 2xy + y^2 + 2xy = x^2 + y$

 $(x+1)^{2} + 2(x+1) + 1 = [(x+1)+1]^{2} = (x+2)^{2} \quad , \quad 5x^{2} - 3 = (\sqrt{5}x)^{2} - (\sqrt{3})^{2} = (\sqrt{5}x - \sqrt{3})(\sqrt{5}x + \sqrt{3})$ $x^{4} + 2x^{2} + 1 = (x^{2} + 1)^{2} \cdot \frac{1}{4}x^{2} - x + 1 = \left(\frac{1}{2}x - 1\right)^{2} \cdot x^{2} - 2\sqrt{3}x + 3 = \left(x - \sqrt{3}\right)^{2} \cdot 9x^{2} - 12x + 4 = \left(3x - 2\right)^{2}$ $x^2-4x+4=(x-2)^2$, $x^2+6x+9=(x+3)^2$, $x^2-9=(x+3)(x-3)$, $x^2-1=(x+1)(x-1)$ $4x^2 + 12x + 9 = (2x + 3)^2$, $4x^2 - 25 = (2x)^2 - 5^2 = (2x - 5)(2x + 5)$, $x^2 + 2x + 1 = (x + 1)^2$

Collection Pilote

 $A = 4x^2 - 4x + 1 + (3x + 1)(2x - 1) = (2x - 1)^2 + (3x + 1)(2x - 1) = (2x - 1)[(2x - 1) + (3x + 1)] = (2x - 1)(2x - 1 + 3x + 1) = (2x - 1)5x$ $\frac{3}{\sqrt{3}-1} = \frac{3\times \left(\sqrt{3}+1\right)}{\left(\sqrt{3}-1\right)\left(\sqrt{3}+1\right)} = \frac{3\sqrt{3}+3}{\left(\sqrt{3}\right)^2-1} = \frac{3\sqrt{3}+3}{3-1} = \frac{3\sqrt{3}+3}{2} \quad , \quad \frac{5}{\sqrt{3}} = \frac{5\times\sqrt{3}}{\sqrt{3}\times\sqrt{3}} = \frac{5\sqrt{3}}{3} $A = a^{2} + 2ab + b^{2} - \sqrt{3}a - \sqrt{3}b = (a + b)^{2} - \sqrt{3}(a + b) = (\sqrt{3})^{2} - \sqrt{3} \times \sqrt{3} = 3 - 3 = 0$ $= -\sqrt{3} \times \sqrt{2} - \sqrt{6} = -\sqrt{6} - \sqrt{6} = -2\sqrt{6}$ $D = b^2 - (a - 1)^2 - \sqrt{3} + 1 = (b - (a - 1))(b + (a - 1)) - \sqrt{3} + 1 = (b - a + 1)(b + a - 1) - \sqrt{3} + 1$ $\frac{1}{2-\sqrt{5}} = \frac{2+\sqrt{5}}{\left(2+\sqrt{5}\right)\left(2-\sqrt{5}\right)} = \frac{2+\sqrt{5}}{2^2-\left(\sqrt{5}\right)^2} = \frac{2+\sqrt{5}}{4-5} = -2-\sqrt{5} \quad , \quad \frac{1}{\sqrt{2}+1} = \sqrt{2}-1$ $\frac{\sqrt{2}}{2\sqrt{5} + \sqrt{3}} = \frac{\sqrt{2}(2\sqrt{5} - \sqrt{3})}{(2\sqrt{5} + \sqrt{3})(2\sqrt{5} - \sqrt{3})} = \frac{2\sqrt{10} - \sqrt{6}}{(2\sqrt{5})^2 - (\sqrt{3})^2} = \frac{2\sqrt{10} - \sqrt{6}}{20 - 3} = \frac{2\sqrt{10} - \sqrt{6}}{17}$ $=(a-\sqrt{3}-b-\sqrt{2})(a-\sqrt{3}+b+\sqrt{2})+\sqrt{3}(b-a)$

 $\left(a+b\right)^{2}=a^{2}+2ab+b^{2}=\left(3-2\sqrt{2}\right)+2\times1+\left(3+2\sqrt{2}\right)=3-2\sqrt{2}+2+3+2\sqrt{2}=8 \hspace{0.1cm} (3+2)+3+2\sqrt{2}=8 \hspace{0.1cm} (3+2)+3+2$

 $ab = \sqrt{3} - 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} + 2\sqrt{2} = \sqrt{\left(3 - 2\sqrt{2}\right)\left(3 + 2\sqrt{2}\right)} = \sqrt{3^2 - \left(2\sqrt{2}\right)^2} = \sqrt{9 - 8} = \sqrt{1} = 1$

 $b^2 = \left(\sqrt{3 + 2\sqrt{2}}\right)^2 = 3 + 2\sqrt{2}$, $a^2 = \left(\sqrt{3 - 2\sqrt{2}}\right)^2 = 3 - 2\sqrt{2}$ (1) نمرین عــ51 بد:

 $(4.01) \sqrt{5-\sqrt{3}} \ge \sqrt{7-2\sqrt{3}} - \sqrt{2-\sqrt{3}}$

 $\left(\frac{5\sqrt{2}+2\sqrt{5}}{2}\right)^2 - \left(\frac{5\sqrt{2}-2\sqrt{5}}{2}\right)^2 = 5\sqrt{2}\times2\sqrt{5} = (5\times2)\times\left(\sqrt{2}\times\sqrt{5}\right) = 10\sqrt{10}$ (1) اعتمادا على السؤال (1) لدينا: (2)

 $\left(\frac{3^{-39}+3^{39}}{2}\right)^2 - \left(\frac{3^{-39}+3^{39}}{2}\right)^2 = 3^{-39} \times 3^{39} = 3^{-39+39} = 3^0 = 1$

 $xy = \sqrt{2\sqrt{5} + \sqrt{19}} \times \sqrt{2\sqrt{5} - \sqrt{19}} = \sqrt{\left(2\sqrt{5} + \sqrt{19}\right)\left(2\sqrt{5} - \sqrt{19}\right)} = \sqrt{\left(2\sqrt{5}\right)^2 - \left(\sqrt{19}\right)^2} = \sqrt{20 - 19} = \sqrt{1} = 1 \quad (1)$

 $(x+y)^2 = (\sqrt{2\sqrt{5}+\sqrt{19}}+\sqrt{2\sqrt{5}-\sqrt{19}})$

 $= \sqrt{2\sqrt{5} + \sqrt{19}} + 2\sqrt{2\sqrt{5} + \sqrt{9}} \times \sqrt{2\sqrt{5} - \sqrt{19}} + \sqrt{2\sqrt{5} - \sqrt{19}}^{2}$ $= 2\sqrt{5} + \sqrt{19} + 2 \times 1 + 2\sqrt{5} - \sqrt{19} = (2\sqrt{5} + 2\sqrt{5}) + (\sqrt{19} - \sqrt{19}) + 2 = 4\sqrt{5} + 2$

 $(x-y)^2 = \left(\sqrt{2\sqrt{5}+\sqrt{19}} - \sqrt{2\sqrt{5}-\sqrt{19}}\right)^2 = \sqrt{2\sqrt{5}+\sqrt{19}}^2 - 2\sqrt{2\sqrt{5}+\sqrt{9}} \times \sqrt{2\sqrt{5}-\sqrt{19}} + \sqrt{2\sqrt{5}-\sqrt{19}}$ $2\sqrt{5} + \sqrt{19} - 2 \times 1 + 2\sqrt{5} - \sqrt{19} = 4\sqrt{5} - 2$

 $(c = \sqrt{3} + 2 - \sqrt{3} - 2 - (\sqrt{3} + 2)(2 + \sqrt{3}) - (\sqrt{3} - 2)(\sqrt{3} - 2) = (\sqrt{3}^2 + 4\sqrt{3} + 4) - (\sqrt{3}^2 - 4\sqrt{3} + 4) = (3 + 4\sqrt{3} + 4) - (3 - 4\sqrt{3} + 4) = -8\sqrt{3}$

 $b = \frac{1}{\sqrt{3} - 2} - \frac{1}{\sqrt{3} + 2} = \frac{\left(\sqrt{3} + 2\right) - \left(\sqrt{3} - 2\right)}{\left(\sqrt{3} + 2\right)\left(\sqrt{3} - 2\right)} = \frac{\sqrt{3} + 2 - \sqrt{3} + 2}{\left(\sqrt{3}\right)^2 - 2^2} = \frac{4}{3 - 4} = -4$

 $d = \frac{\sqrt{3} + 2}{\sqrt{3} - 2} = \frac{1 - \sqrt{2}}{\sqrt{3} + 2} \times \frac{1 + \sqrt{2}}{\sqrt{3} - 2} = \frac{(1 - \sqrt{2})(1 + \sqrt{2})}{(\sqrt{3} - 2)} = \frac{1 - \sqrt{2}^2}{\sqrt{3}^2 - 2^2} = \frac{1 - 2}{3 - 4} = 1$

 $(\sqrt{3}-2)(2+\sqrt{3})$

 $\frac{x+y}{x-y} = \frac{(x+y)(x-y)}{(x-y)(x-y)} = \frac{x^2-y^2}{(x-y)^2} = \frac{\sqrt{2\sqrt{5}+\sqrt{9}^2} - \sqrt{2\sqrt{5}-\sqrt{19}}}{4\sqrt{5}-2} = \frac{(2\sqrt{5}+\sqrt{19}) - (2\sqrt{5}-\sqrt{19})}{4\sqrt{5}-2}$ (2

 $=\frac{2\sqrt{5}+\sqrt{19}-2\sqrt{5}+\sqrt{19}}{4\sqrt{5}-2}=\frac{2\sqrt{19}}{4\sqrt{5}-2}=\frac{\sqrt{19}}{2\sqrt{5}-1}$

 $e = \frac{\sqrt{2}\left(\frac{\sqrt{5} - 2\sqrt{7}}{2}\right)}{\sqrt{2}\left(\frac{3\sqrt{2} + \sqrt{5}}{2\sqrt{7}}\right)} = \left(\frac{\sqrt{2}}{2} \times \sqrt{2}\right) \times \frac{\sqrt{5} - 2\sqrt{7}}{2 - 3\sqrt{2}} \times \frac{2\sqrt{7} + \sqrt{5}}{3\sqrt{2} + 2} = \frac{2}{2} \times \frac{\left(\sqrt{5} - 2\sqrt{7}\right)\left(2\sqrt{7} + \sqrt{5}\right)}{\left(2 - 3\sqrt{2}\right)\left(3\sqrt{2} + 2\right)} = \frac{\left(\sqrt{5}\right)^2 - \left(2\sqrt{7}\right)^2}{2^2 - \left(3\sqrt{2}\right)^2} = \frac{5 - 28}{4 - 18} = \frac{23}{14}

تعريسن عــ14ــند: 1) لدينا 0≤a، 0≤d و ط≥a لذا 0≤aك، 0≤bك و (طك≥aك يعني 0≤aك-طک) ابدن:

 $B^{2} - A^{2} = \left(\sqrt{b - a}\right)^{2} - \left(\sqrt{b} - \sqrt{a}\right)^{2} = (b - a) - \left(\sqrt{b}^{2} - 2\sqrt{ab} + \sqrt{a}^{2}\right) = (b - a) - \left(b - 2\sqrt{ab} + a\right) (3)$ $2A\sqrt{a} = 2\left(\sqrt{b} - \sqrt{a}\right)\sqrt{a} = 2\left(\sqrt{b} \times \sqrt{a} - \sqrt{a} \times \sqrt{a}\right) = 2\left(\sqrt{ab} - a\right) (2)$

2) لدينا a ≥ √b -√a ≥ 0 لذا a ≥ 12A√a كابن 2 ≥ 2A√a و يعني A ≥ 2 وبعا أن A ≥ 0 و 2 قان $= b - a - b + 2\sqrt{ab} - a = -2a + 2\sqrt{ab} = 2(\sqrt{ab} - a) = 2A\sqrt{ab}$

 $B \ge A$ فان $b - a = (7 - 2\sqrt{3}) - (2 - \sqrt{3}) = 5 - \sqrt{3}$ فان $a = 2 - \sqrt{3}$ فان $b - a = 2 - \sqrt{3}$ فان $b - a = 2 - \sqrt{3}$ فان $a = 2 - \sqrt{3}$

 $14 - 4\sqrt{10} = 10 + 4 - 2 \times 2\sqrt{10} = \left(\sqrt{10} - 2\right)^2 \quad ,$ $27 - 10\sqrt{2} = 25 + 2 - 2 \times 5\sqrt{2} = (5 - \sqrt{2})^{2} \quad ,$ $14 + 4\sqrt{10} = 10 + 4 + 2 \times 2\sqrt{10} = (\sqrt{10} + 2)^{2}$ $27 + 10\sqrt{2} = 25 + 2 + 2 \times 5\sqrt{2} = (5 + \sqrt{2})$

 $11-6\sqrt{2}=9+2-2\times3\sqrt{2}=(3-\sqrt{2})^{2}$,

 $12 + 2\sqrt{35} = 7 + 5 + 2\sqrt{5} \times \sqrt{7} = (\sqrt{7} + \sqrt{5})$

 $5 - 2\sqrt{6} = 2 - 2\sqrt{3}\sqrt{2} + 3 = \left(\sqrt{2} - \sqrt{3}\right)^2, 5 + 2\sqrt{6} = 2 + 3 + 2\sqrt{3} \times \sqrt{2} = \left(\sqrt{3} + \sqrt{2}\right)^3 \left(1 + \sqrt{3}\right)^3 = \left(\sqrt{3} + \sqrt{3}\right)^3 = \left(\sqrt$

 $\sqrt{27 + 10\sqrt{2}} + \sqrt{27 - 10\sqrt{2}} = \sqrt{\left(5 + \sqrt{2}\right)^2} + \sqrt{\left(5 - \sqrt{2}\right)^2} = \left|5 + \sqrt{2}\right| + \left|5 - \sqrt{2}\right| = \left(5 + \sqrt{2}\right) + \left(5 - \sqrt{2}\right) = 10 \quad (2)$

 $.\sqrt{14-4\sqrt{10}}+\sqrt{14+4\sqrt{10}}=\sqrt{\left(\sqrt{10}-2\right)^2}+\sqrt{\left(\sqrt{10}+2\right)^2}=\left|\sqrt{10}-2\right|+\left|\sqrt{10}+2\right|=\left(\sqrt{10}-2\right)+\left(\sqrt{10}+2\right)=2\sqrt{10}$

 $E = \left(\frac{a+b}{2}\right)^{-} - \left(\frac{a-b}{2}\right)^{-} = \left[\left(\frac{a+b}{2}\right) - \left(\frac{a-b}{2}\right)\right] \left[\left(\frac{a+b}{2}\right) + \left(\frac{a-b}{2}\right)\right]$ (1)

 $= \left[\frac{(a+b)-(a-b)}{2}\right] \left[\frac{(a+b)+(a-b)}{2}\right] = \left(\frac{a+b-a+b}{2}\right) \left(\frac{a+b+a-b}{2}\right) = \frac{2b}{2} \times \frac{2a}{2} = b \times a = ab$

 $(\sqrt{3} + \sqrt{2})^2 - 2\sqrt{6} = (\sqrt{3} + \sqrt{2})^2 - 2\sqrt{3} \times \sqrt{2} = \sqrt{3}^2 + \sqrt{2}^2 = 3 + 2 = 5$ (2) $(\sqrt{3} - \sqrt{5})^2 + 2\sqrt{15} = (\sqrt{3} - \sqrt{5})^2 + 2\sqrt{5} \times \sqrt{3} = \sqrt{5}^2 + \sqrt{3}^2 = 5 + 3 = 8$

 $\mathbf{a} = \frac{1}{\sqrt{2} + 1} + \frac{1}{\sqrt{2} - 1} = \frac{\sqrt{2} - 1}{\left(\sqrt{2} + 1\right)\left(\sqrt{2} - 1\right)} + \frac{\sqrt{2} + 1}{\left(\sqrt{2} + 1\right)\left(\sqrt{2} - 1\right)} = \frac{\sqrt{2} - 1 + \sqrt{2} + 1}{\left(\sqrt{2}\right)^2 - 1} = \frac{2\sqrt{2}}{2 - 1} = 2\sqrt{2} = 2\sqrt{2}$

 $\frac{1}{\sqrt{a}} + \frac{1}{\sqrt{b}} = \sqrt{2 + \frac{1}{a} + \frac{1}{b}} \quad \text{if } \frac{\sqrt{b}}{b} = \frac{1}{\sqrt{b}} \quad \text{o} \quad \frac{\sqrt{a}}{a} = \frac{1}{\sqrt{a}} \quad \text{o} \quad$ $\left| \frac{\sqrt{a} + \sqrt{b}}{a + b} \right| = \sqrt{2 + \frac{1}{a} + \frac{1}{b}} \sqrt{\frac{\sqrt{a} + \sqrt{b}}{a + \frac{1}{b}}} \sqrt{\frac{\sqrt{a} + \sqrt{b}}{a + \frac{1}{b}}} \right|^2 = \sqrt{2 + \frac{1}{a} + \frac{1}{b}} \sqrt{\frac{1}{a} + \frac{\sqrt{b}}{a}} = 2 + \frac{1}{a} + \frac{1}{b} \sqrt{\frac{a}{a} + \frac{1}{b}} \sqrt{\frac{a}{a} + \frac{1}{b}} \sqrt{\frac{a}{a} + \frac{1}{b}} \sqrt{\frac{a}{a} + \frac{1}{b}}} \sqrt{\frac{a}{a} + \frac{1}{b}} \sqrt{\frac{a}{a} + \frac{1}{b}} \sqrt{\frac{a}{a} + \frac{1}{b}}} \sqrt{\frac{a}{a} + \frac{1}{b}} \sqrt{\frac{a}{a} + \frac{1}{b}}} \sqrt{\frac{a}{a} +$

 $\frac{1}{\sqrt{5+2\sqrt{6}}} + \frac{1}{\sqrt{5-2\sqrt{6}}} = \sqrt{2+\frac{1}{5+2\sqrt{6}}} + \frac{1}{5-2\sqrt{6}} = \sqrt{2+\frac{5-2\sqrt{6}}{(5+2\sqrt{6})(5-2\sqrt{6})}} + \frac{5+2\sqrt{6}}{(5-2\sqrt{6})(5+2\sqrt{6})} = \sqrt{2+\frac{10}{25-24}} = \sqrt{12}$ يالاعتماد على السؤال (2) نعتبر $a=5+2\sqrt{6}$ و $b=5-2\sqrt{2}$ بالاعتماد على السؤال (2) نعتبر $a=5+2\sqrt{6}$ و $\sqrt{5-2\sqrt{2}}$

 $a = \sqrt{54} - \sqrt{24} - \frac{1}{2}\sqrt{20} = \sqrt{9 \times 6} - \sqrt{6 \times 4} - \frac{1}{2}\sqrt{5 \times 4} = \sqrt{9} \times \sqrt{6} - \sqrt{6} \times \sqrt{4} - \frac{1}{2}\sqrt{4} \times \sqrt{5} = 3\sqrt{6} - 2\sqrt{6} - \frac{1}{2} \times 2\sqrt{5} = \sqrt{6} - \sqrt{5}$ $b = \sqrt{600} - \sqrt{486} + \sqrt{5} = \sqrt{100 \times 6} - \sqrt{81 \times 6} + \sqrt{5} = \sqrt{100} \times \sqrt{6} - \sqrt{81} \times \sqrt{6} + \sqrt{5} = 10\sqrt{6} - 9\sqrt{6} + \sqrt{5} = 6 - 5 = 1$ $b = \sqrt{600} - \sqrt{486} + \sqrt{5} = \sqrt{100 \times 6} - \sqrt{81 \times 6} + \sqrt{5} = \sqrt{6} - \sqrt{5} + \sqrt{5} = \sqrt{6} + \sqrt{5} = 6 - 5 = 1$ $b = \sqrt{600} - \sqrt{486} + \sqrt{5} = \sqrt{100 \times 6} - \sqrt{81 \times 6} + \sqrt{5} = \sqrt{6} + \sqrt{5} = \sqrt{6} + \sqrt{5} = 6 - 5 = 1$ $b = \sqrt{600} - \sqrt{486} + \sqrt{5} = \sqrt{100 \times 6} - \sqrt{81 \times 6} + \sqrt{5} = \sqrt{6} + \sqrt{6} + \sqrt{6} = \sqrt{6} = \sqrt{6} + \sqrt{6} = \sqrt{6} = \sqrt{6} + \sqrt{6} = \sqrt{6} = \sqrt{6} + \sqrt{6} = \sqrt{6} + \sqrt{6} = \sqrt{6} = \sqrt{6} + \sqrt{6} = \sqrt{6} + \sqrt{6} =$

 $a^{2} = (\sqrt{6} - \sqrt{5})^{2} = \sqrt{6^{2}} - 2\sqrt{6}\sqrt{5} + \sqrt{5^{2}} = 6 + 5 - 2\sqrt{30} = 11 - 2\sqrt{30}$ (3)

 $b^2 = \left(\sqrt{6} + \sqrt{5}\right)^2 = \sqrt{6}^2 + 2\sqrt{6}\sqrt{5} + \sqrt{5}^2 = 6 + 5 + 2\sqrt{30} = 11 + 2\sqrt{30}$

 $\frac{b}{a} = \frac{a^2}{ab} - \frac{b^2}{ab} = \frac{a^2 - b^2}{ab} = \frac{\left(11 - 2\sqrt{30}\right) - \left(11 + 2\sqrt{30}\right)}{1} = 11 - 2\sqrt{30} - 11 - 2\sqrt{30} = -4\sqrt{30}$ (4)

 $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{b}{ab} + \frac{a}{ab} = \frac{b+a}{ab} = \frac{(\sqrt{6} + \sqrt{5}) + (\sqrt{6} - \sqrt{5})}{1} = \sqrt{6} + \sqrt{5} + \sqrt{6} - \sqrt{5} = 2\sqrt{6}$

 $a = \sqrt{125} - \sqrt{20} - 1 = \sqrt{25 \times 5} - \sqrt{4 \times 5} - 1 = \sqrt{25} \times \sqrt{5} - \sqrt{4} \times \sqrt{5} - 1 = 5\sqrt{5} - 2\sqrt{5} - 1 = 3\sqrt{5} - 1$ (1) لبنا $1 < 5\sqrt{5}$ لذا $3\sqrt{5} - 1 > 0$ لذا $3\sqrt{5} - 1 > 0$ لدنا $1 < 5\sqrt{5}$

 $(b-a)^2 = \left[\left(6 + 4\sqrt{5} \right) - \left(3\sqrt{5} - 1 \right) \right]^2 = \left(6 + 4\sqrt{5} - 3\sqrt{5} + 1 \right)^2 = \left(7 + \sqrt{5} \right)^2 = 7^2 + 2 \times 7\sqrt{5} + \sqrt{5}^2 = 49 + 5 + 14\sqrt{5} = 54 + 14\sqrt{5} \right)^2 = 7^2 + 2 \times 7\sqrt{5} + \sqrt{5}^2 = 49 + 5 + 14\sqrt{5} = 54 + 14\sqrt{5} = 14 sqrt{5} = 14 + 14\sqrt{5} =$ $ab = \left(3\sqrt{5} - 1\right)\left(6 + 4\sqrt{5}\right) = 6\times3\sqrt{5} + 3\sqrt{5}\times4\sqrt{5} - 6 - 4\sqrt{5} = 18\sqrt{5} + 12\times5 - 6 - 4\sqrt{5} = 18\sqrt{5} - 4\sqrt{5} + 60 - 6 = 14\sqrt{5} + 54\left(\frac{1}{2}\right) + \frac{1}{2}\left(\frac{1}{2}\right) + \frac{1}{$

 $\frac{1}{a} - \frac{1}{b} = \frac{1}{b-a} = \frac{1}{ab} = \frac{b-a}{ab} = \frac{b-a}{ab} = \frac{b-a}{(b-a)^2} = \frac{1}{b-a} \text{ (b-a)}^2 = ab \text{ (b-a)}^2 = \frac{1}{a} - \frac{1}{a} = \frac{b-a}{ab} = \frac{b-a}{ab} = \frac{b-a}{ab}$

4) لدينا 8 = (a+b) يعني كا√ = √(a+b) ، يعني كا√2 = |a+b = √2 (لأن 0 ≤ a+b (لأن 0 ≤ a+b) لذا (a+b ≥ 0) لدينا 8 $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2 = (3 - 2\sqrt{2}) - 2 \times 1 + (3 + 2\sqrt{2}) = 3 - 2\sqrt{2} - 2 + 3 + 2\sqrt{2} = 4$

a-b=2 يعني a-b=2، يعني a-b=2، يعني a-b=2، يعني a-b=2، يعني a-b=2، يعني a-b=2(لأن 0 ≤ 6 − 1 أذا 2 − 2√2 − 2 أذا (a − 6 ≥ 0)

 $(a \in IR_+$ لأن $\sqrt{a^2-b} < a$ لان $\sqrt{a^2-b} < a$ لان $\sqrt{a^2-b} < \sqrt{a^2-b} < \sqrt{a^2-b}$ (الأن $\sqrt{a^2-b} < a^2$ لدينا $\sqrt{a^2-b} < a^2$

 $x^{2}+y^{2} = \left(\sqrt{\frac{a+\sqrt{a^{2}-b}}{2}}\right)^{2} + \left(\sqrt{\frac{a-\sqrt{a^{2}-b}}{2}}\right)^{2} = \frac{a+\sqrt{a^{2}-b}}{2} + \frac{a-\sqrt{a^{2}-b}}{2} = \frac{a+\sqrt{a^{2}-b}+a-\sqrt{a^{2}-b}}{2} = \frac{2a}{2} = a$

 $xy = \sqrt{\frac{a + \sqrt{a^2 - b}}{2}} \times \sqrt{\frac{a - \sqrt{a^2 - b}}{2}} = \sqrt{\frac{(a + \sqrt{a^2 - b}) \times (a - \sqrt{a^2 - b})}{4}} = \sqrt{\frac{a^2 - (\sqrt{a^2 - b})^2}{4}} = \sqrt{\frac{a^2 - (a^2 - b)^2}{4}} = \sqrt{\frac{b}{4}} = \sqrt{\frac{b}{$

 $x+y=\sqrt{a+2\frac{\sqrt{b}}{2}}=\sqrt{a+\sqrt{b}}$ فين $x=\sqrt{b}$ ويمان $x+y=\sqrt{a+2\frac{\sqrt{b}}{2}}=x^2+y^2=a$ وبالتالي $x+y=\sqrt{a+2\frac{\sqrt{b}}{2}}=\sqrt{a+2\frac{$

يعني $\frac{\sqrt{b}}{2}$ $|x-y| = \sqrt{x^2 - 2xy + y^2}$ ويما أن $|x-y| = \sqrt{x^2 - 2xy + y^2}$ فإن $|x-y| = \sqrt{x^2 - 2xy + y^2}$ ويما أن $|x-y| = \sqrt{x^2 - 2xy + y^2}$

 $x-y=\sqrt{a-\sqrt{b}}$ evilly $x-y=\sqrt{a-2\frac{\sqrt{b}}{2}}=\sqrt{a-\sqrt{b}}$

(4) b=4 0 a=7 b=4 0 a=7 b=4 a=7 b=4 a=7 a=4 a=4 a=7 a=4 a=4 a=7 a=4

 $A = \left(\frac{\sqrt{a}}{a} + \frac{\sqrt{b}}{b}\right)^2 = \left(\frac{\sqrt{a}}{a}\right)^2 + 2\frac{\sqrt{a}}{a}\frac{\sqrt{b}}{b} + \left(\frac{\sqrt{b}}{b}\right)^2 = \frac{a}{a^2} + 2\frac{\sqrt{ab}}{ab} + \frac{b}{b^2} = \frac{1}{a} + 2\frac{\sqrt{ab}}{ab} + \frac{1}{b} \quad (1 \frac{2x^2}{ab} + \frac{1}{2x^2} + \frac{1}{2$

2) بالاعتماد على السؤال (1): نعتبر $\sqrt{5} = a = \sqrt{5}$ بما أن:

 $\left(\frac{\sqrt{5+2\sqrt{3}}}{2}\right)^{2} - \left(\frac{\sqrt{5-2\sqrt{3}}}{2}\right)^{2} = \sqrt{5} \times 2\sqrt{3} = 2\sqrt{15} : 2\sqrt{\frac{1}{3}} \cdot \frac{1}{4}\left[(a+b)^{2} - (a-b)^{2}\right] = \left(\frac{a+b}{2}\right)^{2} - \left(\frac{a-b}{2}\right)^{2} = ab$

و نعتبر $3\sqrt{5} = a^2 + b^2$ بيا أن $a = b^2 = a^2 + b^2$ هان $a = 3\sqrt{5}$ و نعتبر $a = 3\sqrt{5}$

 $S = \pi (x + y)^{2} - \pi x^{2} = \pi (x^{2} + 2xy + y^{2}) - \pi x^{2} = \pi (x^{2} + 2xy + y^{2} - x^{2}) = \pi (2xy + y^{2}) = \pi y (2x + y)$ تمرين عـ2<u>7-ده:</u> نعتبر S المساحة المشطوبة

 $S = 2x^2 - y^2 = 2(\sqrt{3} + 1)^2 - (\sqrt{3} - 1)^2 = 2(3 + 2\sqrt{3} + 1) - (3 - 2\sqrt{3} + 1) = 2(4 + 2\sqrt{3}) - (4 - 2\sqrt{3}) = 8 + 4\sqrt{3} - 4 + 2\sqrt{3} = (4 + 6\sqrt{3}) \text{cm}^2$

 $S = 2x^{2} - y^{2} = (\sqrt{2}x)^{2} - y^{2} = (\sqrt{2}x - y)(\sqrt{2}x + y) (2x + y)$

تمرين عـ26مد: نعتبر S المساحة المشطوبة

 $S = \left(a - 2b + 3\sqrt{2}\right)\left(a + 2b + 7\sqrt{2}\right) = \left(\sqrt{2} + 1 - 2\left(\sqrt{2} - 1\right) + 3\sqrt{2}\right)\left(\sqrt{2} + 1 + 2\left(\sqrt{2} - 1\right) + 7\sqrt{2}\right) = \left(\sqrt{2} + 1 - 2\sqrt{2} + 2 + 3\sqrt{2}\right)\left(\sqrt{2} + 1 + 2\sqrt{2} - 2 + 7\sqrt{2}\right)$ $= (2\sqrt{2} + 3)(10\sqrt{2} - 1) = 2\sqrt{2} \times 10\sqrt{2} - 2\sqrt{2} + 3\times 10\sqrt{2} - 3 \approx 37 - 2\sqrt{2} + 30\sqrt{2} = (37 + 28\sqrt{2}) \text{ cm}^2$

 $S = (a - 2b + 3\sqrt{2})(a + 2b + 7\sqrt{2}) = (\sqrt{2} - 2\sqrt{2} + 3\sqrt{2})(\sqrt{2} + 2\sqrt{2} + 7\sqrt{2}) = 2\sqrt{2} \times 10\sqrt{2} = 40 \text{ cm}^2$

 $S = (a + 5\sqrt{2})^{2} - 4(b + \sqrt{2})^{2} = (a + 5\sqrt{2})^{2} - [2(b + \sqrt{2})]^{2} = [(a + 5\sqrt{2}) - 2(b + \sqrt{2})][(a + 5\sqrt{2}) + 2(b + \sqrt{2})](2a + 5\sqrt{2}) + 2(b + \sqrt{2})](2a + 5\sqrt{2}) + 2(b + \sqrt{2})$ $= \left(a + 5\sqrt{2} - 2b - 2\sqrt{2}\right)\left(a + 5\sqrt{2} + 2b + 2\sqrt{2}\right) = \left(a - 2b + 3\sqrt{2}\right)\left(a + 2b + 7\sqrt{2}\right)$

 $S = (a + 5\sqrt{2})^2 - 4(b + \sqrt{2})^2$ (1)

 $S = \left(\sqrt{3} + 1\right)\left(\sqrt{3} + 2\sqrt{3} - 1\right) = 3\sqrt{3} \times \sqrt{3} - \sqrt{3} - 1 + 3\sqrt{3} = 9 + 2\sqrt{3} - 1 = 8 + 2\sqrt{3} \text{ is } x = \sqrt{3} \text{ with } x = \sqrt{3} \text{ and } x = \sqrt{3} \text{ otherwise}$

 $S = (x + \sqrt{3})^{2} - (\sqrt{3} - 1)^{2} = [(x + \sqrt{3}) - (\sqrt{3} - 1)][(x + \sqrt{3}) + (\sqrt{3} - 1)] = (x + \sqrt{3} - \sqrt{3} + 1)(x + \sqrt{3} + \sqrt{3} - 1) = (x + 1)(x + 2\sqrt{3} - 1)$ (1)

. $\left(\frac{1+5\sqrt{7}}{\sqrt{2}}\right)^2 + \left(\frac{1-5\sqrt{7}}{\sqrt{2}}\right)^2 = 1^2 + \left(5\sqrt{7}\right)^2 = 1 + 175 = 176$ غفس الطريقة

 $\left(\frac{3\sqrt{5}+\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \left(\frac{3\sqrt{5}-\sqrt{3}}{2}\right)^2 = \left(3\sqrt{5}\right)^2 + \left(\sqrt{3}\right)^2 = 45+3=48$

 $A = x^{2} - \left(29 - 4\sqrt{7}\right) = x^{2} - \left(\sqrt{28} - 1\right)^{2} = \left(x - \left(\sqrt{28} - 1\right)\right)\left(x + \left(\sqrt{28} - 1\right)\right) = \left(x - \sqrt{28} + 1\right)\left(x + \sqrt{28} - 1\right) = \left(x - 2\sqrt{7} + 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\right) = \left(x - 2\sqrt{7} + 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\right) = \left(x - 2\sqrt{7} + 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\right) = \left(x - 2\sqrt{7} + 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\right) = \left(x - 2\sqrt{7} + 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\right) = \left(x - 2\sqrt{7} + 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\right) = \left(x - 2\sqrt{7} + 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\right) = \left(x - 2\sqrt{7} + 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\right) = \left(x - 2\sqrt{7} + 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\right) = \left(x - 2\sqrt{7} + 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\right) = \left(x - 2\sqrt{7} + 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\left(x + 2\sqrt{7} - 1\right)\right)$

 $(\sqrt{28} = \sqrt{4 \times 7} = \sqrt{4} \times \sqrt{7} = 2\sqrt{7})$ 29 – 4 $\sqrt{7} = \sqrt{28}^2 - 2\sqrt{28} + 1 = (\sqrt{28} - 1)^2 (1/1 - 2\sqrt{28} + 1) = (\sqrt{2$

 $\frac{A}{B} = \frac{\left(x + \frac{2}{3}\right)\left(x + \frac{4}{3}\right)}{(3x + 1)\left(x + \frac{4}{3}\right)} = \frac{x + \frac{2}{3}}{3x + 1} (-1)$

 $A = (x+1)^2 - \frac{1}{9} = (x+1)^2 - \left(\frac{1}{3}\right)^2 = \left[(x+1) - \frac{1}{3}\right] \left[(x+1) + \frac{1}{3}\right] = \left(x+1 - \frac{1}{3}\right) \left(x+1 + \frac{1}{3}\right) = \left(x + \frac{2}{3}\right) \left(x + \frac{4}{3}\right) (2x+1)^2 = \left(x+1\right)^2 - \left(x+1\right)^2 B = (3x+1)\left(x+\frac{4}{3}\right) + (3x+1)\left(x+\frac{4}{3}\right) = 3x \times x + \frac{4}{3} \times 3x + x + \frac{4}{3} = 3x^2 + 4x + x + \frac{4}{3} = 3x^2 + 5x + \frac{4}{3} = 3x^2 + 6x + \frac{4}{3} = 3x +$

 $A = (x+1)^2 - \frac{1}{9} \frac{(x+1)^2 - \frac{1}{9}}{(x+1)^2 - \frac{1}{9}} = x^2 + 2x + 1 - \frac{1}{9} = x^2 + 2x + \frac{9}{9} - \frac{1}{9} = x^2 + 2x + \frac{8}{9} = A$ (\Rightarrow $A = (-2)^2 + 2 \times (-2) + \frac{8}{9} = 4 - 4 + \frac{8}{9} = \frac{8}{9}$, x = -2 في حالة x = -2

 $A = 0^2 + 2 \times 0 + \frac{8}{9} = 0 + 0 + \frac{8}{9} = \frac{8}{9}$, x = 0 في حالة (1) أ) في حالة (1)

 $y = \sqrt{3} - 1$ و $x = \sqrt{3} + 1$ في حالة $y = \sqrt{3} + 1$

 $S = (2x)^{2} - \left[4x\frac{x^{2}}{2} + 2x\frac{y^{2}}{2}\right] = 4x^{2} - (2x^{2} + y^{2}) = 4x^{2} - 2x^{2} - y^{2} = 2x^{2} - y^{2}$ (1)

 $b = \sqrt{2} - 1$ و $a = \sqrt{2} + 1$ في حالة $a = \sqrt{2} + 1$

 $E = 1 - a^2 = 1 - (2\sqrt{3})^2 = 1 - 12 = -11$, $a = 2\sqrt{3}$ في حالة $\frac{1}{3}$

 $E = 1 - a^2 = 1 - \left(\sqrt{5} + 1\right)^2 = 1 - \left(\sqrt{5}^2 + 2\sqrt{5} + 1\right) = 1 - \left(6 + 2\sqrt{5}\right) = 1 - 6 - 2\sqrt{5} = -5 - 2\sqrt{5}$, $a = \sqrt{5} + 1$ في حالة $a = 1 - \left(\sqrt{5} + 1\right)^2 = 1 - \left(\sqrt{5}$

 $E = (1 + \sqrt{a})(1 - \sqrt{a} + a - a\sqrt{a}) = (1 + \sqrt{a})(1 - \sqrt{a} + a(1 - \sqrt{a})) = (1 + a)[(1 + \sqrt{a})(1 - \sqrt{a})] = (1 - \sqrt{a})(1 + a) = (1 - a)(1 + a) = 1 - a^2(1 - a)(1 + a) = 1 - a^2(1 - a)(1 - a$

 $E = 1 - a^2 = 1 - (\sqrt{2})^2 = 1 - 2 = -1$ ، $a = \sqrt{2}$ في حالة $\frac{1}{2}$

 $F = a + 1 + 2\sqrt{a} = \sqrt{a^2} + 2\sqrt{a} + 1 = (\sqrt{a} + 1)^2 (1/2)$

 $A = \frac{1}{4} \left[(a+b)^2 - (a-b)^2 \right] = \frac{1}{4} \left[(a+b) - (a-b) \right] \left[(a+b) + (a-b) \right] = \frac{1}{4} (a+b-a+b)(a+b+a-b) = \frac{1}{4} (2b)(2a) = \frac{1}{4} \times 4ab = ab \quad (1a+b)(a+b+a-b) = \frac{1}{4} (2b)(2a) = \frac{1}{4} \times 4ab = ab \quad (1a+b)(a+b+a-b) = \frac{1}{4} (2b)(2a) = \frac{1}{4} \times 4ab = ab \quad (1a+b)(a+b+a-b) = \frac{1}{4} (2b)(2a) = \frac{1}{4} \times 4ab = ab \quad (1a+b)(a+b+a-b) = \frac{1}{4} (2b)(2a) = \frac{1}{4} \times 4ab = ab \quad (1a+b)(a+b+a-b) = \frac{1}{4} (2b)(2a) = \frac{1}{4} \times 4ab = ab \quad (1a+b)(a+b+a-b) = \frac{1}{4} (2b)(2a) = \frac{1}{4} \times 4ab = ab \quad (1a+b)(a+b+a-b) = \frac{1}{4} (2b)(2a) = \frac{1}{4} \times 4ab = ab \quad (1a+b)(a+b+a-b) = \frac{1}{4} (a+b)(a+b+a-b) a+b+a-b) = \frac{1}{4} (a+b)(a+b+a-b)(a+b+a-b) = \frac{1}{4} (a+b)(a+b+a-b)(a+b+a-b)(a+b+a-b) = \frac{1}{4} (a+b)(a+b+a-b)(a+b$ $\frac{E}{F} = \frac{\left(1 + \sqrt{a}\right)\left(1 - \sqrt{a} + a - a\sqrt{a}\right)}{\left(1 + \sqrt{a}\right)^2} = \frac{1 - \sqrt{a} + a - a\sqrt{a}}{1 + \sqrt{a}} = \frac{\left(1 - \sqrt{a}\right)\left(1 + a\right)}{1 + \sqrt{a}} (-a)$

 $B = \frac{1}{2} \left[(a+b)^2 + (a-b)^2 \right] = \frac{1}{2} (a^2 + 2ab + b^2 + a^2 - 2ab + b^2) = \frac{1}{2} (2a^2 + 2b^2) = \frac{1}{2} \times 2(a^2 + b^2) = a^2 + b^2$

ا نعتبر $(2 - x - y)^2 + \sqrt{x - y} + \sqrt{x - y}^2 = x + \sqrt{x - y^2}$ ایند $(2 - x - y)^2 + \sqrt{x - y} + \sqrt{x - y^2}$ الاینا $\left[\sqrt{\frac{x-y}{x+y}} + \sqrt{\frac{x+y}{x-y}}\right]^2 = \frac{4(\sqrt{7})^2}{\sqrt{7}^2 - 2^2} = \frac{4\times7}{7-4} = \frac{28}{3}$

 $(1+1)^2 = 2^2 = I^2 + 2 \times I + 1$ ($(0+1)^2 = I^2 = 0^2 + 2 \times 0 + 1$ الأنا: $(n+1)^2 = n^2 + 2n + 1$ الدينا ($(0+1)^2 = n^2 + 2n + 1$ الأنا: $(0+1)^2 = n^2 + 2n + 1$ الدينا ($(0+1)^2 = n^2 + 2n + 1$ $\cdot \left((n-2)+1 \right)^2 = \left(n-1 \right)^2 + 2(n-2)+1 \cdot \dots \cdot \left(3+1 \right)^2 = 4^2 = 3^2 + 2 \times 3 + 1 \cdot \left(2+1 \right)^2 = 3^2 = 2^2 + 2 \times 2 + 1 \cdot \left(2+1 \right)^2 = 3^2 + 2 \times 2 + 1 \cdot \left(2+1 \right)^2 = 3 \cdot \left(2+1 \right)^2 + 2 \cdot \left(2+1 \right)^2 = 3 \cdot \left(2+1 \right)^2 + 2 \cdot \left(2+1 \right)^2 + 2 \cdot \left(2+1 \right)^2 +$

 $I^2 + 2^2 + + n^2 + (n+1)^2 = I^2 + 2^2 + + n^2 + 2(I+2+....+n) + (n+1) \times I^2 + I^$ يعني $2(1+2+....n) = (n+1)^2 - (n+1)^2 - (n+1)^2 = 2(1+2+....+n) + (n+1)^2$ يعني

 $1+2+....+n = \frac{(n+1)^2 - (n+1)}{2} = \frac{n(n+1)}{2}$

 $= -(1+2+3+4+5+6+.....+2009+2010) = -\left(\frac{2010\times(2010+1)}{2}\right) = -\frac{2010\times2011}{2} = -2021055$

 $(n=2010, 1+2+....+n=\frac{n(n+1)}{2})$ ((02) بالاعتماد على السؤال ((02)

 $A^{2} + A - 1 = \left(\frac{\sqrt{5} - 1}{2}\right)^{2} + \left(\frac{\sqrt{5} - 1}{2}\right) - 1 = \frac{1}{4}\left(\sqrt{5}^{2} - 2\sqrt{5} + 1\right) + \frac{1}{2}\left(\sqrt{5} - 1\right) - 1 \quad (1 = \frac{1}{2})^{2} + \frac{1}{2}\left(\sqrt{5} - 1\right) - 1$

 $=\frac{1}{4}\left(5-2\sqrt{5}+1\right)+\frac{1}{2}\sqrt{5}-\frac{1}{2}-1=\frac{1}{4}\left(6-2\sqrt{5}\right)+\frac{1}{2}\sqrt{5}-\frac{3}{2}=\frac{3}{2}-\frac{1}{2}\sqrt{5}+\frac{1}{2}\sqrt{5}-\frac{3}{2}=\frac{3}{2}$ $\frac{1}{A} = A + 1$ يعنا أن A(A+1) = 1 يعني $A^2 + A = 1$ يعني $A^2 + A - 1 = 0$ يعني (2

= (-1)(1+2)+(-1)(3+4)+(-1)(5+6)+....+(-1)(2009+2010)

 $1-2^2+3^3-4^2+5^2-6^2+....+\left(2009\right)^2-\left(2010\right)^2=(1-2)(1+2)+(3-4)(3+4)+(5-6)(5+6)-....+\left(2009-2010\right)(2009+2010)$

 $\left(b + \frac{1}{b}\right)^{3} = \left(b + \frac{1}{b}\right)^{2} \left(b + \frac{1}{b}\right) = \left(b^{2} + \frac{1}{b^{2}} + 2\right) \left(b + \frac{1}{b}\right) = b^{3} + \frac{b^{2}}{b} + \frac{b}{b^{2}} + \frac{1}{b^{3}} + 2b + \frac{2}{b} = b^{3} + \frac{1}{b^{3}} + b + \frac{1}{b} + 2b + \frac{2}{b}$ (2)

 $=b^{3} + \frac{1}{b^{3}} + \left(b + \frac{1}{b}\right) + 2\left(b + \frac{1}{b}\right) = b^{3} + \frac{1}{b^{3}} + \sqrt{m} + 2\sqrt{m} = b^{3} + \frac{1}{b^{3}} + 3\sqrt{m}$

 $b^3 + \frac{1}{b^3} = \left(b + \frac{1}{b}\right)^2 - 3\sqrt{m} = \sqrt{m}^3 - 3\sqrt{m} = m\sqrt{m} - 3\sqrt{m} = \sqrt{m}\left(m - 3\right)$

(3) (ذا کان $a = a - b = \frac{1}{b} - \frac{1}{a} = \frac{a - b}{a}$ بيني $a + \frac{1}{a} = b + \frac{1}{b}$ نا کان $a = b = \frac{1}{b} - \frac{1}{a} = \frac{a - b}{b}$ بيني $a = a - b = \frac{1}{a}$

 $\frac{a-b}{ab}$ و $\frac{a-b}{ab}$ و مقلوب a=b يعني a=b يعني a=b يعني a=b يعني a=b يعني a=b يعني a=b يعني a=b يعني a=b يعني a=b يعني a=b

 $-2x^2 + 3y^2 = -2x^2 + 3(3-x)^2 = -2x^2 + 3(9-6x+x^2)$ النا y = 3-x يغرين عـا03ـده: لدينا 3+x + y = 3

 $-2x^2 + 3y^2 \ge -54$ وبالتالمي $(x-9)^2 - 54 \ge -54$ فان $(x-9)^2 \ge 0$ وبالتالمي بما أن

 $= -2x^{2} + 27 - 18x + 3x^{2} = x^{2} - 18x + 27 = (x - 9)^{2} - 81 + 27 = (x - 9)^{2} - 54$

 $\left[\sqrt{\frac{x-y}{x+y}} + \sqrt{\frac{x+y}{x-y}} \right]^2 = \sqrt{\frac{x-y}{x+y}} + 2\sqrt{\frac{x-y}{x+y}} + 2\sqrt{\frac{x+y}{x-y}} + \sqrt{\frac{x+y}{x-y}} + 2\sqrt{\frac{x-y}{x+y}} + 2\sqrt{\frac{x-y}{x+y}} + 2\sqrt{\frac{x+y}{x-y}} + 2\sqrt{\frac{$

 $=\frac{2x^2+2y^2}{x^2-y^2}+2=\frac{2x^2+2y^2+2(x^2-y^2)}{x^2-y^2}=\frac{2x^2+2y^2+2x^2-2y^2}{x^2-y^2}=\frac{4x^2}{x^2-y^2}$

:نن مجموع الأرقام المكونة لـ2× هو 900 (900 = 1+8+99).

 $(1+n)^4 = ((1+n)^2)^2 = (1+2n+n^2)^2 = (1+2n)^2 + 2(1+2n)^2 + (n^2)^2 = n^4 + 4n^3 + 6n^2 + 4n + 1 \ (1+2n+n^2)^2 = (1+2n+n$

 $p = 11^2 = 121$ | $14641 = 10^4 + 4 \times 10^3 + 6 \times 10^2 + 4 \times 10 + 1 = (1+10)^4 = 11^4 = (11^2)^2$ (2)

 $\frac{\sqrt{A}}{\sqrt{A+1}} + \frac{\sqrt{A+1}}{\sqrt{A}} = \frac{\sqrt{A}}{\sqrt{A}} + \frac{\sqrt{A}}{\sqrt{A}} = \sqrt{A} \times \sqrt{A} + \frac{1}{\sqrt{A}} = A + \frac{1}{A} = A + A + 1 = 2A + 1 = 2\left(\frac{\sqrt{5}-1}{2}\right) + 1 = \sqrt{5} - 1 + 1 = \sqrt{5}$

 $\frac{1}{A} = A + 1$ لذا (3

 $a^2 + \frac{1}{a^2} + 2 = n$ المنا $\left(a + \frac{1}{a}\right)^2 = \sqrt{n^2} = n$ ريا $a + \frac{1}{a} = \sqrt{n}$ ريا أن $a + \frac{1}{a} = \sqrt{n}$ يد أن $a + \frac{1}{a} = \sqrt{n}$ يد أن $a + \frac{1}{a} = a^2 + 2a \times \frac{1}{a} + \frac{1}{a^2} = a^2 + \frac{1}{a^2} + 2 = 1$

 $S = \left(\frac{17}{2} \times \pi + 8\right) \times \sqrt{11^2} = \left(\frac{17}{2} \times 3.14 + 8\right) \times 11 = 381.59 \,\text{cm}^2 \quad \text{(x} = \sqrt{11} \text{ All}_{-2} \times 3.14 + 8)$

 $S = \frac{\pi(3x)^{2}}{2} + \pi(2x)^{2} + 2(4x \times x) = \frac{\pi}{2} \times 9x^{2} + \pi \times 4x^{2} + 8x^{2} = \left(\frac{9\pi}{2} + 4\pi + 8\right)x^{2} = \left(\frac{9\pi}{2} + \frac{8\pi}{2} + 8\right)x^{2} = \left(\frac{17\pi}{2} + 8\right)x^{2}$ $S = (\frac{17}{2} \times \pi + 8) \times \sqrt{5}^2 = (\frac{17}{2} \times 3.14 + 8) \times 5 = 173.45 \text{ cm}^2$, $x = \sqrt{5}$ and $x = \sqrt{5}$

 $S_{2}=0$ الْن $S_{2}=0$ الْن $X=\pi$ ينتي $2X=2\pi$ ينتي $3X-X=-\pi+3\pi$ ينتي $3\pi+3X=-\pi+x$ الْن $3X=\pi+3\pi$

x+8 x+6 : x+4 : x+2

5x + 20 = 925 2x + (x + 2) + (x + 4) + (x + 6) + (x + 8) = 925

بعني 20 – 925 = x ويعني 200 = x ويعني 181 = 205 = x إنن الأعداد هو: 181 ; 185 ; 187 ; 187 ; 189 ; 189

مريس عــــــ06-مد: لدينا AB = DC و AD = BC.

 $\frac{1}{2}$ تمريسن $\frac{2-70}{6}$ دد: نعتبر x العدد العقبقي المجهول لذا $x+\frac{1}{2}+x+\frac{1}{4}+x+\frac{1}{2}+x+\frac{1}{2}+x+\frac{1}{2}$ $AB = DC = 5 \times 2 + 3 = 13$ يعني x = 2 يعني 6x - 5x = 3 - 1 = 2 يعني 6x + 3 = 6x + 1 يعني AB = DC AD = BC = 1 + 3 = 5 ابن y = 2 وبالتالي y = 2 وبالتالي y = 2 وبالتالي y = 2 وبالتالي y = 2 وبالتالي y = 3 وبالتالي y = 2

 $x = \frac{12}{23}$ e thirty $\frac{23}{12}x = 1$ for $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} - \frac{1}{6}x = 1$

6x = 180 يساوي 3x + x + 2x = 180 الأ 180° يساوي ABC يساوي ABC يساوي 3x + x + 2x = 180 و 3x + x + 2x = 180 و 3x + x + 2x = 180 و $3x + x + 2x = 30^\circ$ و $3x + x + 2x = 30^\circ$ و $3x + 2x = 30^\circ$ و $3x + 2x = 30^\circ$ و يساوي $3x + 2x = 30^\circ$

تمریتن عــو0سند: نعتبرx العدد الحقیقی المجهول اذا $\frac{\sqrt{3}}{2+x} = \frac{3+x}{2}$ یعنی $(3+x) = \sqrt{3}(2+x) = 2(3+x)$ یعنی $(3+x) = \sqrt{3}(2+x)$ یعنی

 $x = \frac{2\sqrt{3} - 6}{2 - \sqrt{3}} \cdot (2 - \sqrt{3}) \times = 2\sqrt{3} - 6 \cdot (2 - \sqrt{3}) \times = 2\sqrt{3} - 2\sqrt{3} \times = 2\sqrt{3} - 2\sqrt{3} \times = 2\sqrt{3} - 2\sqrt{3} \times = 2\sqrt{3} - 2\sqrt{3} \times = 2\sqrt{3} - 2\sqrt{3} \times = 2\sqrt{3} - 2\sqrt{3} \times = 2\sqrt{3} - 2\sqrt{3} \times = 2\sqrt{3} - 2\sqrt{3} \times = 2\sqrt{3} - 2\sqrt{3} \times = 2\sqrt{3} - 2\sqrt{3} \times = 2\sqrt{3} - 2\sqrt{$

<u>تعريبان عـــ10ـــد:</u> نعتبر x ثمن القصة الواحدة لذا ثمن 4 قصص يساوي x4 وثمن 7 قصص يساوي 7. . ثمن 4 قصص زائد 2500 يساوي ثمن 7 قصص ناقص 1400 يعني 1400 – 7 = 2500 + x4 يعني 3900 = 1400 + 2500 = x4 - 7 يعني 3900 = x2 يعني 1300 - x . إذن ثمن القصة الواحدة يساوي 1.300 د وبالكالي المال الذي يملكه يوسف يساوي 7700 = 1400 – 1400 x .

يريسن عسالسد: نعتبر $_{
m X}$ نصيب الأول لذا نصيب الثاني يساوي $_{
m 150}$ + $_{
m 50}$ ونصيب الثالث يساوي $_{
m 8}$ $_{
m X}$

 $\frac{2}{3}$ x $-80+5800=\frac{5}{6}$ x +150 لدينا نصيب الثاني يفوق نصيب الثالث بـ3800د يعني $\frac{5}{6}$

يعني 150-5880 = $\frac{2}{3}$ يعني 2570 $= \frac{1}{3}$ يعني 33420 = $= \frac{1}{3}$ يعني 33420 = $= \frac{1}{3}$ إذن نصيب الأول 33420 د .

نصيب الثاني: 3800 - 28000 + 33420 $imes rac{5}{6}$ ، نصيب الثالث يساوي:

289420 = 28000 + 28000 + 333420 د = 28000 + 333420 د = 28000 + 333420 د = 32420 - 80 + 500 = 28000

 $S_{IR} = \left\{ \sqrt{3} \right\}$ يازن $x = \sqrt{3}$ يعني $x = \sqrt{3} = 0$ يعني $x = \sqrt{3} = 0$ يازن $x = \sqrt{3} = 0$ يكريسن عبيريسن المستمريس المستمرس المستمرس المستمرس المستمريس المستمرس المستمريس المستمرس المستمرس

بر<u>سن عــ10حدد:</u>) صواب ؛ ب) خطا ، ج) خطا ، د) خطا ، ه) خطا ، و) صواب ، ي) خطا ، ز) صواب ، ع) صواب

 $S_{IR} = \left\{-\frac{2}{3}\right\}$ در $x = -\frac{2}{3}$ در x = -2 دیمتي x = -2 در دمتي x = -2

 $S_{\rm IR} = \left\{ -\frac{1}{2} \right\} \text{ if } x = -\frac{1}{2} \text{ and } 2x = -1 \text{ and } \frac{4}{2}x = -1 \text{ for } \frac{5}{2}x - \frac{1}{2}x = -1 \text{ for } \frac{5}{2}x + 1 = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$

 $S_{\text{IR}} = \left\{ \frac{\sqrt{5}}{4} \right\} \text{ i.i. } x = \frac{\sqrt{5}}{4} \text{ ... } 2x = \frac{\sqrt{5}}{2} \text{ ... } 2x = \frac{\sqrt{5}}{2} + \sqrt{5} \text{ ... } 2x - \sqrt{5} = -\frac{\sqrt{5}}{2} \text{ *}$

ين $x = \frac{-\sqrt{3}}{2-\sqrt{2}}$ ين $x = \frac{-\sqrt{3}}{2-\sqrt{2}}$ ين $x = \frac{-\sqrt{3}}{2-\sqrt{2}}$ ين $x = \frac{-\sqrt{3}}{2}$ ين $x = \frac{-\sqrt{3}}{2-\sqrt{2}}$

 $S_{IR} = \left\{ \frac{-\sqrt{3}}{2-\sqrt{2}} \right\}$ $S_{IR} = \left\{ \frac{-\sqrt{3}}{2-\sqrt{2}} \right\}$ $S_{IR} = \left\{ \frac{-\sqrt{3}}{2-\sqrt{2}} \right\}$ $S_{IR} = \left\{ -\pi \right\}$ آذن $x = -\pi$ يدن $x = -3\pi + 2\pi$ يدن $x = -3\pi + 2\pi$ يدن $x = -3\pi + 2\pi$

 $\frac{5}{\sqrt{3}} \notin \mathbb{Q} \text{ o's } S_{\mathbb{Q}} = \varnothing \text{ o's } x = \frac{5}{\sqrt{3}} \qquad x = 1 \text{ i.i.m.} x = \frac{5}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{9}{\sqrt{3}} \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{9}{\sqrt{3}} \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{9}{\sqrt{3}} \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{9}{\sqrt{3}} \frac{2}{\sqrt{3}} \times 1 = \frac{1}{\sqrt{3}} \frac{2}{\sqrt{3}} \times 1 = \frac{9}{\sqrt{3}} \frac{2}{\sqrt{3}} \times 1 = \frac{1}{\sqrt{3}} \times 1 = \frac{1}{\sqrt{3}} \frac{2}{\sqrt{3}} \times 1 = \frac{1}{\sqrt{3}} \times 1 = \frac{1}{\sqrt{$

 $\frac{4\pi}{3}$ و \mathbb{Q} \mathbb{Q} \mathbb{Q} الأن \mathbb{Q} \mathbb{Q} \mathbb{Q} الأن \mathbb{Q} $S_Q = \left\{ \frac{5}{2} \right\}$ اذن $x = \frac{1}{3} \times \frac{15}{2} = \frac{5}{2}$ ويتني $\frac{1}{2}(x-1) = \frac{1}{5}x$

 $\frac{5}{4}x = -\frac{13}{4} \frac{3}{4}x - \frac{1}{4}x = -\frac{1}{4}x - \frac{1}{4}x - \frac{1}{4}x - \frac{1}{4}x - \frac{1}{4}x - \frac{1}{4}(x - 1) = \frac{1}{4}(x - 1)$

 $S_{iR} = \left\{ -\frac{13}{5} \right\} \text{ i.i.} \quad x = -\frac{13}{4} \times \frac{4}{5} = -\frac{13}{5}$

 $S_{_{\mathbb{Z}}} = \left\{-5\right\}$ اذن x = -5 يعني -2x = 13 - 3 = 10 ادن -2x + 3 = 13

 $S_z = \{2\}$ i.i. $x = \frac{2}{\sqrt{3}} \times \sqrt{3} = 2$ يعني $\frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3}$ يعني $\frac{\sqrt{3}}{2} \times +1 = \sqrt{3} + 1$ *

x = 7 يعني -2x + 4 = -10 - 4 = -10 - 4 = -2x + 4 =

 $\frac{x^2-4x+1}{2x^2-4x+1} = 0 \qquad \frac{x^2-4x+1}{2x^2-4x+1} = (x-1)^2 = (x+\sqrt{2})^2 = (x+\sqrt{2})^2 = (x+\sqrt{2})^2 = (x+\sqrt{2})^2 = 0$ $S_{IK} = \left\{-1: \frac{3}{2}\right\}$ يعني x = -1 او $x = \frac{3}{2}$ يعني x + 1 = 0 او $x = \frac{3}{2}$ يعني x + 1 = 0 يعني x = -1 يعني x = -1 يعني x = -1 $S_{IR} = \left\{ \begin{array}{c} \frac{1-\sqrt{2}}{2} \\ \end{array} \right\}$ (i.) $x = \frac{1-\sqrt{2}}{2}$ $2x = 1-\sqrt{2}$

 $(\sqrt{3}-x)\left(\frac{1}{3}x-1\right)+3\left(x-\sqrt{3}\right)=0$ يختي $(\sqrt{3}-x)\left(\frac{1}{3}x-1\right)+3x-3\sqrt{3}=0$

 $\frac{1}{3}$ × - 4 = 0 يعتني $\left(\sqrt{3}$ - x) $\left(\frac{1}{3}$ × - 4 $\right)$ = 0 يعتني $\left(\sqrt{3}$ - x) $\left(\frac{1}{3}$ × - 1 $\left(\sqrt{3}$ - x) $\left(\frac{1}{3}$ × - 1 $\left(\sqrt{3}$ - x) - 3 $\left(\sqrt{3}\right)$ - x - 3 $\left(\sqrt{3}\right)$ -

$$\begin{split} S_{IR} = & \left\{ \sqrt{3} ; 12 \right\} \; \text{ ($V = \sqrt{3}$)} \; \; x = 12 \; \text{ ($V = \sqrt{3}$)} \; x = 10 \\ & \left(\; -1 \! < 0 \; \right) \; \; x^2 \ge 0 \; \; \text{ (V in X)} \; \; x^2 = -1 \; \text{ (V in X)} \; x^2 + 1 = 0 \end{split}$$

 $S_{IR} = \{2\}$ اذن x = 2 يعني x = 2 و يعني x = 2 يعني $(x^2 - 4)^2 + (x - 2)^2 = 0$ اذن $(x + 2)x = x^2 + 2x$: ABCD تعريب عبد مساحة المستطيل

 $\frac{(x-1)(x+2)}{2} = \frac{x^2+x-2}{2}$; DIC مساحة المثلث

 $\frac{x^2+x-2}{2}=\frac{x^2+2x}{3}$ مناحة المثلث DIC تساوي ثلث مساحة المستطيل ABCD يعني OIC تساوي ثلث مساحة المثلث

 $3x^2 + 3x - 6 - 2x^2 - 4x = 0$ يعني $3(x^2 + 3x - 6) - (2x^2 + 4x) = 0$ يعني $3(x^2 + x - 2) = 2(x^2 + 2x)$

 $S_{IR} = \left\{ \begin{array}{l} 3 \end{array} \right\}$ اذن x > 0 الان x = -2 . x = 3 الان x = -2 $468 = 2^2 \times 3^2 \times 13 = (2 \times 3)^2 \times 13$ (1 : نعریان عــــــ 17 ا

 $n^2 = (2\times3)^2$ او $n^2 = 3^2$ او $n^2 = 2^2$ يونوي $n^2 = (2n+1) = 468 = 2^2 \times 3^2 \times 13 = (2\times3)^2 \times 13$ (2

* في حالة 2° = 2° ، لدينا n = 3 و n = 2n+1 لذا 2n ≠ 468 = (2n+1) = 9×7 وهذا غير ممكن إذن 3 + n ≠ 3 * في حالة 2 = 2° ، لدينا 2 = n و 1 = 2 + 1 لذا 268 ≠ 20 = 4×5 = (2n+1) وهذا غير ممكن إذن 2 π بد مكن الن 1 π بد

 $S_{H} = \{6\}$ وبالتالي n = 6 ابن n = 6 ابن n = 6 وبالتالي n = 6 .

 $2x - 1 + \frac{93}{3x + 1} = \frac{(2x - 1)(3x + 1) + 93}{3x + 1} = \frac{6x^2 - x + 92}{3x + 1} \quad (1 : 3x - 1) = \frac{6x^2 - x + 92}{3x + 1}$

 $2x-1+\frac{93}{3x+1}\in IN$ يحتي $\frac{6x^2-x+92}{3x+1}\in IN$ (ب : $D_{ss}=\{i:3,31;93\}$ يحتي $93=3\times31$ لحينا (أ (2)

 $D_{93} = \{1; 3; 3i; 93\}$ لفا $0 = 1 \in D_{93}$ يعني $0 = 1 \in N$ يعني $0 = 1 \in N$ لفينا $0 = 1 \in N$ لفينا $0 = 1 \in N$

7-المعادلات والمتر احجات من الدرجة الأولم، ذات مجهول واحد في مجموعة الأعداد المحقيقية

 $S_{IR} = \{0, \pi\}$ يعني $X = \pi$ يو $X = \pi$

 $S_{IR} = \left\{ -\sqrt{2} : \pi \right\} \text{ i.i. } x = \pi \text{ i. } x = -\sqrt{2} \text{ evin} x - \pi = 0 \text{ i. } x + \sqrt{2} = 0 \text{ i. } (x - \pi) \left(x + \sqrt{2} \right) = 0 \text{ *} \right\}$

x = -1 الذن x = -1 : x = 0 :

 $S_{\rm IR} = \left\{ \, 2\sqrt{3} \, \right\}$ ابْن $= 2\sqrt{3} \times 2\sqrt{3} - x = 0$ ابْن $= 2\sqrt{3} \times 2\sqrt{5} = 0$ *

 $S_{IR} = \left\{ 0; -1; \frac{1}{2} \right\}$

 $S_{IR} = \left\{ -\frac{\sqrt{7}}{3} \right\} \text{ i.i. } X = -\frac{\sqrt{7}}{3} \text{ e.i. } 3x = -\sqrt{7} \text{ e.i. } 3x + \sqrt{7} = 0 \text{ e.i. } (3x + \sqrt{7})^2 = 0 \text{ *}$

 $S_{IR} = \left\{ \frac{1}{2} \right\} \text{ i.i. } x = \frac{1}{2} \text{ eads } 2x = 1 \text{ eads } 2x - 1 = 0 \text{ eads } (2x - 1)^2 = 0 \text{ eads } 4x^2 - 4x + 1 = 0 \text{ *}$
$$\begin{split} S_{IR} = & \left\{ 3\sqrt{11} \right\} \text{ i.i. } x = 3\sqrt{11} \text{ substite } 3\sqrt{11} - x = 0 \text{ substite } \left(3\sqrt{11} - x \right)^3 = 0 \text{ *} \\ S_{IR} = & \left\{ -3.33 \right\} \text{ i.i. } x = -3 \text{ i. } x = 3 \text{ i. } x = 3 \text{ substite } x^2 = 9 \text{ *} \text{ *} \frac{25}{12} \text{ substite } x = \frac{5}{2} \text{ substite } x^2 = 5 \text{ substite } x^2 = 5 \text{ *} \end{aligned}$$
 $S_{IR} = \left\{ -\frac{\sqrt{5}}{2}, \frac{\sqrt{5}}{2} \right\} \text{ i.i. } x = -\frac{\sqrt{5}}{2} \text{ i.i. } x = \frac{\sqrt{5}}{2} \text{ i.i. } x = \frac{5}{2} \text{ i.i. } x^2 = \frac{5}{4} \text{ i.i. } x^2 = 5 \text{ substite } x^2 = 5 \text{ substite } x^2 = 5 \text{ substite } x = 0 \text{ *} \end{aligned}$

 $x=-\sqrt{3}$ يعني $x+\sqrt{3}=0$ يعني $(x+\sqrt{3})^2=0$ يعني $x^2+2\sqrt{3}x+3=0$ يعني $x^2+2\sqrt{3}x=-3$ *

 $(x+\sqrt{2}-x-1)(x+\sqrt{2}+x+1)=0 \text{ ($x+\sqrt{2}$)}^2-(x+1)^2=0 \text{ ($x+\sqrt{2}$)}^2=(x+1)^2 *$

 $S_{IR} = \left\{ \frac{-\sqrt{2} - I}{2} \right\} \, \text{يعني} \, \, \\ \times = \frac{-\sqrt{2} - I}{2} \, \text{يعني} \, \, \\ \times = \frac{-\sqrt{2} - I}{2} \, \text{يعني} \, \, \\ \times = \sqrt{2} \, - 1 \, \text{y.} \, \\ \times = \sqrt{2$

 $2x^2 = 2$ يمني $3x^2 - x^2 = 3 - 1 = 2$ يمني $3x^2 + 1 = x^2 + 3$ يمني $3x^2 + 1 = \sqrt{x^2 + 3}$ يمني $1 = x^2 - 3x^2 + 1 = \sqrt{x^2 + 3}$ يمني $1 = x^2 - 3x^2 - 1 = x^2 -$

 $(2x+1)^2 - (x-2)^2 = 0$ يعني $(2x+1)^2 = (x-2)^2$ يعني |2x+1| = |x-2| *

x+3=0 يعني 0=[(2x+1)+(x-2)] يعني 0=((2x+1)+(x-2)) يعني 0=((2x+1)+(x-2)) يعني 0=((2x+1)+(x-2))

 $S_{IR} = \left\{ -3; \frac{1}{3} \right\}$ (i.i. x = -3) $x = \frac{1}{3}$

 $S_{IR} = \{-2; -1\}$ يعني x = -1 أو x = -1 أو x = -1 أو x = -1 أو x = -1 الذن x = -1 يعني x = -1 أو نام أو الدن $(x+2)(2x+2)=0 \text{ gains } (x+2)\Big[(x+3)+(x-1)\Big] \approx 0 \text{ gains } (x+2)(x+3)+(x+2)(x-1)=0 \text{ with } (x+2)(x+3)=0 \text{ gains } (x+2)(x+2)(x+2)=0 \text{ gains } (x+2)(x+2)=0 \text{ gains } (x+2)(x+2)(x+2)=0 \text{ gains } (x+2)(x+2)=0 \text{ gai$

(x+1)[(x-1)+(x-2)]=0 (x+1)(x+1)(x+1)+(x-2)(x+1)=0 (x+1)=0 (x+1)(x-2)(x+1)=0 (x+1)=0
* $(\sqrt{7} + \sqrt{3}) \le 3 \times (1.73 + 2.64) \le 3 \times (1.74 + 2.65)$ الذا $\sqrt{63} + \sqrt{27} = 3\sqrt{7} + 3\sqrt{3} = 3(\sqrt{7} + \sqrt{3})$

 $13.11 \le \sqrt{63} + \sqrt{27} \le 13.17$ لذا $13.26 \le \sqrt{12} \times \sqrt{28} \le 18.44$ يمني $4 \times 4.6572 \le 4\sqrt{21} \le 4 \times 4.611$ لذا $13.26 \le \sqrt{12} \times \sqrt{28} = 2\sqrt{3} \times 2\sqrt{7} = 4\sqrt{21}$

2) لدينا 5×2≤ يعنمي 4≥1−x >1 و 8×3×x 5 لذا 8×4≤(x −1)(x +3) 5×1 يعنمي

 $5 \le A \le 32$ اذن $5 \le (x-1)(x+3) \le 32$

 $x \in]-\infty;2] \boxtimes (z$; $y \in \left[-\frac{3}{2},\frac{5}{3}\right] \boxtimes (\cdot, x \in]-2;3[\boxtimes (i(1:\frac{3}{2},\frac{2}{3}))]$

<u>نعریسن عـــ42ــدد</u>.1] x ∈ [-6;-4] (1:3] ع و (-13) و بعنی x ∈ [-6;-4] (1.5) ≤ x² ≤ (-6)² (1.5) = 6≤ x ≤ -4 و (1.5) ≤ x² ≤ (-6)² (1.5) و المنالق (2.5 ≤ x² ± 2.6) و (2.5 ≤ x² ± 2.6) و (3.5 ≤ x² ± 2.6) و المنالق

2) أ) لدينا 4-5×ح-و 3 ≥ y ≥ ايعني 4-9 ≤ x + y ≤ -1 يعني 1-6 ≤ x + y ≤ -2 يعني [-5;-1]

ربما أن [1-,5:-] £0 فإن 0× x+y ديما

 $-3 \le \frac{-2x-y}{x+y} \le -\frac{13}{5}$ وبالتالي $-3 \le -2 + \frac{y}{x+y} \le -\frac{13}{5}$ ويشني $-3 \le -2 + \frac{y}{x+y} \le -\frac{3}{5} - 2$ ويشني $-3 \le -2 + \frac{y}{x+y} \le -\frac{3}{5} - 2$

 $I \cup J =]-2; +\infty[=J \; ; \; I \cup K = \left[-3; \frac{3}{2}\right] = K \; ; \; I \cap K = \left[\frac{1}{2}; \frac{3}{2}\right] = I \; ; \; K \cap J = \left]-2; \frac{3}{2}\right] \; ; \; I \cap J = \left[\frac{1}{2}; \frac{3}{2}\right] = I \; (3)$ $\underbrace{\sum_{i=1}^{2} (3 - 2i)^{2} + \sum_{i=1}^{2} (3i)^{2}}_{\text{odd}} = \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{2} = I \; ; \; K \cap J = \left[-2; \frac{3}{2}\right] = I \; (3)$ $\underbrace{\sum_{i=1}^{2} (3 - 2i)^{2} + \sum_{i=1}^{2} (3i)^{2}}_{\text{odd}} = \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{2} = I \; ; \; K \cap J = \left[-2; \frac{3}{2}\right] = I \; (3)$ $\underbrace{\sum_{i=1}^{2} (3 - 2i)^{2} + \sum_{i=1}^{2} (3i)^{2} + \sum_{i=1$

 $4.5672 \le \sqrt{21} \le 4.611$ يبني $1.73 \times 2.64 \le \sqrt{3} \times \sqrt{7} \le 1.74 \times 2.65 *$ $1.51 \le \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{3}} \le 1.53$ يبني $\frac{1}{\sqrt{3}} \le \frac{2.65}{1.73}$ * ; $0.574 \le \frac{1}{\sqrt{3}} \le 0.578$ يبني $\frac{1}{\sqrt{3}} \le \frac{1}{1.74} \le \frac{1}{\sqrt{3}} \le \frac{1}{1.73}$ * $-1.74 + 2.64 \le \sqrt{7} - \sqrt{3} \le -1.73 + 2.65$ يعني $-1.74 + 2.64 \le \sqrt{7} \le -1.74 \ge 1.74 + 2.64 \le \sqrt{7} \le 1.73 + 2.65$ $5.28 \le \sqrt{28} \le 5.3$ يعني $2 \times 2.64 \le 2\sqrt{7} \le 2 \times 2.65$ لاا $2 \times 2.65 \le \sqrt{75} \le 8.7$ يعني $2 \times 2.64 \le 2\sqrt{7} \le 2 \times 2.65$ لاا $2 \times 2.65 \le \sqrt{75} \le 8.7$ يعني $2 \times 2.75 \le 5\sqrt{3} \le 5 \times 1.74$ لاا $2 \times 2.75 \le 8.7$ $4.37 \le \sqrt{3} + \sqrt{7} \le 4.39$

7-المعادلات والمتراجحات من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد

فإن: 1=1+x6; 3x+1=3; 3x+1=1+ او 3x+1=93. في مجموعة الأعداد الحقيقية

* 7 × با و 212 با عند عندي 3×12 يعني 1×212 (x+y>0 و 3×1 باك (x+y>0 و 3×1 باك (x+y>0 و 3×1 باك (x+y>0 و 3×1 باك (x+y>0 و 3×1 باك (x+y>0 و 3×1 باك (x+y>0 و 3×1 باك (x+y>0 و 3×1 باك (x+y>0 و 3×1 باك (x+y>0 و 3×1 باك (x+y>0 و 3×1 باك (x+y>0 و 3×1 باك (x+y>0 و 3×1 باك (x+y>0 و 3×1 باك (x+y>0 و 3×1 باك (x+y>0 و 3×1 باك (x+y>0 و 3×1 باك (x+y)) * 5≤×≤2 و 21≤×+y في 3×2≤×(×+y)≤5×12 ييشي 660 لان 0×> 0 × 0 لان 0×× 0 × <u>تعریبن عــ02سن</u>د: 1) 1.73≤√3≤1.74 (= 2.65≤ √7≤2.65 ; = 1.73≤√3≤1.74 (= 1.73±2.65) ± 1.73±2.64≤√3±7.74±2.65 يعني (= 1.74±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.54±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.54±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.54±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.54±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.54±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.54±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.54±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.54±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.54±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.54±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.54±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.54±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.54±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.64±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.64±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.64±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.64±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.64±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.64±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.64±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.64±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.64±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.64±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.64±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.64±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.64±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.64±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.64±2.65 ± 1.73±2.64≤√3±7.64±2.65 ± 1.73±2.64 ± $11 \le 3x + 5y \le 50$ يعني $6 + 5 \le 3x + 5y \le 15 + 35$ * : $5 \le 5y \le 35$ يعني $5 \times 1 \le 5y \le 5 \times 7$ * * 6≤3x-2y≤-2 و 2-≥y≤-2 -14+6≤3x-2y≤-2+15 بعني 14+6≤3x-2y≤-2 و 14+6≤3x-2y≤-2+15 بعني $-7 \le -y \le -1$ يعني $1 \le y \le 7$ * : $7 \le 4x - 1 \le 19$ يعني $4 \times 2 - 1 \le 4x - 1 \le 5 \times 4 - 1$ * $S_{\rm N} = \{10\}$ ابن $\frac{92}{3}$ ابن $\frac{92}{3}$ « الدينا $\frac{92}{3}$ » وهذا غير ممكن لأن $\frac{92}{3}$ ابن $6 \le 3x \le 15$ يعني $3 \times 2 \le 3x \le 3 \times 5$ * : $2 \le xy \le 35$ يعني $1 \times 2 \le xy \le 7 \times 5$ * $-5 \le x - y \le 4$ يعني $2 - 7 \le x - y \le 5 - 1$ يعني $-7 \le -y \le -1$ يعني $\frac{1}{5} \le \frac{y}{x} \le \frac{7}{5} \text{ e.i.s. } 1 \times \frac{1}{5} \le y \times \frac{1}{5} \le \frac{1}{2} \times 7 \times \frac{1}{2} \times 7 \times \frac{1}{5} \le \frac{1}{5} \le \frac{1}{x} \le \frac{1}{2} \times \frac{1}{5} $\frac{1}{7} \le \frac{1}{5} \le \frac{1}{x} \le 1$ (3) $1 \le y \le 7 * (3)$ $\frac{1}{5} \le \frac{1}{x} \le \frac{1}{2}$ (3) $2 \le x \le 5 * (3)$ * في حالة 3x +1 = 31 أدينا 10 × 3x +1 $-14 \le -2y \le -2$ $y \le -1 \le -y \le -1$ وهذا غير ممكن لأن IN ع

 $(x-1)(x+1) = (x^2-2\sqrt{2}x+2)$ يعني $x \ge (x^2-2\sqrt{2}x+2) - (x^2-1) = (x^2-2\sqrt{2}x+2) - (x^2-1)$ يعني $x \ge (x-\sqrt{2})^2 - (x-1)(x+1) \ge x$ يعني $x \ge (x-\sqrt{2})^2 - (x-1)(x+1) \ge x$ $S_{IR} = \begin{bmatrix} -\frac{1}{4}; +\infty \end{bmatrix}$ يعني $x > -\frac{1}{4}$
ينسمي $x \leq \frac{3}{2\sqrt{2}+1}$ يستمي $x \leq \frac{3}{2\sqrt{2}+1}$ يستمي $x \leq \frac{3}{2\sqrt{2}+1}$ يستمي $x \leq \frac{3}{2\sqrt{2}+1}$ إذن $x \leq \frac{3}{2\sqrt{2}+1}$

 $S_{IR} = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{3}{2\sqrt{2+1}}$

 $_{\rm X}=-1$ $_{\rm X}=-1$ $_{\rm X}=1$ $_{\rm X}$

 $A = \left(3 \times \left(-\frac{1}{3}\right) + 1\right)^{2} = (-1 + 1)^{2} = 0^{2} = 0$

ب) لدينا 1≤×≤0يعني 3×≤×0يعني 4≤1×1≤3 لذا 2<4² (3x+1) ≤1يعني 1≤A ≤16

ح) ا = (3x + 1) يعني 0 = 1 − (3x + 1) يعني 0 = (3x + 1 + 1) (3x + 1 + 1) يعني 0 = (3x + 2) يعني 0 = x أو

 $B = 9x^{2} - 1 = (3x)^{2} - 1 = (3x - 1)(3x + 1) (1 (2x + 1))$

 $A-B = (3x+1)^2 - (3x+1)(3x-1) = (3x+1)[(3x+1)-(3x-1)] = (3x+1)(3x+1-3x+1) = 2(3x+1) \quad (4x+1) = 2(3x+1) \quad ($

 $S_{\rm IR} = \left[-\frac{1}{3}; +\infty \right]$ بان $\times -\frac{1}{3}$
 $\frac{10 \times (10 - x)}{2}$ مساحة المثلث BMC * $\frac{x^2}{2} = AMN$ مساحة المثلث * (1) مساحة المثلث عبد * مساحة المثلث *

 $10^2 = 100~{
m cm}^2$ يَساوي $0 = 100 ~{
m cm}^2$ ، * مساحة المربع ABCD يَساوي $0 = 100 ~{
m cm}^2$

مساحة المثلث MNC تساوي الغرق بين مساحة العربع ABCD ومجموع مساحات المثلثات ANM ؛ BMC و

 $S(x) = 100 - \left[\frac{x^2}{2} + \frac{10(10 - x)}{2} + \frac{10(10 - x)}{2}\right] = 100 - \left[\frac{x^2}{2} + \frac{20(10 - x)}{2}\right] = 100 - \left(\frac{x^2 + 200 - 20x}{2}\right) - \frac{100}{2}$ $= 100 - \frac{x^2}{2} - \frac{200}{2} + \frac{20x}{2} = 100 - 100 - \frac{x^2}{2} + \frac{20x}{2} = -\frac{x^2}{2} + \frac{20x}{2} = \frac{20x - x^2}{2}$

 $S(x) = \frac{20x - x^2}{2}$ نن

 $-x^2 + 20x - 100 = -(x^2 - 20x + 100) = -(x - 10)^2 \le 0$ (1) (2)

 $S(x) \le 50$ يعني $\frac{-x^2 + 20x}{2} \le \frac{100}{2} = 50$ يعني $-x^2 + 20x \le 100$ يعني (ب لذا فإن مساحة المثلث MNC أصغر من نصف مساحة المربع ABCD.

لدينا $0 \ge 7 - 3$ و $0 \le 3 - 15 = 3$ لذا $0 \ge 7 - 3$ و $0 \le 3 - 15 = 3$ إذن $0 \ge 1 - 3$

 $A = \left| 3x - 15 \right| - \left| x - 3\sqrt{7} \right| + 3\sqrt{7} = \left(3x - 15 \right) - \left(3\sqrt{7} - x \right) + 3\sqrt{7} = 3x - 15 - 3\sqrt{7} + x + 3\sqrt{7} = 4x - 15$

تعريبن عــ7<u>2 ــدد.</u>1) لدينا a ∈ [-5;-2] و b ∈ [1;3] وضي 2 – 5 ≤ a ≤ -2 و 1 ≤ b ≤ 1 لذا

 $-13 \le 2a - b \le -5$ يعني $2 \times (-5) - 3 \le 2a - b \le 2 \times (-2) - 1$ *

2a-b≤0 و 1-62 -1≤2a-1≤2 -1≤2a-1≤0 العبغا 5-1= 2a-b≤0 و 1-5 العبغا 5-1= 2a-b≤0 و 2a-b= و 2a-b≤0 و التعالمي: إندن 1-b=b-1 و 1-b=1-2a و 2a-b=b-2a و 1-b=1-2a و التعالمي:

 $=\sqrt{\left(2a-1\right)^{2}}-\sqrt{\left(2a-b\right)^{2}}+\sqrt{\left(1-b\right)^{2}}=\left|2a-1\right|-\left|2a-b\right|+\left|1-b\right|=\left(1-2a\right)-\left(b-2a\right)+\left(b-1\right)=1-2a-b+2a+b-1=0$

 $S_{IR}=\left]-\infty;-\sqrt{2}\right]$ بدن $x\leq-\sqrt{2}$ يعني $x+\sqrt{2}\leq0$ * يدن $x\leq-\sqrt{2}$ يعني $x\leq-\sqrt{2}$

 $S_{IR} = \begin{vmatrix} \frac{1}{\pi}; +\infty \\ \frac{1}{\pi}; +\infty \end{vmatrix} \times x > \frac{1}{\pi} \times x > 1 *$

 $S_{IR} =]-\infty;0]$ الذن $x \le 0$ *

 $S_{IR} = \left| \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}}; +\infty \right|$ 14. $\times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}} \times \sqrt{5} > \sqrt{3}$ 15. $\times \sqrt{5} < -\sqrt{3}$

 $S_{IR} = \left[\frac{6}{5}; +\infty\right] \quad \text{i.i.} \quad x \ge \frac{6}{2} \text{ entry } \frac{5}{2}x \ge 3 \quad \text{entry } -\frac{5}{2}x \le -3 \quad \text{entry } -\frac{5}{2}x + 1 \le -2 \quad *$

 $S_{IR} = \left\lfloor \frac{5}{12}; +\infty \right\rfloor \quad \text{with} \quad x \geq \frac{5}{12} \text{ with} \quad 2 \leq x \geq 5 \text{ with} \quad 2 \leq x \leq 5 \text{ with} \quad \frac{12x - 5}{6} \geq 0 \text{ with} \quad \frac{4x + 2 + 9x - 6 - x - 1}{6} \geq 0$

 $S_{IR} = IR$ اذن $-1 \ge -2$ يعتمي $\frac{1}{4}x - 1 \ge \frac{1}{4}x - 2$ يعتمي $\frac{1}{4}x - 1 \ge 2\left(\frac{1}{8}x - 1\right)$ *

 $S_{IR} = \emptyset$ يعمَى إذن $\frac{1}{3} \le -6$ يعني $2x - \frac{1}{3} \le 2x - 6$ يعني $\frac{1}{3} (6x - 1) \le 2(x - 3)$ *

 $x^2-4x+4 \le x^2+2$ يعني $x^2-4x+4 \le x^2+2$ يعني $(x-2)^2 \le x^2+2$ يعني $x^2-4x+4 \le x^2+2$ يعني $x^2-4x+4 \le x^2+2$

 $\left(x^{2}+3x+\frac{9}{4}\right)-\left(x^{2}-2x+1\right)>0 \quad \text{(a.4.)} \\ \left(x+\frac{3}{2}\right)^{2}-\left(x-1\right)^{2}>0 \quad \text{(a.4.)} \\ \left(x+\frac{3}{2}\right)^{2}>\left(x-1\right)^{2} \quad \text{(a.4.)}$ $S_{IR} = \left\lfloor \frac{1}{2}; +\infty \right\rfloor$ بنن $x \ge \frac{1}{2}$ بنن $4x \ge 2$

تعريبن عدد 10:

.19 1.15 1.15 1.14 1.14 1.13 1.12 1.12 1.10 1.10 1.10 1.9 1.8 1.8 1.6 1.6 (1

19	18
15	17
15	16
14	15
14	14
13	<u>~</u>
12	12
12	=
12	10
10	9
10	∞
10	7
9	6
∞	5
8	4
8	3
6	2
6	-

 $rac{
m N}{2}$ =9 هو المحدل الحبطي m N=18 (عدد زوجي) فإن الموسط m Me هو المحدل الحسابي للقيمتين اللتين تركيبهما $m \frac{
m N}{2}$

. Me =
$$\frac{10+12}{2}$$
 = 11 فن $\frac{N}{2}$ + 1 = 10

$$6 \times 2 + 8 \times 3 + 9 + 10 \times 3 + 12 \times 3 + 13 + 14 \times 2 + 15 \times 2 + 19 = 11.16$$
 عمل القسم هو: (2)

3) تعریــن عـــدد 0<u>3:</u>

5 .6 .6 .7 .8 .10 .11 .12 .12 .12 .14 .15 .15 .16 .17 (1

$\frac{N+1}{2} = \frac{15+1}{2} = \frac{16}{2} = 8$ بما أن التكرار الجملي N=15 (عدد فردي) فإن الموسط Me هو القيمة التي ترتبيتهما N=15 15 14 13 12 11 10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 05 06 06 07 08 10 11 12 12 12 14 15 15 16 17

ادن Me = 12

 $17+16+15\times2+14+12\times3+11+10+8+7+6\times2+5 = 11.06$ معدل القسم هو: 2

3) الميزة المدروسة: معدل الرياضيات.

1) أ) عدد المواليد: 40 ، ب) مجموعة الإحصاء: 40 مولود، الميزة المدروسة "الطول" وهي كمية متقطعة.

 $.S_{IR} = [1:4]$ اذن x < 4 يعني x < 4 وبالتالي AE = x < AD

2) نطبق نظرية بيتاعور على كل من المثلثين MBC (قائم في B) و AMN (قائم في A) فتتحصل على:

 $(2-x)^2 \ge 2x^2$ الماج MN يعني $(2-x)^2 \ge 2x^2$ يعني $(2-x)^2 \ge 2x^2$ يعني MN يعني $(2-x)^2 \ge 2x^2$ يعني MN يعني الماد

يعني $(x+2)^2 \le (x+2)^2$ يعني $(x+2)^2 \le \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$ يعني $(x+2)^2 \le 12$ يعني $(x+2)^2 = 2\sqrt{3}$

مضلع المتكزارات —

في مجموعة الأعداد الحقيقية

يعني 0<0 +36 - 2 ييعني 0<0 (x-18) (x-2) ليينا 0 (x-2) ليينا 0 (x-2) ويعني 0<0 + 18 الذا 0 (x-2) ويعا أن $-(x^2-20x+36)>0$ يعني $81<\frac{20x-x^2}{2}$ يمني $90<0x-x^2-36$ يمني $90<0x-x^2>36$ يمني $90<0x-x^2-36$ يمني $90<0x-x^2-36$ يمني $90<0x-x^2-36$ يمني $90<0x-x^2-36$ $(x-2)(x-18) = x^2-18x-2x+36 = x^2-20x+36$ (1)

x-18<0) و x-2)(x-18) و x-20 فان 2≤ x ويعناي x ≤ 2 ويعنا أن x < 10 الذن 2≤ x ويثالثالمي x = 2 ويثالثالمي x = 2 $\frac{x(6-x)}{2} = \frac{6x-x^2}{2}$ AEF مساحة المثلث * (1) مساحة المثلث

 $\frac{x(4-x)}{2} = \frac{4x-x^2}{2}$: BFH شاخة المثلث *

 $\frac{6(x+(4-x))}{}=12cm^2:EDCH$ * مساحة شبه المنحرف

2) أ) مسلحة المثلث EFH تساوي الفرق بين مساحة المستطيل ABCD ومجموع مساحات المثلثين AEF و BFH و

 $A(x) = 6 \times 4 - \left(\frac{6x - x^2}{2} + \frac{4x - x^2}{2} + 12\right) = 24 - \left(\frac{-2x^2 + 10x}{2} + 12\right) = 24 - \left(\frac{-2x^2 + 10x + 24}{2}\right)$ شبه المنحرف EDCH أي:

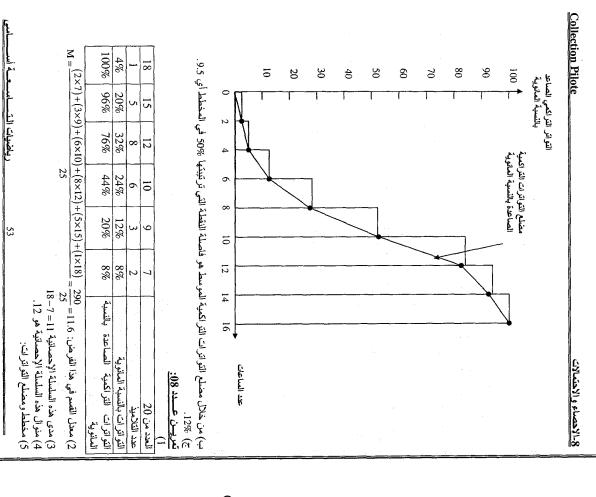
 $= \frac{48 - \left(-2x^2 + 10x + 24\right)}{2} = \frac{48 + 2x^2 - 10x - 24}{2} = \frac{24 + 2x^2 - 10x}{2} = 12 + x^2 - 5x = x^2 - 5x + 12$ $(x-1)(x-4) = x^2 - 4x - x + 4 = x^2 - 5x + 4 (\div$

x - 4 < 0 - 1 الذا 4 < x - 1 وبما أن 0 ≤ (x - 1)(x - 4) و 0 + x - 4 فان 0 ≤ 1 - x يعني 1 ≤ x وبما أن ج) $8 \ge (x-1)(x-4)$ يعنمي $8 \ge 5x+12-x$ يعنمي $0 \ge (x-1)(x-4) \le (x-1)(x-4)$ ولدينا 0 < x < 0 ولدينا 0 < x < 0

 $MN^2 = 2x^3 \text{ (wis)} \quad MN^2 = AM^2 + AN^2 \quad * \quad : \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = MB^2 + BC^2 \quad * \quad : \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = MB^2 + BC^2 \quad * \quad : \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = MB^2 + BC^2 \quad * \quad : \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = MB^2 + BC^2 \quad * \quad : \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = MB^2 + BC^2 \quad * \quad : \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = MB^2 + BC^2 \quad * \quad : \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = MB^2 + BC^2 \quad * \quad : \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = MB^2 + BC^2 \quad * \quad : \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = MB^2 + BC^2 \quad * \quad : \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = MB^2 + BC^2 \quad * \quad : \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = MB^2 + BC^2 \quad * \quad : \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = MB^2 + BC^2 \quad * \quad : \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = MB^2 + BC^2 \quad * \quad : \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 + \left(2 - x\right)^2 \text{ (wis)} \quad MC^2 = 2^2 + \left(2 - x\right)^2 $.MN^2 = AM^2 + AN^2$ $) MC^2 = MB^2 + BC^2$

 $\left(x^{2}+4x-(x+2)^{2}-4\right)\left[\left(x+2\right)^{2}-4\right]-4\geq 4$ يعني $2+4x-4=(x+2)^{2}-4$

 $x \in \left[2\sqrt{3}-2;2\right]$ فإن x < 2 وبسا أن x < 2 فإن $x \ge 2\sqrt{3}-2$



	_	40	المجموع	
0.625 - 0.375 = 0.25	$\frac{10}{40} = 0.25$	10	55	
0.625 - 0.375 = 0.25 0.975 - 0.35 = 0.625 1 - 0.025 = 0.975	$\frac{15}{40} = 0.375$	15	50	
1-0.025=0.975	$\frac{14}{40} = 0.35$	14	45	
,	$\frac{1}{40} = 0.025$		40	
اللوايل النزاكمي الذازل	التواتر	التكرار	الطول (صم)	

Collection Pilote

8-الاحصاء والاحتمالات

		0	1
0.625 - 0.375 = 0.25	$\frac{10}{40} = 0.25$	10	55
0.625 - 0.375 = 0.25 0.975 - 0.35 = 0.625 1 - 0.025 = 0.975	$\frac{15}{40} = 0.375$	15	50
1-0.025=0.975	$\frac{14}{40} = 0.35$	14	45
-	$\frac{1}{40} = 0.025$	_	40
التواتر المتراكمي النازل	التواتر	التكرار	الطول (صم)

9,0 8,0

0,2 0,4

د) عدد المواليد الذين لهم طول يفوق أو يساوي 50 cm هو 25 إذن النسبة المانوية هي £62.50 ×20 ×20 مد المواليد الذين لهم طول يفوق أو يساوي

ج) موسط السلسلة Me = 52 هو فاصلة النقطة التي ترتبيها 0.5 إذن Me = 52.

å

S

التواتر التراكمي الذازل --

					3		•	•	
					- ÷			4	
اكمي الصاعد	1%	5%	12%	27%	52%	87%	97%	100%	-
سة المانوية	1%	4%	7%	15%	25%	35%	10%	3%	0%
اهن	2	∞	14	30	50	70	20	6	200
C.	[0;2[[2;4[[4;6[[6;8[[8;10[[10;12[[12;14	[14;16[المج
[14;16]		[12;14]	[10;12]	[8;10]	[6;8]	[4;6]	[0;2] [2;4]	70	
	I						L		
		Γ		_11				<u> </u>	
			1					\$. 	
								108	

	م وهي كمية مسترسلة (من 0 إلى 14 ساعة)	
(2) أ) منوال السلسلة الإحصائية هو $[10;12]$ ؛ وهذاها هو $[10-0-1]$) مجموعة الإحصاء: 200 شخص، الميزة المدروسة: عدد ساعات العمل في اليوم وهي كمية مسترسلة (من 0 إلى 14 ساعة)	نمريات عادد /0:

(1) صواب (2 نطل b) (4 ، a) (3 ، b) (2 ، a) (1

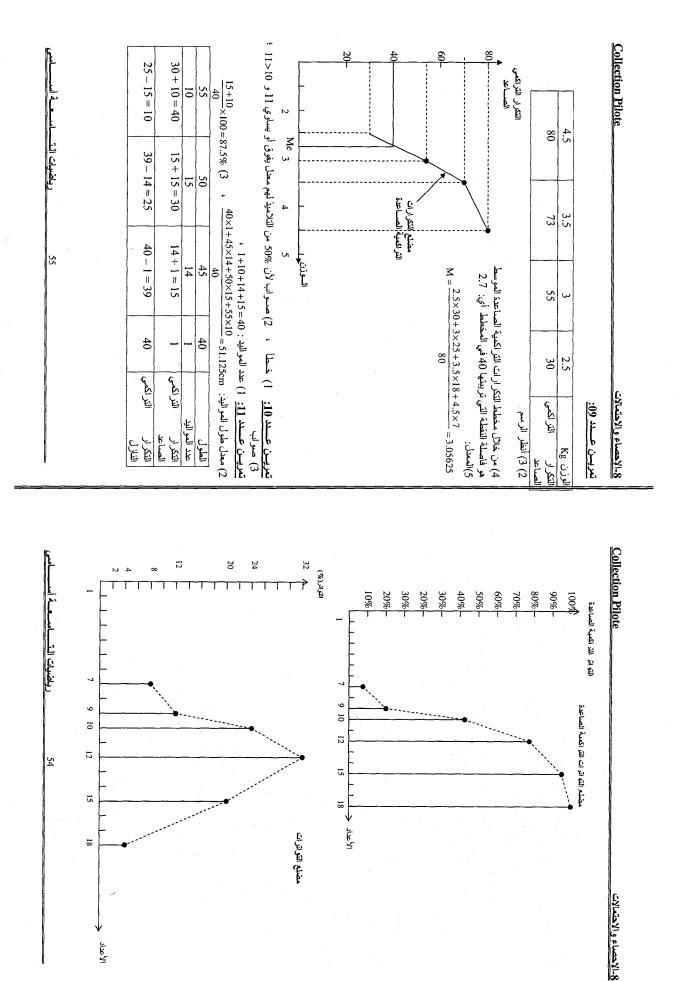
تمريسن عسدد 06: تمريسن عسدد 06:

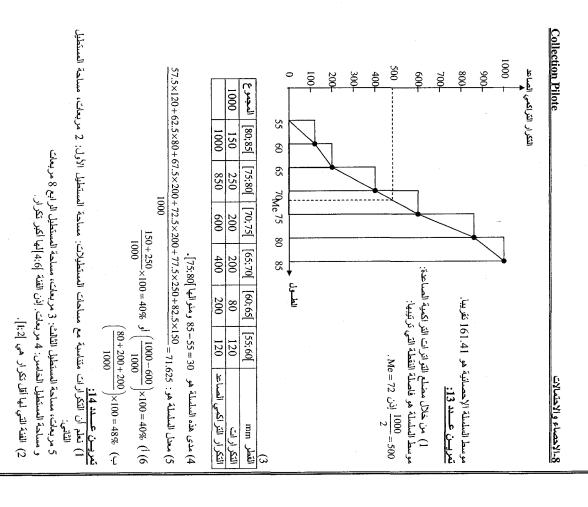
تعريسن عسدد 04:

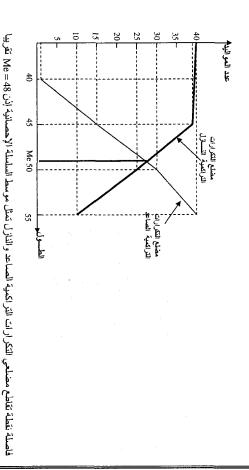
c) (3 , b) (2 , a) (1

 $40\times1+45\times14+50\times15+55\times10 = 49.25$ المعدل هو: 49.25 (4

					52	-	و ماضيدات المنت الساعمة أس		<u>.</u>
					÷ .	-	-		
التواتر التراكمي الصباعد بالنسبة المانوية	1%	5%	12%	27%	52%	87%	97%	100%	
لتواتر بالنسبة الماتوية	1%	4%	7%	15%	25%	35%	10%	3%	100%
عدد الأشخاص	2	∞	14	30		70	20	6	200
عدد الساعات	[0;2[[2;4[[4;6[[6;8[[8;10[[10;12[[12;14[[14;16]	المجموع
[14;16]		2] [12;14]	[10;12]	[8;10]	[6;8]	1] [4;6]	[0;2] [2;4]	·	
	H			ll.				20	
		T	_1					3 5	
.			L						

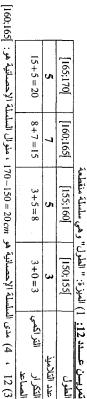


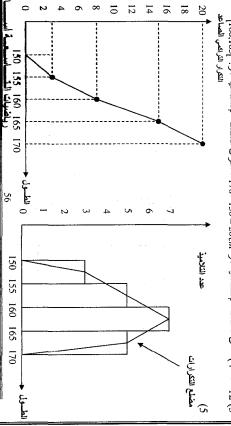




Collection Pilote

8-الإحصاء والإحتمالات





57

8-الاحصاء والاحتمالات

Collection Pilote

<u>تعریس عدد 16:</u> (1

6 5 4 3 2 1 (6,1) (5,1) (4,1) (3,1) (2,1) (1,1) 1 (6,2) (5,2) (4,2) (3,2) (2,2) (1,2) 2 (6,3) (5,3) (4,3) (3,3) (2,3) (1,3) 3 (6,4) (5,4) (4,4) (3,4) (2,4) (1,4) 4 (6,5) (5,5) (4,5) (3,5) (2,5) (1,5) 5 (6,6) (5,6) (4,6) (3,6) (2,6) (1,6) 6							
5 4 3 2 (5.1) (4.1) (3.1) (2.1) (5.2) (4.2) (3.2) (2.2) (5.3) (4.3) (3.3) (2.3) (5.4) (4.4) (3.4) (2.4) (5.5) (4.5) (3.5) (2.5)	6	(1,6)	(2,6)	(3,6)	(4,6)	(5,6)	(6,6)
5 4 3 2 (5,1) (4,1) (3,1) (2,1) (5,2) (4,2) (3,2) (2,2) (5,3) (4,3) (3,3) (2,3) (5,4) (4,4) (3,4) (2,4)	5	(I,5)	(2,5)	(3,5)	(4,5)	(5,5)	(6,5)
5 4 3 2 (5,1) (4,1) (3,1) (2,1) (5,2) (4,2) (3,2) (2,2) (5,3) (4,3) (3,3) (2,3)	4	(1,4)	(2,4)	(3,4)	(4,4)	(5,4)	(6,4)
5 4 3 2 (5,1) (4,1) (3,1) (2,1) (5,2) (4,2) (3,2) (2,2)	3	(1,3)	(2,3)	(3,3)	(4,3)	(5,3)	(6,3)
5 4 3 2 (5,1) (4,1) (3,1) (2,1)	2	(1,2)	(2,2)	(3,2)	(4,2)	(5,2)	(6,2)
5 4 3	1	(1,1)	(2,1)	(3,1)	(4,1)	(5,1)	(6,1)
		1	2	သ	4	υ,	6

ب) عدد الإمكانيات الممكنة: 36 (6،6) ، (5،5) ، (4،4) ، (3،3) ، (2،2) ، (1،1) (2 (6.6) ، (5.5) ، (4،4) ، (3،3) ، (2،2) ، (1،1) (2 (6.6)) وإذن احتمال الحصول على نفس العدد خلال الرميتين أم

6

Ċ

4

w

N

	3	2	1	الرمية 2	3	(
						-
		0				
		=				
		12	:	Α		
		13	-			
		10 11 12 13 14 15				
		15	<i>2</i>			
		15				
		_				
		7 18				
		16 17 18 19		:		
,	े च	ຶ↓				
	15;19					
,	[13					
,	,15	11				
ľ	11,13	ن عــدد 15				
ľ	أعجال	Ċ.				
L	Ē	E.				

	متنامي
	Ē
	نكرار
	<u>c:</u>
	Ę.
	4A
	القالث
×	ستطيل
ر. بح	<u>ب</u> نم
×	مساه
ζ	3A
ξ.	_
퉌	ينط
4 متناه	يل المثانع
3 و 4 متنا	ستطيل الثاني
2، 3، 4 متنا	ة المستطيل الثاني
عدد 2، 3، 4 متناس	مساحة المستطيل الثاني
ن الأعداد 2، 3، 4 متناه	2/ ، مساحة المستطيل الثاني
ت إذن الأعداد 2 ، 3 و 4 متناس	ل 2A ، مساحة المستطيل الثاني
طيلات إذن الأعداد 2 ، 3 و 4 متناس	، الأول 2A ، مساحة المستطيل الثاني
لمستطيلات أذن الأعداد 2، 3 و 4 متناس	تطيل الأول 2A ، مساحة المستطيل الثاني
احة المستطيلات أذن الأعداد 2 ، 3 و 4 متناس	المستطيل الأول 2A، مساحة المستطيل الثاني
x, g, x, x, x and a particle x, g, x and x	مساحة المستطيل الأول 2A، مساحة المستطيل الثاني 3A ومساحة المستطيل الثالث AA. بما أن التكرار ات

x₂

×

التكرار

(6,6)(6,5)(6,4)(6,3)(6,2)(6,1)

(5,6)(5,5)

(4,6)(4,5)(4,4)

(3,6)(3,5)(3,4)

(2,6)(2,5)(2,4)(2,3)(2,2)(2,1)

(1,6)

6 (A 4

(1,4)

(1,5)

احتمال أن يكون العدد في الرمية الثانية أكبر من العدد في الرمية الأولى $\frac{5}{12} = \frac{5}{36}$.

(5,4)

(5,3)(5, 2)(5,1)

(3,3)(3, 2)

(4,2)(4,3)

> (1,2) (1,1)

(1,3)

(4,1)

(3,1)

9 8

7 6

6

4

w

12

1 4

12 44 7

6 Ú

11 10

= 5 9 8

10

∞

59

9 00

4100100

700

100

9 2

w

 $x_{1} = \frac{1}{4}x_{3}$; $x_{1} = \frac{1}{2}x_{3}$ using $\frac{x_{1}}{2} = \frac{x_{2}}{3} = \frac{x_{3}}{4}$ using $\frac{2}{x_{1}} = \frac{3}{x_{2}} = \frac{4}{x_{3}}$

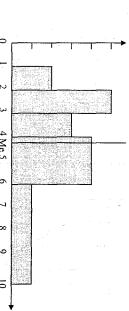
 $x_3 = 72 \times \frac{4}{9} = 32$ ونعلم أن $\frac{1}{2}x_3 + \frac{3}{4}x_3 + x_3 = 72$ أنن $x_1 + x_2 + x_3 = 72$

 $x_2 = \frac{3}{4} \times 32 = 24$ وبالتالى $x_1 = \frac{1}{4} \times 32 = 16$

			4
200	36	[15;19[
24	2	[13;15[2
10	7	[11;13[Ç
1	- 63	إمجال	;

8-الإحصاء والاحتمالات

(OA) والعمودي على A(Me; 0) المساحة الجملية للمستطيلات هي 22 مربع إن المستقيم المار من النقطة يقسم مخطط المستطيلات إلى جزئين لهما نفس المساحة: 11 مربع إنن Me = 4.125



		1 1 1			
14				0	
_				_	
15				2	
16				w	
17				4 Me 5	
18				e S	
				6	
	V		5	7	
				00	
				9	
ļ.,					
10 .	•			10	<u>5.33.9284</u>
				•	
C C	• •				
18					

8-الإحصاء والاحتمالات

Collection Pilote

 $\frac{1}{16}=rac{1}{4}$ وبالتالي احتمال أن تكون النقطة M منتمية إلى (AB) هو $\frac{1}{16}=rac{1}{4}$

;(4);

: (3 , : (2 , 8:(1 تعريس عدد 19:

1) احتمالات ننيجة الرمي هي: (خ، خ ، خ) ، (خ، خ،ص) ، (خ ، ص ، خ)، (خ ، ص ، ص)، (ص ، خ ، خ)، (ص،

 $\frac{1}{2}$ توجد امكانية واحدة لإصابة الهدف 3 مرات أي (ص ، ص ،ص) إنن احتمال إصابة الهدف 3 مرات هي $\frac{1}{8}$

(ص، ص، خ)، (ص، ص،ص)

ر رکو بر

3) توجد 3 إمكانيات الصابة الهدف مرتبن متتاليتين على الأقل وهي (خ، ص، ص) و (ص، ص، ح)

و (ص ، ص ،ص) وبالتالي احتمال إصابة الهدف مرتين على الأقل هو $rac{c}{8}$.

∞ I —	
≻	
العدث	
متمال	

(P;P;P) (P;P;F)(P;F;P) (P; F; F)

$$\frac{1}{8}$$
: A احتمال الحدث (2) $\frac{4}{8} = \frac{1}{2}$: B احتمال الحدث (3)

(F;F;P) (1444)

(F;P;P)

5) احتمال الحدث D (5

6) احتمال الحدث H:H

تعريسن عسدد 21:

 $\frac{3}{8}$:C اهتمال الحدث (4

(F;P;F)

기

$$\frac{\frac{1}{8}}{8}:A$$
 احتمال الحدث (2) احتمال الحدث (3)

$$\frac{1}{8}: A$$
 احتمال الحدث (2)

$$\frac{1}{8}$$
 : A احتمال الحدث (2

$$\frac{1}{8}$$
 : A احتمال الحدث (2

$$\frac{1}{8}: A$$
 احتمال الحدث (2

$$\frac{1}{8}$$
 : A احتمال الحدث (2

$$\frac{1}{8}:A$$
 احتمال الحدث (2

$$\frac{1}{8}: A$$
 احتمال الحدث (2

$$\frac{1}{8}$$
 : A احتمال الحدث (2

5) إصابة الهدف مرتين على الأكثر يعني لا يصيب الهدف أو يصيبه مرة واحدة أو يصيبه مرتين إذن الاحتمال هو: $rac{7}{8}$ 4) توجد 7 إمكانيات لإصابة اليهف مرة واحدة على الأقل إنن احتمال إصابة الهدف مرة واحدة على الأقل هو $\frac{7}{8}$

6) توجد 4 إمكانيات الإصابة الهدف مرتين على الأقل وهي (خ، ص، ص)، (ص، خ، ص) و (ص، ص، خ)

 $\frac{4}{8} = \frac{1}{2}$ و (ص ، ص ، ص ، ص) . إذن احتمال نجاح أحمد هو

تمريس عسد **18:** (0:3); (0:4); (0:4); (0:5); (-3:5); (-3:5); (-3:5); (-3:5); (-3:5); (0:5); (0:6); (0:7); ($.(3;1) \ni (3;0); (3;-3); (3;3); (1;3); (1;0); (1;-3); (1;1)$

2) لتكون النقطة M على محور الترتبيات يجب أن تكون فاصلتها صفر إنن هناك 4 إمكانيات وهي:

(0,0) ; (0;-3); (0;-3); (0;0) وبالتالي احتمال أن تكون النقطة $_{\rm M}$ منتمية إلى محور الترتيبات $_{\rm H}^{-2}$

3) أتكون النقطة M على محور الفاصلات بجب أن تكون ترئيبتها صفر إذن هناك 4 إمكانيات وهي:

(0;0) ; (0;0) ; (0;0) ; (0;0) وبالتالي احتمال أن تكون الفقطة M منتمية إلى محور الفاصلات $\frac{4}{1}=\frac{4}{10}$.

4) بما أنه توجد 16 إمكانية و 4 على محور الفاصلات و 4 على محور الترتيبات فإن البقية أي 7 إمكانيات لا تنتمي فيها

10-8 = 1.5

 $\frac{16}{8-4} = 4$

 $\frac{15}{4-1} = 5$

 $\frac{1}{1-0}=2$

[8;10[

4;8

1;4

0;1

التكرار

 $\{1;4[$ الجواب: $\{1,4[$ منوال السلسلة هو $\{1;4[$

إلى محور الفاصلات أو محور الترتيبات إذن احتمال أن تكون النقطة لا تنتمي إلى محور الفاصلات أو محور الترتيبات

 $\frac{16-7}{16} = \frac{9}{16}$

 $\frac{12}{16} = \frac{3}{4}$ احتمال أن تكون النقطة M غير منتمية إلى محور الترئيبات هو $\frac{1}{16} = \frac{3}{4}$

 $\frac{12}{16} = \frac{3}{4}$ ه غير منتمية إلى محور الفاصيلات هو $\frac{12}{16} = \frac{3}{4}$

7) لتكون النقطة M منتمية إلى (AB) يجب أن تكون فاصلتها 3 إنن هناك 4 إمكانيات وهي (3،3) ، (3،3) ، (1،3) ، (1،3)

S

9

<u></u>

8-الإحصاء والاحتمالات

 $AD = |x_{D} - x_{A}| = |3 - (-2)| = |3 + 2| = 5$ $AD = |x_{D} - x_{A}| = |3 - (-2)| = |3 + 2| = 5$ $BI = |x_{1} - x_{B}| = |1 - 2| = |-1| = 1$ $OA = |x_{A}| = |-2| = 2$ $OA = |x_{A}| = |-2| = 2$

 $DC = |x_C - x_D| = |-\sqrt{2} - 3| = \sqrt{2} + 3$, $BD = |x_D - x_B| = |3 - 2| = 1$, $BC = |x_C - x_B| = |-\sqrt{2} - 2| = \sqrt{2} + 2$

 $x_{0}=-\frac{3}{2} \;\; ; \;\; x_{6}=-1 \;\; ; \quad x_{1}=-\frac{1}{2} \;\; ; \quad x_{0}=0 \;\; |\text{Light}(O;A) \;\; |$

 $\sqrt{2} + x_{\rm M} = -2$ أو $2 + x_{\rm M} = 2$ بينهي $|\sqrt{2} + x_{\rm M}| = 2$ يعنهي $|\sqrt{2} - x_{\rm M}| = 2$ أو $|x_{\rm C} - x_{\rm M}| = 2$ بينهي $|x_{\rm C} - x_{\rm M}| = 2$ $x_M = -3$) $x_M = 3$ (e.e. $|x_M| = 3$) $|x_M| = 3$ (i) $|x_M| = 3$ $_{\rm M}$ (O;I) فاصلة $_{\rm M}$ في المعين $_{\rm M}$

 $x_{\rm M} = -2 - \sqrt{2}$ او $x_{\rm M} = 2 - \sqrt{2}$ وبالتالي

 $\begin{aligned} x_{M} &= A_{C} - x_{C} + x_{A} & \text{ with } x_{C} - x_{M} = x_{A} - x_{C} & \text{ if } x_{M} = 2 & \text{ with } |x_{C} - x_{M}| = |x_{C} - x_{M}| \\ x_{C} &= x_{C} - x_{C} + x_{A} & \text{ with } x_{C} - x_{M} = x_{C} - x_{A} & |x_{C} - x_{M}| = |x_{C} - x_{A}| \\ x_{C} &= x_{C} - x_{C} & \text{ with } x_{C} - x_{M} = x_{C} - x_{A} & |x_{C} - x_{M}| = |x_{C} - x_{A}| \end{aligned}$

 $x_{M}=2-2\sqrt{2}$ اَو $x_{M}=-2$ يعنى $x_{M}=2$ يا أو $x_{M}=2$ يعنى $x_{M}=x_{C}+x_{C}-x_{A}$ اَو $x_{M}=x_{C}+x_{C}-x_{A}$ اَو $x_{M}=x_{C}+x_{C}-x_{A}$

(2) ب) لدينا P مسقط M على (AB) وفقا لمنحى (AC) لذا (PM)//(AC) <u>تعربين عـ13مده:</u> 1) أ) انظر الرسم ب) لدينا N مسقط M على (AC) وفقا لعنجي (AB) لذا (MN)//(AB)

وبيما أن (AB) لـ (AC) فإن (AB)

لذا (AC)//(BC) و (AE)//(BC) إذن الرباعيAEBC متوازي أضلاع لأن أضلاعه المتقابلة منوازية

لذا (FC)//(AB) و (AC)//(BF) إذن الرياعي ABFC متوازي أضلاع لأن أضلاعه المتقابلة متوازية. هـ) ادينا E مسقط A على (BE) وفقا لمنحى (BC) و E مسقط B علمي (AE)وفقا لمنحى (AC)

د) لدينا F مسقط B على (FC) وفقا لعنحى (AC) و C مسقط F على (AC)وفقا لعنحى(AB)

الدينا (AN)//(AN) و (MN)//(MN) إذا الرباعي APMN متوازي

وبما أن (AB) لـ (AB) فإن (AB)

أضلاع لأن أضلاعه المتقابلة متوازية وبما أن

PÂN زاوية قائمة فإن APMN مستطيل.

رك لدينا ا مسقط M على Δ وفقا لمنحى Δ و L مسقط L على Δ وفقا لمنحى L وفقا لمنحى L الدينا المسقط L و L (OI)//(OI) و (OI)//(OI) . إذن الرباعي OI/OI متوازي أضلاع لأن أضلاعه المتقابلة متوازية . C) أ) مسقط O على (DC) وفقا لمنحى (EF) هو ب) مسقط B على (AD) وفقا لمنحى (DC) هو A ب) مسقط E على (OD) وفقاً لمنحى (OA) هو B ج) مسقط F على (AD) وفقا لمنحى (OC) هو ج

 $_{\rm B}$ مسقط $_{\rm B}$ على $_{\rm A}$ وفقا لمنحى $_{\rm B}$ هو مسقط ٥ على ٨ وفقا لمنحى ٨ هو ٥ ، 4) انظر الرسم

تمريس عــ10ـدد: 1) مسقط A على '∆ وفقا لمنحى ∆ هو O

يوني $X_{\rm C}=X_{\rm B}+X_{\rm E}$ يعني $X_{\rm C}=\frac{X_{\rm B}+X_{\rm E}}{2}$ اذا $X_{\rm C}=\frac{X_{\rm B}+X_{\rm E}}{2}$ يعني $X_{\rm C}=X_{\rm E}+X_{\rm E}$ ويعني $X_{\rm C}=X_{\rm E}+X_{\rm E}$ يعني $X_{\rm C}=X_{\rm E}+X_{\rm E}$

 $x_D = \frac{x_A + x_B}{2} = \frac{3 + \sqrt{2}}{2}$, [AB] air D air D air (2

 $BC = |x_c - x_B| = \left| -\frac{3}{4} - 2\sqrt{2} \right| = \frac{3}{4} + 2\sqrt{2} = \frac{3 + 8\sqrt{2}}{4}; AB = |x_B - x_A| = \left| 2\sqrt{2} - \left(-\frac{5}{2} \right) \right| = \left| 2\sqrt{2} + \frac{5}{2} \right| = \frac{4\sqrt{2} + 5}{2} (1)$

 $x_M = \frac{x_A + x_C}{2} = \frac{-\frac{5}{2} + \left(-\frac{3}{4}\right)}{2} = \frac{-\frac{13}{4}}{2} = -\frac{13}{8}$ [AC] with M (2)

 $AC = |x_C - x_A| = \left| -\frac{3}{4} - \left(-\frac{5}{2} \right) \right| = \left| -\frac{3}{4} + \frac{5}{2} \right| = \left| \frac{7}{4} \right| = \frac{7}{4}$

y=1 0 $x=-\sqrt{2}$ \boxtimes (z, y=-1 0 $x=-\sqrt{2}$ \boxtimes (x, y=1 0 $x=-\sqrt{2}$ \boxtimes (x) $\sqrt{2}+1 \boxtimes (z, AC=2(\sqrt{2}-1) \boxtimes (x, AB=\frac{9}{2} \boxtimes (i(1)))$

 $BC = |x_C - x_B| = \left| -\frac{3}{2} - \sqrt{2} \right| = \frac{3}{2} + \sqrt{2}$

, $AC = |x_c - x_A| = \left| -\frac{3}{2} - 3 \right| = \left| -\frac{9}{2} \right| = \frac{9}{2}$, $AB = |x_B - x_A| = \left| \sqrt{2} - 3 \right| = 3 - \sqrt{2}$ (4)

 $\mathbf{X} = \left\{ -\sqrt{3} + 3; \sqrt{3} + 3 \right\} \text{ i.i. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = -\sqrt{3} + 3 \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + 3; \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{A}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{M}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{M}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{M}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{M}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{M}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{M}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{M}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{M}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{M}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{M}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{M}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{M}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{M}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{M}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}_{\mathsf{M}} = \sqrt{3} + \mathsf{x}_{\mathsf{M}} \text{ i.e. } \\ \mathbf{x}$

ي منهي $\overline{X}_{M} - X_{N} = -X_{N} + X_{M} + X_{N} = \sqrt{3}$ ا يعنمي $\overline{X}_{M} - X_{N} = \sqrt{3}$ المنالعي AM = $\sqrt{3}$ (4)

 $x_{\rm E} = 2x_{\rm C} - x_{\rm B} = 2 \times \left(-\frac{3}{2}\right) - \sqrt{2} = -3 - \sqrt{2}$

L E(0:6) N(3:6) A(0;4) M(3;4) (AB) مجموعة النقط M(x;y) حيث 3 = y و x ∈ IR مجموعة المستقيم B(3;0) 9 A(0;4) (2 مرين ع-111شد:

P(-4;4) B(3;0)

 $\frac{2\times(7+3)}{2} = 10 \text{ cm}^2$: MNEP ب) مساحة شبه المنحرف

E(0;6) (1(3

B(-4;3)

تعربين عــ12مد: (AB) لدينا A و B لهما نفس الفاصلة ويختلفان في الترتبية أذا المستقدم (AB) مواز لعحور الترتبيات اي (OJ)//(AB). ولدينا A و C لهما نفس الترتبية

N(-4;3)4

C(0;3) A(4;3

ويختلفان في الفاصلة لذا المستقم (AC) مواز لمحور الفاصلات أي .(OI)//(AC)

G) F ، E () مناظرات A ، B و C على التوالي بالنسبة إلى النقطة O .G(0;-3) و F(-4;0) ، E(-4;-3)

C(-4; -3)

A(4;+3)

ب) لدينا O منتصف كل من [BF] و [CG] و (BF) (KF) (لان

G(0;-3)

BCFG) لذا الرباعي BCFG هو متوازي أضلاع قطراه متعامدان إذن هو معين. مساحة المعين BCFG هي

 $\frac{BF \times GC}{2} = \frac{6 \times 8}{2} = 24 \text{ cm}^2$

2) ب) لدينا (AN)//(AN) لذا A و N لمهما نفس الترتيبة (3)، (EN)//(EN) لذا E و N لمهما نفس الفاصلة (4-) الذا N(-4;3) ولدينا (OI)//(EM) لذا E و M ليهما نفس الترتيبة (3-)،(AM)//(OJ) لذا A و M ليهما نفس الفاصلة (4) إذن (4;-3)

. AM \times AN = BF \times CG = 6 \times 8 = 48cm² : AMEN مساحة المستطيل (5

(O;I,J) إحداثيات النقطة M في المعين O;I,J): فاصلة M هي فاصلة A في تمرين عـ13عد:

وترتيبة M هي فاصلة Bفي المعين (O,J)وتساوي 4. لذا (3,4). المعين (O;I)وتساوي 3

3) أ) لدينا M و N لهما نفس الفاصلة لذا P · (MN)//(OJ) و Q لهما نفس

بعـاً ان (MN)//(OJ) و (PQ)//(OJ) فابن (MN)//(PQ). الترتيبة لذا (OJ)//(PQ)

ب) لدينا M و Q لهما نفس الترتيبة كذلك N و P لهما نفس الترتيبة لذا

يما ان (PQ)//(MN) فإن الرباعي MNPQ متوازي أضلاع. (QM)//(NP)و(OI)//(NP)/(OI)//(MQ)

65

Collection Pilote

5) فاصـــــالات النقاط D، C، B، A، I و E في المعين (O; J

 $x_E = 3 + \sqrt{2}$ $y_{X_D} = -\left(\frac{3 + \sqrt{2}}{2}\right)$; $x_B = -\sqrt{2}$; $x_A = -3$; $x_1 = -1$;

(OA)//(FH) على Δ وفقاً لمنحى Δ و A مسقط A على Δ وفقاً لمنحى Δ لذا (H)//(AH) و (AH)//(OF) إذن الرباعي AHFO هو متوازي أضلاع لأن أضلاعه المتقابلة متوازية.

D(43) تعرين عـــ80 مدد: 3) أ) لدينا (A(4;-3) و (C(-4;-3). نلاحظ أن $^{
m C}$ و $^{
m A}$ لهما نفس الترتيبة وفاصلتاهما متقابلين لذا $^{
m A}$

الفاصلة وترتيباهما متقابلان أذا A و D متناظرتان بالنسبة إلى D الدينا D(4;3) و D(4;3) و D(4;3) الدينا D(4;3)متناظر تان بالنسبة إلى (OJ).

ح) لدينا (C(-4;-3) و (C(-4;-3). نلاحظ أن فاصلة D مقابلة

o إذن الرباعي ABCD متوازي أضلاع.. وبما أن (AC)⊥(BC) بالنسبة إلى O لذا القطران [AB] و [CD] يتقاطعان في منتصفهما 4) لدينا A و B متناظران بالنسبة إلى O و D و متناظران لفاصلة C و ترتيبة D مقابلة لترتيبة C . لذا D و متناظرتان (لان (OI) لـ (OI) و (OI)//(AC))افإن ACBD مستطيل

فاصلتاهما متقابلان و ترتيباهما متقابلان أذا B و C متناظرتان بالنسبة إلى C و B نلاحظ أن C(2:-3) و B(-2;3) لدينا (ب(2:-3) علاحظ أن Bج) لدينا (BM)//(OA) و OA × OA لذا الرباعي OAMB هو شبه

B(-1:3)₂ A(3;3) $\xi(2;-3)$

C(-1;-3)D(3;-3)

تعربین عـ10مد: 1) انظر الرسم $_{
m C}$ ادینا $_{
m C}$ $_{
m C}$ متناظرتان بالنسبة $_{
m C}$ متناظرتان بالنسبة $_{
m C}$ (OI) ألى المستطيل ABCD ، ادينا (OI) يمثل الموسط العمودي للضلع [BC] أذا (OI) A و B لهما نفس الترتيبة لذا (OI)//(AB). بما أن (BC) ± (OI) و (AB) الحي (OI). إذن (OI) يمثل الموسط العمودي لـ [BC] وبالثالي (OI) (BC) ولدينا يمثل محور تناظر المستطيل ABCD. إدن A و D متناظرتان بالنسبة إلى (OI)

 $\frac{(3+6)\times 3}{\text{oise}} = \frac{27}{3} = 13.5 \,\text{cm}^2$ منحرف مساحته:

2

BM = BK + KM = 2 + 4 = 6 (OA = 3 (-

.M(4;3) · K(0;3) (1(2)

اصل المعين 0 إذن 0 هي منتصف [BC].

فإن (AB) ± (BC) إذن المثلث ABC قائم الزاوية في B

64

ربالنالي فإن إحداثيات النقطة D هي (3;-3).

Collection Pilote

تمرين عــ10ـد: نعتبر S_1 مساحة المثلث ABC و S_2 مساحة المثلث AMC و S مساحة المثلث ABM

 $\frac{S_1}{S_1} = \frac{MC}{BC} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$ الدا ABC متناسبان مع MC و MC متناسبان مع ومساحة المثلث AMC ومساحة المثلث $S_1 = \frac{AH \times BC}{2} = \frac{3 \times 6}{2} = 9 \text{ cm}^3$

را المراح عنها أن S₁ = 9 وبعا أن S₂ = 9 وبعا أن S₃ + S₄ فابن S₂ = 3 وبعا أن S₃ + S₄ هي

 $S_3 = S_1 - S_2 = 9 - 3 = 6$ د الفرق بين $S_2 = S_1 - S_2 = 9$ الفرق بين الم

 $(BC = 3BI : 1 - \frac{S_1}{S} = \frac{BI}{BC} = \frac{1}{3}$, يعني $\frac{S_1}{BC} = \frac{S_1}{BC}$ (لأن: BC = 3BI) يعربين عبد $\frac{S_1}{S} = \frac{BI}{BC} = \frac{1}{3}$

 $\frac{S_1}{S} = \frac{S_2}{S} = \frac{S_3}{S} = \frac{1}{3}$ i.i.

بما أن (OI)//(AD) و (OJ)//(AD) فإن فاصلة D هي نفس فاصلة A

3) أ) لدينا ACBE متوازي أضلاع لذا ACBE)//(AE)//

وترتيبتها نفس ترتيبة C أدا (-2:5)

ABCD مستطيل إذن (OI)//(AB)//(AD) و (OI)//(AB)//

نفس الترثيب لذا (OM)//(PN). إنن الرباعي OMPN متوازي أضلاع.

 $x=2a-b \ \boxtimes \ (4 \ , \ \frac{AN}{AC} = \frac{a}{b} \ \boxtimes \ (3 \ , \ BC = 2x \ \boxtimes \ (2 \ , \ \frac{BM}{BC} \times S \ \boxtimes \ (1 \ , \ \frac{3}{BC} = \frac{3}{b} \times \frac{3}{BC} \times$

 $x = \frac{12}{5}$ يعني 5x = 12

 $\frac{2}{5} = \frac{x}{6}$ يعني $\frac{AM}{AC} = \frac{MN}{BC} = \frac{x}{BC}$ نتحصل على: $\frac{AB}{BC} = \frac{AB}{BC}$ يعني $\frac{2}{5} = \frac{x}{6}$

 $x = \frac{14}{3}$ يتطبيق نظرية طالس في المثلث ABC نتحصل على: $\frac{AN}{AB} = \frac{AN}{AB}$ يعني $\frac{AN}{AB} = \frac{MN}{BC}$ يتطبيق نظرية طالس في المثلث ABC نتحصل على: $\frac{AB}{AB} = \frac{MN}{BC}$ يتطبيق نظرية طالس في المثلث ABC نتحصل على: $\frac{AM}{AC} = \frac{MN}{BC}$

(IJ)//(BC) و $J \in (AC)$ ، $I \in (AB)$ لدينا ABC في المثلث ABC

 $AJ = \frac{2.5}{6} \times 4 = \frac{10}{6} = \frac{5}{3}$ i, $AJ = \frac{AI}{AB} \times AC$ $\frac{AI}{AB} = \frac{AJ}{AC}$

 $\frac{AI}{AB} = \frac{AJ}{AC} = \frac{IJ}{BC}$: بتطبیق نظریهٔ طالس نتحصل علی:

ب) لدينا ACBE متوازي أضلاع أذا AE = BC وبعا أن (OI)//(BC) فإن 1=|5-4| إلى AE = 1 الذن (-2) هان (0J)//(AE) فان (0J)//(AE) و E لهما نفس الفاصلة إدن فاصلة

 $AE = |y_E - 4| = 1$ لاينا (O1) $AE = |y_E - y_A| = 1$ لذا $AE = |y_E - y_A| = 1$ لاينا (AE) (AE) لاينا (AE) لاينا (AE) ومعني (AE = |y_E - y_A| = 1) لاينا (AE = |y_E - 4| = 1) لاين

.3 يعني $y_{\rm E} - 4 = -1$ او $y_{\rm E} = 3$ يعني $y_{\rm E} = 5$ او $y_{\rm E} = 4$ وبيما أن $y_{\rm E} - 4 = -1$ فان ترتيبة $y_{\rm E} = 4$ هي 3.

F∈(BC) (أ (A)//(BC) و OJ)//(BC) أذا فاصلة F هي نفس فاصلة B و C وتساوي 3.

ب) في المستطيلين ABCD و ABFE لدينا AE = AD و [AB] ضلع مشترك لهما ترتيبة F مساوية لترتيبة E وهي 3 إذن (3;3).

لذا هما متقايسان في الأبعاد

انن فطر اهما [AC] و [AF] متقايسان (AE = AC) وبالتالي المثلث ACF متقايس

الضلعين قمته الرنيسية ٨.

 $(OJ) \pm (OI)$ وبما أن $(OJ) \pm (OJ) \pm (OJ)$ وبما أن $(OJ) \pm (OJ) \pm (OJ)$

ان (OI) ±(AC)

(2) ب) نعتبر $(x_{
m D})$ فاصلة النقطة (2) و $(y_{
m D})$ ترتيبة النقطة (2)

D(1:-6) يعني $y_{\rm D}=-6$ و $x_{\rm D}=1$ يعني $y_{\rm D}+0=-3$ و $x_{\rm D}+5=3$ الآن [BD]

G = [AC) (\overline{c} $F = [B] (\hookrightarrow : E = [D]) (1)$

 $AN = \frac{3.5}{1.5} \times 3 = 7\, cm$ إذن: $AN = \frac{MA}{MB} \times BC$ يطبيق نظرية طالس نتحصل على: $\frac{MA}{MB} = \frac{AN}{BC}$

في المثلث ADM لدينا: (AD)//(BK) و K∈(DM) ، B∈(AM) و (AD)

 $JC = AC - AJ = 4 - \frac{5}{3} = \frac{7}{3}$, $IJ = \frac{2.5}{6} \times 5 = \frac{25}{12}$, $IJ = \frac{AJ}{AB} \times BC$ بنتي $\frac{AI}{AB} = \frac{IJ}{BC}$

(انظر الرسم) ABCD مجموعة النقاط M(x;y) بحيث $\frac{5}{2} \le x \le \frac{6}{2}$ و $\frac{9}{2} \le y \le \frac{5}{2}$ همي مئوازي الأضلاع

نفس فاصلة M وتساوي 2 2 N مسقط P على (OJ) وفقا لمنحى (OJ) لذا ترتيبة P هي نفس ترتيبه N

3) M مسقط P على (OI) وفقا لمنحى (OJ) لذا فاصلة P هي

تمرين عـ14-44: 1)أنجز الرسم

9-التعيين في المستوى

وتساوي $\frac{5}{2}$ إنن $P\left(\frac{5}{2},\frac{3}{2}\right)$ (نلاحظ P و D لهما نفس الاحداثيات) ب) M و N لهما نفس الفاصلة لذا (MP) // (ON) ، P ، (ON) الهما

رياضيات الت

z

ب) H و او F مساقط H و Mو على (HF) وفق لمنحني (EF)

 $MI = \frac{2 \times 3}{5} = \frac{6}{5}$ يعني $MI = \frac{HM}{HE} \times EF$

 $rac{HM}{HE}=rac{Ml}{EF}$ بتطبیق نظریهٔ طالس نتحصل علی (EF)//(MI)

تعريبن عــــ1<u>ــــــــد:</u> 1) أنظر الرسم Me (EH)، Ie (HF) لدينا EFH و Me (EH)، المثلث Me (EH)، المثلث

G

ج) في المثلث FGH لدينا (IN) // (HG) و او FH)، Ne (FG) لدينا

 $\frac{\text{FI}}{\text{FH}} = \frac{\text{EM}}{5} = \frac{3}{5}$ ابن بتطبیق نظریهٔ طالس نتحصل علی

عربين عـــ10ــد: 1) لدينا (OI) ع الذا 5 = 5 | OA فا 3 = 3 فذا 3 = 5 | Be (OI) ، OE = 3 فذا 3 = 5 الذا 2) لدينا A مسقط C على (OI) وفقا لمنحى (OJ) و B مسقط C على (OJ) وفقا لمنحى (OI) لذا فاصلة C هي

 $IJ = \frac{1}{2}MB = \frac{4}{2} = 2 \text{ cm}$ و $IJ = \frac{1}{2}MB$ إذن $IJ = \frac{4}{2} = 2 \text{ cm}$ لدينا المنتف MBC ب) في المثلث MBC الدينا المنتصف

(3) في المثلث MDC الدينا K منتصف [DC] و (JK)//(DM) إذن لا منتصف [MC]

 $\frac{OH}{CD} + \frac{OH}{AM} = \frac{AH}{AD} + \frac{DH}{AD} = \frac{AH + DH}{AD} = \frac{AD}{AD} = 130 + \frac{OH}{AD} = \frac{DH}{AD} = \frac{OH}{AD} = \frac{AH}{AD} = \frac{AH}$

ب) في المثلث AMD لدينا He(AD) ،Oe(DM) لدينا He(AD))، والمثلث نظرية لهالس نتحصل $\frac{OD}{AD} = \frac{DH}{AD} = \frac{OH}{AM}$

 $\frac{AO}{AC} = \frac{AH}{AD} = \frac{OH}{DC}$

2) أ) في المثلث ADC لدينا Oe (AC)، (He (AD) (OH)//(DC). بتطبيق نظرية طالس نتحصل

 $\frac{OM}{OD} = \frac{OA}{OC} = \frac{AM}{DC} = \frac{3}{7}$ نتحصل على:

M∈(OD)، A∈(OC) و (AM)//(DC). بتطبيق نظرية طالس

تمرين عـ19 مدد: 1) في المثلث ODC لدينا

m HG=MN+EF بطيق نظرية طالس على ثبيه المنحرف EFMN نتحصل على $m HG=rac{1}{2}(MN+EF)$ بعني نظرية طالس على ثبيه المنحرف $MN = 2 \times 6 - 4 = 8 \text{ cm}$ آدن MN = 2 + G - EF

ر 2 منتصف [FM] مناظرة G الأسبة إلى G اذا G منتصف M مناظرة F بالنسبة إلى G اذا G منتصف M مناظرة F بالنسبة الم N مناظرة E بالنسبة إلى H أذا H منتصف [EN]

 $IK = \frac{1}{2}EG = \frac{5}{2} \cdot II = \frac{1}{2}FG = \frac{3}{2} (3)$

2) بعا أن (KG)//(II) و (JK)//(JG) فإن الرباعي IJGK مقوازي أضلاع

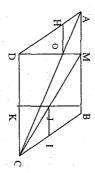
(IK)/(EG) و $K = \frac{1}{2}EG$ إذن حسب مبر هنة طالس EG و EF و EF

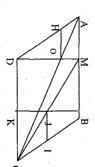
 $(IJ)//(FG) = IJ = \frac{1}{2}FG$

* I منتصف [EF] و ل منتصف [EG] إنن حسب مبر هنه طالس تمرين عــ07-دد: 1) في المثلث EFG لدينا:

 $BK = \frac{1.5}{3.5} \times 3 = \frac{9}{7} cm$

 $BK = \frac{BM}{AM} \times AD$ يعني $\frac{BM}{AM} = \frac{BK}{AD}$ بتطبيق نظرية طالس نتحصل على:



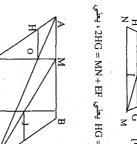


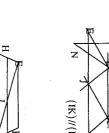
ج) لدينا: النقاط I ، I و D على استقامة واحدة والنقاط N ، M و P العساقط العمودية لـ I ، I و D على المستقيم

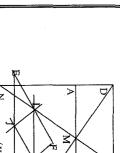
 $\frac{MN}{NP} = \frac{IJ}{ID}$ على الترتيب إذن حسب نظرية طالس (BC)

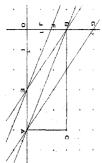
 $NP = \frac{MN \times ID}{IJ} = 1.5$ فإن $\frac{MN}{NP} = \frac{IJ}{ID}$ د) بما أن $\frac{MN}{NP} = \frac{IJ}{ID}$

 $MN=\Pi=rac{3}{2}$ (MN))/((MN)و (RM = 90°) الذن 1MN مستطيل وبالتالي 1









 ${
m IJ}=rac{1}{2}{
m BC}$ أو ${
m (IJ)}/{
m (BC)}$ أو ${
m (IJ)}/{
m (BC)}$ أو ${
m (AC)}$ أو ${
m (AC)}/{
m (BC)}$ أو ${
m (BC)}/{
m (BC)}$ G(0;5) بما أن $G \in (OI)$ فإن $G = \frac{OA \times OB}{OE} = 5$ فإن $\frac{OE}{OA} = \frac{OB}{OA}$ بما أن ما أن (JM)/(IN) و $(IN) \perp (BC)$ ونعلم أن N المسقط العمودي لـ اعلى (BC) لذا (IN) لـ (IN) 2) ب) لدينا M المسقط العمودي لـ ال على (BC) لذا (JM) لـ (BC) $IJ = \frac{1}{2}BC = \frac{3}{2} (\rightarrow$

4) أ) في المثلث OAG لدينا: : Be (OG)، Ee (OA)، نتطبيق نظرية طالس نتحصل $\frac{OE}{OA} = \frac{OB}{OG}$ على:

 $F \in (OI)$ وبما أن $OF = \frac{OE}{OA} \times OB = \frac{9}{5}$ اذ $\frac{OE}{OA} = \frac{OF}{OB}$ وبما أن

(3) أ) في المثلث OAB لدينا: Fe (OB)، Ee (OA) و OB و (EF)//(AB) $\frac{OE}{OA} = \frac{OF}{OB} = \frac{EF}{AB}$ ينطبيق نظرية طالس تتحصل على:

 $PC = \frac{1}{2}BK$ و KE] و PC منتصف

5) في المثلث EBKلدينا C منتصف Pe[KE]، [BE]، و BK)//(PC)

ج) لدينا في المثلث KI = KI و KI = KI و IC = BJ ، KJ = KB + BJ و KI = KI يعني KI = KI وبالتالي المثلث KJ متقايس الضلعين قمته الرئيسية K.

ب) لدينا (AB)//(CK)، (BK)//(AC) و AB = AC معين. فإن B = AC ونعلم أن AC = IC إذن B = AC

4) أ) لدينا (BJ)//(BJ) و (AB)//(GJ) إذا الرباعي ABJG متوازي أضلاع إذن B=GA وبعا أن AB)//(GJ) (EF = 2AC) EI = $\frac{1}{2}$ EF = $\frac{2AC}{2}$ = AC = 3 (BF = 2AB)

 $IC = \frac{1}{2}BF = \frac{1}{2} \times 2AB = AB = 3$ إذن 1 منتصف EF و EF و EF و EF التألي

 $(\mathrm{FB})/\!/(\mathrm{IC})$ و $\mathrm{Ie}[\mathrm{EF}]$ ، $(\mathrm{C}$ متناظرتان بالنسبة إلى B HG = EF (3) في المثلث EFB لدينا C منتصف EB) (5) و

بما أن AB = AC و $AB = \frac{1}{2}HG$ و $AC = \frac{1}{2}EF$ فإن

 $MQ = OP = \frac{2}{3}$ اذا $P \in (OI)$ اذا $P = \frac{2}{3} = \frac{2}{3}$ وبيما أن الرباعي OPMQ متوازي أضلاع فإن

ــ(OI) ويعا أن Pe(OI) و Pe(OI) وQe(OI) فإن و (OP)//(OM). إذن الرباعي PMQ متوازي أضلاع.

ب) في شبه المنحرف OIMQ لدينا K منتصف [MI] و H منتصف [QQ] لذا (OI) //(HK)//(OI). بتطبيق $\mathrm{HK} = \frac{1}{2} \left(\frac{2}{3} + 1 \right) = \frac{1}{2} \times \frac{5}{3} = \frac{5}{6}$ الآن: $\frac{1}{6} = \frac{1}{2} \left(\mathrm{MQ} + \mathrm{OI} \right)$ نظرية طالس على شبه المنحرف OIMQ نتحصل على (OIMQ نتحصل) على المنافق ا

(3) أو لدينا [MQ]/(OI) و [MQ]<(OI) أذا الرباعي OIMQ شبه منحرف.

e (MP) ، إن في المثلث MPI لدينا E (MP) ، K e (MI) ، Ke(MI) يتطبيق نظرية طالس نتحصل على:

([MI]] منتصف ($MP = \frac{MK}{MP} = \frac{MK}{MI}$

و M لهما نفس الفاصلة $\left(rac{2}{3}
ight)$ اذا (MP) مواز Q Q و M لهما نفس الترتيبة $\left(rac{3}{3}
ight)$ اذا Q

تمرين عـ13-41) أنجز الرسم

 $HJ = \frac{25}{2}$ الدينا $HJ = \frac{HE^2}{HM}$ الأن $HE^2 = HJ \times HM$

 $HE^2 = HJ \times HM$ إن $HE \times HE = HJ \times HM$ يعني $HE = \frac{HM}{HJ}$

و بنطبيق نظرية طالس فسي المثلث HE $_{
m HF}$ نتحصل على $_{
m HE}$ $_{
m HF}$ بما أن $_{
m HE}$ $_{
m HJ}$ و بنطبيق نظرية طالس فسي المثلث HE $_{
m HF}$ نتحصل على $_{
m HE}$ $_{
m HF}$ المثلث HE $_{
m HF}$

 $MN = MI + IN = \frac{6}{5} + \frac{24}{5} \cdot IN = \frac{3}{5} \times 6 = \frac{18}{5}$ إذن $\frac{18}{5} = \frac{2}{5}$ (II) $\frac{3}{5} \times 6 = \frac{18}{5}$ إذن $\frac{18}{5} = \frac{18}{5}$ أفي المثلث $\frac{18}{5} = \frac{18}{5}$ (EI)//(FJ) و $\frac{18}{5} = \frac{18}{5} \times \frac{18}{5}$ (3) بتطبیق نظریة طالس $\frac{H}{H} = \frac{H}{H}$

 $IN = \frac{FI}{FH} \times HG$ يطبيق نظرية طالس تتحصل على $\frac{FI}{FH} = \frac{IN}{HG}$

IA + 2IA + 3IA + 4IA = 5 يعني IA + AB + BC + CJ = 5 (2 10 IA = 5 $\frac{IA}{I} = \frac{AB}{2} = \frac{BC}{3} = \frac{CJ}{4}$ (1:نمریان عـــ15 استان $BC = \frac{3}{2}$; CJ = 2 وبالتالي IA = $\frac{1}{2}$ و (JB)//(KI) إذن B منتصف [KC] تمريين عـــ<u>6 الــده:</u> 2) في المثلث KCI لدينا ال منتصف $(J \in (IC) \cup JI = JC)$

AB=1 5

ب) في المثلث MQI لدينا K e (MI)، Fe (MQ) و FK)//(QI) بتطبيق نظرية طالس تتحصل على:

.([MI] منتصف (MF = $\frac{MF}{MQ} = \frac{MK}{MI} = \frac{1}{2}$

 $rac{ME}{MP}=1$ وبما أن النقاط M ، m B و P ، M وبما أن النقاط MP = 2ME يعنمي $rac{ME}{MP}=1$

[MQ] وبما أن النقاط m Q و m Q و m Q و m Q وبما أن النقاط m MQ=2MF وبما أن النقاط m MQ=2MF(EF)//(PQ) و $EF = \frac{1}{2}PQ$ إن [MP] و EF منتصف [MP] الذن $EF = \frac{1}{2}PQ$ و $EF = \frac{1}{2}PQ$

(C و B متناظرتان بالنسبة إلى A) و C منتصف E)[BE] و B متناظرتان بالنسبة إلى C)

تمرين عــ14-دو. 1) في المثلث EFB لدينا A منتصف [BF]

2)) في المثلث HGC لدينا A منتصف (2 $\frac{EF}{AC} = 2$ وبالتالي AC = $\frac{1}{2}EF$

(A و C متناظرتان بالنسبة إلى Be [HC] (A)

(HG)//(AB) إذن B منتصف (HG)

 $AB = \frac{1}{2}HG$

10-مبرهنة طالس ونطبيقاته

Collection Pilote

11-العلاقات القياسية في المثلث القاد

ABC فان ABC مثلث AC2 = $AB^2 + BC^2$ الذا AC2 = $\sqrt{38}^2 = 38$ و $AB^2 + BC^2 = (3\sqrt{2})^2 + (2\sqrt{5})^2 = 18 + 20 = 38$

هـ) AB² + BC² = 4+9=13 و AC² = 4² = 16 لذا AC² ≠ AB² + BC² اذن المثلث ABC ليس قائما.

تمريان عـ 150 عد:

قائم الز اوية في B

 $\boxtimes (4 \text{ , } AH = 2\sqrt{3} \boxtimes (3 \text{ , } AO = 3\sqrt{2} \boxtimes (2 \text{ , } AH = \frac{12}{5} \boxtimes (1 \text{)})$

 $BC = \sqrt{16+9} = \sqrt{25} = 5$ اذن $BC = \sqrt{AB^2 + AC^2}$ يعني $BC^2 = AB^2 + AC^2$

 $AH = \frac{AB \times AC}{BC}$ به $AB \times AC = AH \times BC$ به $AB \times AC = AH \times BC$ به $AB \times AC = AH \times BC$ به $AB \times AC = AB = AB \times AC = AB \times AC = AB \times AC = AB \times AC = AB \times AC = AB \times AC = AB \times AC = AB \times AC = AB \times AC = AB \times AC = AB \times AC = AB \times AC = AB \times$

 $AH = \frac{4 \times 3}{5} = \frac{12}{5}$ اذن

و [BD] متعامدان في المركز O وبالتالي العثلث OEC قانم الزاوية في O وبتطبيق نظرية بيتاغور على العثلث OEC تعريسن عــــ20ــــــد: ABCD مربع طول ضلعه 3 و [BD] قطره إنن 2√3 =BD ، ABCD مربع إنن قطراه [AC]

ندصل على $EC = \sqrt{OC^2 + OE^2}$ يعني $EC^2 = OC^2 + OE^2$ إذن

 $\left(OE = 2OB = \frac{2 \times 3\sqrt{2}}{2} = 3\sqrt{2}\right) EC = \sqrt{\left(\frac{3\sqrt{2}}{2}\right)^2 + \left(3\sqrt{2}\right)^2} = \sqrt{\frac{18}{4} + 18} = \sqrt{\frac{45}{2}} = \frac{3\sqrt{5}}{\sqrt{2}}$

 $AH = \frac{4\sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3}$ ارتفاعه إذن ABC (1 مثلث متقايس الأضلاع طول ضلعه 4 و [AH] ارتفاعه إذن ABC (1 مثلث متقايس الأضلاع طول ضلعه 4 و

ند $FN = \sqrt{GN^2 + GF^2}$ یعنی $FN^2 = GN^2 + GF^2$ اذن نتحصل علی

2) أ) المثلث: FGN قائم الزاوية في G؛ بتطبيق نظرية بيئاغور

 $MF = \sqrt{16+9} = \sqrt{25} = 5$ (ii) $MF = \sqrt{EM^2 + EF^2}$

 $MN = \sqrt{HM^2 + HN^2}$ يعني $MN^2 = HM^2 + HN^2$

* المثلث HMN قائم الزاوية في H؛ بتطبيق نظرية بيناغور

 $FN = \sqrt{5^2 + 10^2} = \sqrt{125} = 5\sqrt{5}$

 $MF^2 = EM^2 + EF^2$ المثلث EFM قائم الزاوية في F؛ بتطبيق نظرية بيتاغور نتحصل على $EFM^2 + EF^2$

 $\left| \begin{array}{c|c} \frac{3}{2} & \sqrt{6} & \frac{3\sqrt{5}}{2} & \sqrt{21} \\ \end{array} \right|$

3√2 2√14 √6 2√7

<u>\$</u>

√18

 $\sqrt{15}$ 2 $\sqrt{7}$

(2 a

<u>₹</u>

تعريسن عــ 100 مدد

G

 ${
m HI}=\sqrt{3}$ الآن ${
m HI}={
m HB} imes{
m AB}$ يعني ${
m HB} imes{
m AB}={
m HI} imes{
m AB}$

 $_{
m H}$ مثلث قائم الزاوية في $_{
m H}$ و $_{
m H}$ الارتفاع الصادر من ABH (أ

AHC مثلث قائم الزاوية في H و [HJ] الارتفاع الصادر من H

 ${\rm HJ}=\sqrt{3}$ الأن ${\rm JH}=\frac{{\rm HC}{ imes {\rm AH}}}{{
m AC}}$ يشي ${\rm HC}{ imes {\rm AH}}={\rm JH}{ imes {\rm AC}}$

 $_{
m H}$ بما أن $_{
m I}$ = $_{
m H}$ فإن $_{
m H}$ متقايس الضلعين قمته الرئيسية

A في ABC مثلث قائم الزاوية في BC2 = AB2 + AC2 الذا $BC^2 = 12$ مثلث قائم الزاوية في ABC ب

 $ABC^2 + AB^2 + AC^2$ ابن المثلث $BC^2 = \sqrt{21}^2 = 21$ و $AB^2 + AC^2 = (2\sqrt{3})^2 + \sqrt{11}^2 = 12 + 11 = 23$ ابن المثلث $ABC^2 = \sqrt{21}^2 = 21$

3) أ) في العثلث EFM لدينا (He(ME)؛ (AH)؛ Ae(MF)؛ و (EF)//(AH)؛ بتطبيق نظرية طالس تتحصل على:

 $MA = \frac{6}{4} \times 5 = \frac{15}{2}$ اذن $MA = \frac{MH}{ME} \times MF$ يختى $\frac{MA}{MF} = \frac{MH}{ME}$ $\frac{MA}{MF} = \frac{MH}{ME} = \frac{AH}{ME}$

MF² + MN² = 125 و FN² = 125 لذا FN² = MF² + MN² اذن المثلث FMN قائم الزاوية في FN² = 125

(+) في المثلث MFN لدينا + -5 = -10 MN = + -5 = -10

 $MN = \sqrt{6^2 + 8^2} = \sqrt{100} = 10$

 $AH = \frac{6}{4} \times 3 = \frac{9}{2}$ بن $AH = \frac{MH}{ME} \times EF$ بن $\frac{MH}{ME} = \frac{AH}{EF}$ (ب

ج) في العثلث AMN لاينا $\frac{15}{2} = MN = 10$, $AM = \frac{15}{2} = 10^2 + 10^2 = \frac{625}{4}$, $AN = \frac{25}{2}$, AN = 10 , $AM = \frac{15}{2}$

$$EH = \frac{OE \times \sqrt{3}}{2} = \frac{4 \times \sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3}$$

ب) بتطبيق نظرية بيتاغور في المثلث AEH (قائم الزاوية في
$$(H)$$
 انتحصل على (H) (H) يعني المثلث (H)

$$AH = \sqrt{(4\sqrt{3})^2 - (2\sqrt{3})^2} = \sqrt{48 - 12} = \sqrt{36} = 6$$
 ابنن $AH = \sqrt{AE^2 - EH^2}$ بعني $AH^2 = AE^2 - EH^2$

$$AH = \sqrt{(4 \sqrt{3})} - (2 \sqrt{3}) = \sqrt{48 - 12} = \sqrt{36 - 6}$$
 وبدأ أن $AH = \sqrt{AE' - EH'}$ (BI) فإن $(BH)//(BI)$ أن لدينا المستقيم (BI) مماس للدائرة في الفطة B لذا $(BH)//(BI)$ وبدأ أن $(BH)//(BI)$ فإن $(BH)//(BI)$

$$\frac{AH}{AB} = \frac{AE}{AI} = \frac{EI}{B}$$

$$\frac{AH}{AB} = \frac{AE}{AI} = \frac{EH}{BI}$$

$$\frac{AB \times EH}{AH} \text{ wis } \frac{AH}{AB} = \frac{EH}{AH} * \text{ , } AI = \frac{8 \times 4\sqrt{3}}{6} = \frac{16}{3} \sqrt{3} \text{ , } AI = \frac{AB \times AE}{AH} \text{ wis } \frac{AH}{AB} = \frac{AE}{AI} *$$

$$BI = \frac{8 \times 2\sqrt{3}}{6} = \frac{8\sqrt{3}}{3}$$

$$(MN)/(OB)$$
 في المثلث OEB لدينا M منتصف OE و N منتصف EB إذن OEB لدينا M منتصف OE

$$(MN)/(OB)$$
 في المثلث OEB لدينا M منتصف OEB و N منتصف OEB الذن OEB لدينا M

$$AG = \frac{2}{3}AO = \frac{2}{3} \times 5 = \frac{10}{3}$$
 وبالتالي ABC في المثلث ABC أو [BI] فإن $AG = \frac{2}{3}AO$

2) لدينا I منتصف [AC] و O منتصف [BC] لذا [AO] و [BI] يعثلان موسطى المئلث ABC وبما أن G نفطة

ج) العثلث ABC قائم الزاوية في A و [AH] ارتفاعه الصادر من A إذن AB×AC=AH×BC يعني

 $AH = \frac{AB \times AC}{BC} = \frac{5 \times 5\sqrt{3}}{10} = \frac{5\sqrt{3}}{2}$

ب) العثلثABC قانع الزاوية في A؛ بنطبيق نظرية بيناغور ننحصل على: AB² + AC² ($AC = \sqrt{10^2 - 5^2} = \sqrt{75} = 5\sqrt{3}$ is $AC = \sqrt{BC^2 - AB^2}$ and $AC^2 = BC^2 - AB^2$

إذن ABC مثلث قائم الزاوية في A

تمريسن عـــ80سدد: 1) أ) المثلث ABC محاط بالدائرة في وضلعه [BC] يمثل قطرا لها

 $M_{\odot}=\frac{625}{4}=\frac{1}{2}$ AMN قائم الزاوية في $AN^2=AM^2+MN^2$ قائم الزاوية في $AN^2=\left(\frac{25}{2}\right)^2=\frac{625}{4}$

؛ AG =
$$\frac{2}{3}$$
AO = $\frac{2}{3}$ ×5 = $\frac{10}{3}$ وبالتالمي ABC في المثلث AG و مناتالمي أ $\frac{2}{3}$

(AO = BO = CO = 5)

 $\mathrm{FG}=\sqrt{\mathrm{EF}^2+\mathrm{EG}^2}$ والدم الزاوية في EG $^2=\mathrm{EF}^2+\mathrm{EG}^2$ على في G $^2=\mathrm{EF}^2+\mathrm{EG}^2$ والدم الزاوية في

(FA = FG = 5) EA = FA - EF = FG - EF = 5 - 3 = 2 * (-)(FB = FG = 5) EB = FF + FB = EF + FG = 3 + 5 = 8

 $FG = \sqrt{16+9} = \sqrt{25} = 5$ إذن

تمريس عــ10ــد: 1) أ) بتطبيق نظرية بيناغور في المثلث EFG

مركز الدائرة المحيطة بالمثلث OEH وهي الدائرة (اعّ)

ج) بتطبيق نظرية بيناغور في المثلث AEB (قائم الراوية في E) نتحصل على

يعني
$$AE = \sqrt{AB^2 - BE^2}$$
 يعني $AE^2 = AB^2 - BE^2$ إذن

$$AB^2 = AE^2 + BE^2$$

$$AB^2 - BE^2 \text{ pairs} AE^2 = AB^3 - BE^2$$

$$AE = \sqrt{AB^2 - BE^2}$$
 يعني $AE^2 = AB^2 - BE^2$ يعني $AE = \sqrt{16} \times \sqrt{3} = 4\sqrt{3}$

$$AE = \sqrt{8^2 - 4^2} = \sqrt{48} = \sqrt{16} \times \sqrt{3} = 4\sqrt{3}$$

$$AE = \sqrt{8^2 - 4^2} = \sqrt{48} = \sqrt{16} \times \sqrt{3} = 4\sqrt{3}$$

$$AE = V8^{\circ} - 4^{\circ} = V48 = V16 \times \sqrt{3} = 4\sqrt{3}$$
 و (EH) ارتفاعه الصادر (2

بتطبيق نظرية بيناغور في المثلث AEG (قائم في E) نتحصل على AG² +EG² +EA² يعني AG² = EG² +EA² يعني

ج) المثلث EBG قائم الزاوية في EB؛ بتطبيق نظرية بيئاغور نتحصل على EB² + EG² وعني

 $BG = \sqrt{8^2 + 4^2} = \sqrt{80} = \sqrt{16 \times 5} = 4\sqrt{5}$ le $G = \sqrt{EB^2 + EG^2}$

ب) في المثلث BEC لدينا EB2+EC2=52+102=125 ،BC=5√5 و EB2+EC2=52+102=125 ،BC

 $m EE^2 = (5\sqrt{5})^2 = EB^2 + EC^2$ الذن المثلث BC = $m EB^2 + EC^2$ الذن المثلث BC = $m (5\sqrt{5})^2 = 125$

EBC (3 مثلث قائم الزاوية في E و [EF] الارتفاع الصادر من E إذن EB×EC=EF×BC مثلث قائم الزاوية في

$$EF = \frac{5 \times 10}{5 \sqrt{5}} = \frac{10}{\sqrt{5}}$$
 وبالتالي: $EF = \frac{EB \times EC}{BC}$

 $MP^2 = MN^2 + MP^2$ | $\dot{M}N^2 + MP^2 = 144$ 9

إذن المثلث MNP قائم الزاوية في M.

MNP (2 مثلث قائم الزاوية في M و [MI] الارتفاع الصادر من M

I المسقط العمودي لـــM على (NP) أذا المثلث MIP قائم الزاوية في 1؛ بتطبيق نظرية بيتاغور ننحصل على $\mathrm{MI} = \frac{6 \times 6 \sqrt{3}}{12} = 3 \sqrt{3}$ وبالتالي $\mathrm{MI} = \frac{\mathrm{MP} \times \mathrm{MN}}{\mathrm{NP}}$ ادن $\mathrm{MI} \times \mathrm{NP} = \mathrm{MP} \times \mathrm{MN}$ والتالي أن

 $\text{IP} = \sqrt{6^2 - \left(3\sqrt{3}\right)^2} = \sqrt{36 - 27} = \sqrt{9} = 3 \text{ i.i. } \text{IP} = \sqrt{\text{MP}^2 - \text{MI}^2}$ يعني $\text{IP}^2 = \text{MP}^2 - \text{MI}^2 + \text{IP}^2 + \text{IP$

IN = NP - PI = 12 - 3 = 9 ; $IJ = PJ - PI = \frac{1}{2}PN - PI = \frac{12}{2} - 3 = 6 - 3 = 3$ (i (3)

 $\frac{IJ}{IN} = \frac{JK}{MN}$ و (JK)/(MN) . بتطبيق نظرية طالس نتحصل على $K \in (MI)$ ؛ $J \in (IN)$ المثلث IM المثلث IM المثلث IM و IM

 $MJ = \sqrt{MI^2 + II^2}$ بتطبيق نظرية بيناغور في المثلث $MIJ = MI^2 + II^2$ نتحصل على $MIJ = \sqrt{MI^2 + II^2}$ بتطبيق نظرية بيناغور في المثلث $MIJ = \sqrt{MI^2 + II^2}$ $JK = \frac{3}{9} \times 6\sqrt{3} = 2\sqrt{3}$ اذن $JK = \frac{IJ}{IN} \times MN$ يعني

الذ $6 = \sqrt{36} = \sqrt{27 + 9} = \sqrt{27 + 9}$ ويما أن $MI = \sqrt{\left(3\sqrt{3}\right)^2 + 3^2} = \sqrt{27 + 9} = \sqrt{36} = 6$ أذن MP = 6 ويما أن $MI = \sqrt{\left(3\sqrt{3}\right)^2 + 3^2} = \sqrt{27 + 9} = \sqrt{36} = 6$

2) ABE مثلث قائم الزاوية في A ،بتطبيق نظرية بيناغور ننحصل على BE² = AB² + AE² يعني

(D فائم في DEC أذن BE = $\sqrt{3^2 + 4^2} = \sqrt{25} = 3$ بتطبيق نظرية بيتاغور في المثلث DEC (فائم في DEC (فائم في المثلث BE = $\sqrt{AB^2 + AE^2}$

 $EC = \sqrt{6^2 + 8^2} = \sqrt{100} = 10$ اذن $EC = \sqrt{ED^2 + DC^2}$ يخصل على $EC^2 = ED^2 + DC^2$

11-العلاقات القراسية في المثلث القائم

 $AG = \sqrt{4^2 + 2^2} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$ [ici)

 $AG = 2\sqrt{5}$ و $BG = 4\sqrt{5}$; AB = 10 د ABG د ABG

 $AG^2 + BG^2 = (2\sqrt{5})^2 + (4\sqrt{5})^2 = 20 + 80 = 100$

و AB² =100 = ABC لذا AB² = AG² +BG إنن المثلث ABG قائم الزاوية في BC.

 $KF = \frac{1}{2}AG$ و (KF)//(AG) إذن (AB) و (AB) و (AB) و (AB) الذن (AB) و (AB)

ب) ادينا (AG) / (AG) و (AG) (AF) الذا (AG) الذا (AG) (AG) الذن في المثلث BFG الدينا المستقيم (FK)

حامل للارتفاع [FK] والمستقيم (EG) حامل للارتفاع [GE] وبما أن H هي نقطة

تقاطع المستقيمين (FK) و (EG) فإن H تمثل المركز القائم المثلث ج) في المثلث AEG لدينا (AG) // (FH) و He (EG) ؛ Fe (EA)

 $\frac{EH}{EG} = \frac{EF}{EA} = \frac{FH}{AG}$ بتطبیق نظر یهٔ طالس تتحصل علی

 $\left(\frac{\mathrm{EF}}{\mathrm{EA}} = \frac{3}{2}\right)$ کان FH = $\frac{3}{2}$ AG نین FH = $\frac{\mathrm{EF}}{\mathrm{EA}}$ × AG انن $\frac{\mathrm{FH}}{\mathrm{AG}} = \frac{\mathrm{EF}}{\mathrm{EA}}$ کان (3 - 3) حسب السوال (5 - 5)

 $FH = \frac{3}{2}AG$ (3 - 3) ه حسب السؤال (3 - 1) لدينا $FK = \frac{1}{2}AG$ لذا $FK = \frac{1}{2}AG$ (3 - 3) هـ) حسب السؤال (3 - 1) لدينا

FH = 3FK نن $FH = \frac{3}{2} \times (2FK)$ ندا

تعريسن عـــ11ـــــد: 1) المثلث ADC قائم الزاوية في D؛ بتطبيق نظرية بيناغور

 $BC^2 = BH^2 + HC^2$ عند نظرية بيناغور في المثلث BHC (قائم في H) نتحصل على

 $AC = \sqrt{10^2 + 8^2} = \sqrt{164} = 2\sqrt{41}$ (فن $AC = \sqrt{AD^2 + DC^2}$ يتحصل على $AC = AD^2 + DC^2$ يتحصل على $AC = \sqrt{10^2 + 8^2} = \sqrt{164} = 2\sqrt{41}$

 $BC = \sqrt{10^2 + 5^2} = \sqrt{125} = 5\sqrt{5}$ انن $BC = \sqrt{BH^2 + HC^2}$

Collection Pilote

ا) ﴿ مربع ؛ ب) ﴿ معين ؛ ج) ﴿ مستطيل ؛ د) معين

تعريس عــ 12 ـــ د

تمریان عــ03 دد

تعريس عدال عدد أ) صواب؛ ب) صواب؛ ج) خطا؛ د) خطا؛ ه) صواب؛ و) صواب

ب) لدينا ABC مثلث متقايس الضلعين قمته الرئيسية A والنقطة I منتصف قاعدته [BC] نذا تمرين ع-06-دد: 1) أ) انظر الرسم

C المستقيم (AI) يمثل الموسط العمودي لـBC إنن BC إنن BC ولدينا B و D مناظرتي

و A بالنسبة إلى النقطة I لذا القطران [AD] و [BC] وتقاطعان

2) أ) أنظر الرسم

القطر ان بتقاطعان في منتصفهما القطران متقايسان ومتعامدان

القطران متعامدان القطران متقايسان

في منتصفهما 1 وبما أن في الرباعي ABDC القطر ان متعامدان في منتصفهما فهو معين.



ب) لدينا E و F مناظرتي B و C بالنسبة إلى A لذا AC=AF و AE=AB وبعا أن

فإن AB=AC=AF=AF ومنه فإن EB=FC إذن في الرباعي EFBC القطران يتقاطعان في منتصفهما و متقايسان ABC) AB = AC متقايس الصلعين)

تعريس عــ07سدد: 1) لدينا (HK)//(EF) و EF = HK = 3 فهو مستطيل.

وبما ان EFKH) FK = HK = FK مربع) فإن KJ = KG = HK = FK ومنه فإن الرباعي EFKH له ضلعان متوازيان ومتقايسان إذن هو متوازي الأضلاع وبما أن له زاوية قائمة وله ضلعان متتاليان متقايسان إذن فهو مربع.

ج) المربع هو مستطيل له ضلحان متثاليان متقايسان لذا لميكون الرباعي ABCD مربعا يجب أن يكون المطلث ABC فانح

قائمة (ABC قائم في A) فإن الرباعي ABCD هو مستطيل.

لذا القطران [BC] و [AD] يتقاطعان في منتصفهما 1 إنن الرباعي ABCD هو متوازي الأضلاع وبعا أن له زاوية

ب) لدينا B مناظرة C بالنسبة إلى I (لأن I منتصف [BC]

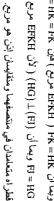
تمريس عــ04 خد: أ) انظر الرسم

في متوازي الأضلاع

في المستطيل في المعين

هي المربع

و D مناظرة A بالنسبة إلى I (معطى)



FGJH مربع) فإن الرباعي FJ = HG (V_i) (V_i) ويما أن الرباعي V_i (V_i) ويما أن الرباعي

 $\frac{6}{\sqrt{2}} = 3\sqrt{2}$ يساوي FGJH يساوي 6cm يساوي بيساوي بيساوي الدينا قيس طول ضلعه [FG] يساوي

ب) لدينا 1 منتصف [FG] (معطى) و 1 منتصف تمرين عد00 مدد: 1) أ) انظر الرسم.

إنن الرباعي EFHG متوازي الأضلاع وبهما أن له زاوية قائمة (EFG قائم في E) فهو مستطيل الأن H و E متناظرتان بالنسبة إلى I) لذا القطران [EH] و [FG] يتقاطعان في منتصفهما

2) أ) انظر الرسم.

(BC)//(AE) و AE = BC وبعا أن AE = BC و AD = BC فين AE = BC وبعا أن (BC)//(AE) و

3) لدينا ADBC متوازي الأضلاع لذا (BC)//(AD) و ABCE كذلك لدينا ABCE متوازي الأضلاع لذا

ب) لدينا C مذاظرة A بالنسبة إلى J (لأن J منتصف [AC])و عامناظرة B بالنسبة إلى J (معطى) اذا الفطران [AC] و [BE] يتقاطعان في منتصفهما ر وبالثالي الرباعي ABCE هو متوازي الأضلاع.

يتقاطعان في منتصفهما [وبالتالي الرباعي ADBC هو متوازي الاضلاع .

و DC] و مناظرة C بالنسبة إلى I (معطى) لذا القطران [AB] و [DC] ب) لدينا B مناظرة A بالنسبة إلى I (لأن I منتصف [AB])

تمريان عـ 05 ده: ١/١) انظر الرسم

الزاوية و متقايس الضلعين في A

(AE)//(BC) فإن النقاط E; A و D على استقامة واحدة إذن A هي منتصف [ED].

ياضيات التساسعة أس

78

تعريــن عــــ11ـــــد: 1) بتطبيق نظرية بيناغور في المثلث EFG (قائم الزاوية فيE) نتحصل على FC = AE إذن الرباعي AECF له ضلعان متوازيان متقايسان فهو متوازي الأضلاع

 $FG = \sqrt{34}$ O^{3} $FG^{2} = EF^{2} + EG^{2} = 25 + 9 = 34$

2) أ) في المثلث FGH لدينا I منتصف [FG] و (HG)//(EI) إذن E منتصف [HF]

ب) لدينا المستقيم (GE) عمودي على القطعة [HF] في منتصفها E أذا

G يمثل الموسط العمودي HF إنن GH=GF إنن GH=GF وبالتالي المثلث GH=GF متقايس الصلعين فمته الرئيسية

 $E = \frac{1}{2}GH = \frac{1}{2}FG = \frac{\sqrt{34}}{2}$ إذن [FH] أذن [FG] لدينا [FG] منتصف [FG] و [FG] منتصف [FG]

(3) أولينا (HF) L(GE) و (JF) L(HF) و (JF) (HF) وبالتالي في المثلث

FHJ لدينا E منتصف [HF] و (FJ)//(GE) اذن G منتصف FHJ

 $\mathrm{FJ}=2\mathrm{EG}=2 imes3=6$ وبالكالي $\mathrm{EG}=rac{1}{2}\mathrm{FJ}$ بن $\mathrm{EG}=rac{1}{2}\mathrm{FJ}$ وبالكالي $\mathrm{EG}=2\mathrm{EG}=2 imes3=6$ بن في المثلث $\mathrm{EG}=rac{1}{2}\mathrm{FJ}$

4) لدينا E منتصف كل من [GK] و [HF] و [GK] لذا في الرباعي

KFGH القطران متعامدان في منتصفهما إذن هو معين.

تمريان عـ12 المدد: 1) انظر الرسم

 $B\left(-\frac{3}{2};2\right)$ لدينا M منتصف [OA] و (A(-3;0) الأها (A(-3;0) وبما أن (2

فإن M و B

لهما نفس الفاصلة إذن المستقيم (BM) عمو دي على محور الفاصلات(OI) وبالتالي

(BM) عمودي على القطعة [OA] في منتصفها M ومنه فإن (BM) يمثل الموسط العمودي لــ[OA] إنن المثلث OAB متقايس الصلعين قمته الرئيسية B

BM = 2) الدينا $B(-\frac{3}{2};2)$ و $B(-\frac{3}{2};0)$ الذا BM = 2 موازي لمحور الترتيبات (OJ) إذن

بَنْطْبِيقَ نَظْرَيْهُ بِينَاغُورِ فَي المثلث OBM (قَائم فِي M) نَتْحَصَلُ عَلَى:

OB = $\sqrt{\text{OM}^2 + \text{BM}^2} = \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 + 2^2} = \sqrt{\frac{25}{4}} = \frac{5}{4} \text{ OB}^2 = \text{OM}^2 + \text{BM}^2$

ب) لدينا 1 منتصف [EG] (معطى) و 1 منتصف [IK] (لأن 1 و K متناظرتان بالنسبة إلى 1) لذا الرباعي

EIGK قطراه [IK]

و [EG] يتقاطعان في المنتصف وبما أن IG = IE (لأن EFGH مستطيل) فإن الرباعي EIGK هو متوازي الأضلاع

له ضلعان متثاليان متقايسان إذن هو معين

ب) في الديّلث EFM لدينا K منتصف [EM] و (EF)//(JK) إذن لا منتصف [FM] وبما أن لا منتصف [EG] فإن

الرباعي EFGM قطراه [FM] و [EG] يتقاطعان في منتصفهما اذن هو متوازي الأضلاع.

تمرين عــ90سند: ١) انظر الرسم

2) لدينا [EG] و [FH] يمثلان قطر ان للدائرة لم التي مركزها O لذا [EG] و [FH] يتقاطعان في منتصفهما O ومتقايسان إذن الرباعي EFGH هو مستطيل

(لأن النتاظر المحوري يحافظ على البعد) وبما أن FO = EO = FI = FI وبالتالي الرباعي EO = FO = EI = FI وبالتالي الرباعي EOFI له FI = FO و EI = EO الذينا Γ مناظرة Γ بالنسبة إلى المستقيم Γ و Γ و Γ و Γ الذا Γ الذا Γ أربعة أضلاع متقايسة إدن هو معين.

(AJ)//(IC) إنن الرباعي AICJ أضلاعه المتقابلة متوازية وله زاوية فائمة

تعريس عــ10-11: 1) انظر الرسم

2) لدينا ABCD متوازي الأضلاع لذا (AB)//(AB) ولدينا 1 المسقط العمودي لـ C على (AB) و J المسقط العمودي لـ A على (DC) أذا

 $\{I\}$ = (AB) \cap (FC) و (AB) و النسبة إلى (3 AB) مناظرة C مناظرة

 $\{J\}$ = (DC) \cap (AE) و لدينا E مناظرة A بالنسبة إلى [FC]

اذا إ منتصف [AE] ولدينا AICJ مستطيل أذا

ريما أن AJ = IC و $AJ = \frac{AE}{2}$ و $IC = \frac{FC}{2}$ و AE)//(FC)

 $SO = \sqrt{SA^2 - \frac{AB^2}{2}} \boxtimes (2$, (II)//(ABC) \boxtimes (1 : مرین عـــ02 مدد: 1

 $AG = \sqrt{a^2 + b^2 + b^2} \boxtimes (2)$, $MN = \frac{b}{2} \boxtimes (1)$: تعریبان عد 10-48.

تعريسن عـ14 ـ دد

 $(ABC) \cap (EFG) = \emptyset \cdot (BF) \cap (ACE) = \emptyset \cdot (AC) \cap (HD) = \emptyset \cdot (FG) \cap (AC) = \emptyset (1)$

 $(ADC)\cap (BFG)=(BC)$

 $N \in (FM)$ ومنه $N \in (BC)$ وبنه $N \in (BFG) \cap (ADC)$ ابن $(FM) \subset (BFG)$ ومنه $N \in (FM) \cap (ADC)$

 $N \in (BC) \cap (FM) \subseteq {}^{l}$

3) بعــــا أن BFGC مــــستطيل إذن (BF)//(CG) والتـــالي (AEG) (AEG) إذن (AEG) وبالتـــالي

(BF)//(AEG)

محتويسان فسي (ABC) ومتقاطعسان فسي B فساين (BF) ل (BF) . ولسدينا (BF) ل (BB) و (BD) (ABC) إذن (BC) و (AB) و $(BF) \perp (BC)$ و $(BF) \perp (BC)$ و $(BF) \perp (BC)$ و $(BF) \perp (BC)$ و $(BF) \perp (BC)$ و $(BF) \perp (BC)$

(BF)⊥(BD)

2) أ) لدينا BCGF مربح إنن (BC)//(FG) ولنا (CM)∩(BC)={C} إنن (CM) يقطع المستقيم (FG) في ال

مستشتركة K وبعسا أن CM) ويعسا أن CM) يقطع (EFG). نطسم أن: K∈(EFG) ويعسا أن K∈(EFG) و

و (EFG) و الكار (CM) فان $K \in (DCM)$ وبالتسالمي $K \in (DCM)$ وبيسا أن $C \in (DCM)$ و أمان $C \in (DCM)$

(DCM) و (EFG) غير منطبقين ولمهما نقطة مشتركة K وبالنالي فهما متقاطعان.

(AD)//(FCG) الحن (AD)//(BC) و (BC) (FCG) الحن (AD)

(EFG) ولذا أبيضا (EFG) ولذا أبيضا (EFG) فإن (EFG) ولذا أبيضا (EFG) ولذا أبيضا والذاء أبيضا والذاء أبيضا والذاء أبيضا والذاء أبيضا والذاء أبيضا المناه المناه أبيضا المناه أبيضا المناه ا رالمستوى الذي يحوي (CM) و (FG) هو (BCG) وبما أن الدائرة ع التي مركزها H معيطة بالمثلث EMN فإن H منتصف [MN] ولدينا [EP] هو قطر للدائرة ع

المثلث ENM قائم الزاوية في E

الني مركزها

H إذن H هي منتصف [EP] إذن [MN] و [EP] يتقاطعان في منتصفهما H ومنقايسان (لأنهما يمثلان قطران

3) ب) لدينا R مناظرة G بالنسبة إلى H لذا H منتصف [RG] وبعا أن H منتصف [PE] و (RG) لا (RG) فإن للدائرة ع) وبالتالي الرباعي EMPN مستطيل

82

رياضيات التساسسعه اسساسي

(CG) و (ABCD) و (BC) مربع إذن (CD) (CB) ولدينا DCGH سربع إذن (CD) (CB) وبما أن (CB) و (CG) و (CG)

انا $_{
m C}$ مناظرة $_{
m B}$ بالنسبة إلى $_{
m M}$ و $_{
m B}$ انا $_{
m C}$ متناظرتان بالنسبة إلى محور $_{
m C}$

 $\operatorname{C}\!\left(-rac{2}{2},-2
ight)$ الفاصلات (OI) وبالتالي $\operatorname{B}_{\mathcal{O}}$ والمهما نفس الفاصلة وترتيباهما متقابلان إنن

ج) لدينا M منتصف كل من[BC] و OA] ؛ (OA) لذا الرباعي ABOC قطراه متعامدان فمي منتصفهما إنن

4) لدينا£ و F هما على التوالي مناظرنا B و C بالنسبة إلى 0 أذا 0 هي منتصف كل من [EB] و [FC] وبما أن

ABOC) OB = OC معين) فإن EB = FC وبالثالمي الرباعي BFEC قطراه يتقاطعان في منتصفهما ومتقايسان إذن هو

تعريان م 13-1

بنطبيق نظرية بيناغور في المثلث EFG (قائم الزاوية في E) نتحصل على

 $FG = \sqrt{EF^2 + EG^2} = \sqrt{6^2 + 4^2} = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}$ (خ) $FG^2 = EF^2 + EG^2$ العثلث EFG قائم الزاوية في E و [EH] ارتفاعه الصادر من E إذن

EF×EG = FG×EH

 $EH = \frac{EF \times EG}{FG} = \frac{6 \times 4}{2\sqrt{13}} = \frac{12}{\sqrt{13}}$ يمني

2) أ) انظر الرسم

ب) لدينا Me(EF); Ne(EG) إذن (EM) وبالتالمي (EN) وبالتالمي

الرباعي EGPR قطراه [PE] و [RG] متعامدان في منتصفهما أذن هو معين.

لتكن H نقطة تقاطع (CD) و (EF). لدينا إذن (ACD)∩(AEF)=(AH) وبالتالي G∈(AH) ومنه G تمثل نقطة

تقاطع المستقيمين (C'D') و (AH).

تعريان عــ80ــدد: 1) (MBC) ∩ (MAB) = (MB)

2) لمدينا Me(MBC) و MBC) و MAB) و MAB) و MAB) مستويان يتقاطعان وفقا لمنحى مستقيم ∆ يمرمن

النقطة M . وبما أن (AB)//(DC) ولنا (AB) (AB) إذن (AB) إذن (AB)//(DC) ولنا أيضا

وبالنالي ٨ هو المستقيم المار من M والموازي لـ(AB).

نفس المستوى أي غير متقاطعين وغير متوازيين.

اذن (SA) لـ (ABC) في A

 $(BC)\subset (ABC)$ و الما $O\in (BC)$ و الما $O\in (ABC)$ و الما $O\in (ABC)$ و المنا $O\in (ABC)$ و المنا $O\in (ABC)$

وبالتالي (OA) (OA) إذن (SA) ⊥(OA) ومنه OSA قائم الزاوية في A

4) أ) لدينا في المثلث SAB: امنتصف [SB] و ل منتصف [SA] إذن (J) الله (J) وبالتالي (SA) عند (SA) (الله (SA) الله (الله (SA) الله (SA) الله الله (SA) الله الله الله (SA) الله الله الله (SA) الله الله الله (SA) الله الله الله (SA) الله الله الله (SA) الله الله الله (SA) الله الله (SA) الله الله الله (SA) الله الله الله (SA) الله الله الله الله الله (SA) الله الله الله الله الله الله (SA) الله الله الله الله (SA) الله الله الله الله الله (SA) الله الله الله (SA) الله الله (SA) الله الله (SA) الله

و لدينا في المثلث SAC: ومنتصف [SA] و K منتصف [SC] إنن (JK)//(AC) ولنا أيضا (SA) لـ (SA)

 $\text{El} \ (\text{NK}) \perp (\text{NK}) = (\text{NM}) + (\text{NM}) = (\text{NM}) + (\text{NM}$ فإن (SA)⊥(IJK) فإن

ب) بما أن (SA) ل (SA) و (SA) ل (ABC) فإن (SA) (IJK)

5) بما أن (ABC) ولئنا (ABC) (ABC) فإن (B)//(ABC).

 $KJ = \frac{1}{2}DE$ ومنه [EF] ومنه [DF] و منتصف [DF] و منتصف [EF] و المستوى (DEF) ومنه ومنه [EF]

(I)(KJ)//(DE) 5

لنعتبر G نقطة تقاطع المستقيم (C'D') والمستوى (AFE). (بناء النقطة)

لدينا G تنتمي لـــ(C'D') ولنــا (C'D') محتــوى فــي (ACD) وبالتــالي G تنتمــي لــــ(ACD) ولنــا أيــضـا G تنتمــي

للمستوى (AEF) ومنه Ge(AEF)∩(ACD)، لدينا F≠B ومنه (EF) و متقاطعان.

Collection Pilote

ب) بعا أن (CD) ± (CD) و (MC) و (MC) (MC) فإن (CD) ± (DD) وبالتالي فإن المثلث DCM قائم الزاوية فمي CD. متقاطعان في C ومحتويان في المستوى (BCG) فإن (CD)⊥(BCG)

سريان عـــ06ــدد: 1) (MC) تريان عـــ06ــدد: 1) (MC) لأن (MC) لأن (B∈ (SAB) لأن (SCD) ولكا (SA) ولكا

 $(MB) \subset (SAB)$ وبالتالي $M \in (SAB)$ انن $(SA) \subset (SAB)$

(2) النا C∈ (SC) و يعما أن (ABD)=(ABCD) فإن C∈ (ABD) فان (C∈ (SC) وبالتالمي C∈ (SC)

 $(ABC)\cap(SAD)=(AD)$ وبالتالي $D\neq A$ و (ABC) $\cap(SAD)$ و $A\in(ABC)\cap(SAD)$ لدينا

3) لمنا {DC)−(SAD)={D}} إذن (SA) و (DC) ليسا في نفس العستوى وبالتـالي (SA) و (DC) غير متـوازبين $|(SA) \subset (SAD)|$

 $D \notin (SA)$

4) النا (MN)//(ADC) و (AB) (AB) أذن (MN)//(AB).

5) أ) لذا (SC) \pm (SC) في C إنن (SC) عمو دي على كل المستقيمات المحتواة فـي(ABC) والممارة من C وبالتالمي

 $(SC) \cap (AC) = \{C\}$ ولنسب $(AC) \cap (SAC)$ و $(SC) \cap (SC) \cap (BC) \cup (SC)$ افن $(SC) \cap (AC) \cap (AC)$

(BC) ± (SAC) في النقطة

ب) لدينا (BC) ⊥ (SAC) في C إنن (BC) عمودي على كل المستقيمات المحتواة في (SAC) والصارة من C ولدينا

(CM) (CM) إذن (BC) لـ(CM) ومنه نستنتج أن المثلث BCM قائم الزاوية في C.

(C'D')//(CD) ولذا أيضا BCDE متوازي أضلاع ومنه (CD)//(BE) إذن (C'D')//(CD).

2)لنا (BE) يقطع المستوى (AEF) في النقطة E وبما أن (C'D') فإن (C'D') يقطع المستوى (AFE).

13-التعامد في الفضاء

(BC)//(UD) نن (BC)//(U) الذن (BC)//(UD) الذن (4) (BC)//(UD)

5) أ) بما أن الهرم ABCD منتظم فإن العثلث BCD متقايس الأضلاع حيث [DK] موسطه الصادر من D وهو أيضا

 $(BC) \perp (KD)$ ادن D الصادر من

 $(KD) \subset (AKD)$ ، (1 حسب السؤال 1)) ، $(BC) \perp (AK)$ حسب السؤال 1) ، $(BC) \perp (KD)$ حسب السؤال 1) ، ($(BC) \perp (KD)$

(AK) (AKD) و (KD) (AK)={K} عمودي على (AKD) في ال KD) في ال (AKD) في

إذن (AS) 1 (DC) ومنه المستقيم (DC) عمودي على مستقيمين متقاطعين (AD) و (AS) وبالتالي (DC) عمودي على مستقيمين (مستقيمان متقاطعان يكونان مستوى)

ب) نعلم أن (DC) عمودي على (SAD) وحيث (SAD) (SAD) إنن (DC) ⊥(SD) وبالتالمي SDC مثلث فائم الزاوية

 $(AS) \perp (AB) \cdot (AS) \perp (AD) \cdot (ABCD) \cdot (ABCD) \cdot (ABCD) \cdot (AS) \perp (ABCD) \cdot (ABCD) \cdot (ABCD) \cdot (AS) \cdot (ABCD) \cdot (AB$

وبالتالي فإن المثلثين SAB و SAD قائما الزاوية فسي A ومنه $\left\{ \mathrm{SB}^{1}=\mathrm{AB}^{2}+\mathrm{AS}^{2} \right\}$ ويما أن ABCD مربع فبان المثلثين SD1 = AD1 + AS2

AB = AD وبالتالي B = SD ومنه المثلث B = SD متقايس الصلعين قمته الرئيسية AB = AD

(SBC)//(AD) ومنه (AD)//(BC) و (BC) الله (3BC)

4) أ) لدينا (AMD)∩(SBC) (MN) إنن (MN) يعثل تقاطع المستويين (AMD) و (SBC) اللذان يعتويـان علمى

مستقيمين متو ازيين هما على التوالي (AD) و (BC) وبالتالي (MN)//(AD)

 $(AD) \perp (ABS)$ بان $(AD) \parallel (AD) \perp (AS)$ و $(AD) \perp (AB)$ و $(AD) \parallel (AD)

وبما أن (ABS) \subset (ABS) هان (AD) \perp (AD) \perp (AD) فين (AD) \perp (AD) فين (AM) فين AMND شبه مشتركان في K ولدينا (AK) و A و (BCD) و (AK) ابن (AK) و (BCD) متقاطعان في K

ب) لدينا D∈(BCD) ولذا A∈(BCD) و A∈(AKD) و AE(AKD) إن المستويان (AKD) و BCD) غير متطابقين ولهما D∈(AKD)

 $(AKD)\cap (BCD)=(KD)$ (3

[SB] ومنه AB=a ومنه $AM=\frac{a\sqrt{2}}{2}$ ومنه AB=a ومنه AB=a وانا في المثلث AB=a

ي المنكن S مساحة شبه المنصرف AMND، (AD+MN) imes AM و ABS مثلث قائم ومتقايس S=(AD+MN) imes AMND

Collection Pilote

وانا أيضا [AB] و [AB] و [AB] مستطيل إذن [AB] الن [AB] و [AB] و [AB] و الن [AB](AI)//(DE)

(AI)//(KJ) ومنه AIJK متوازي أضلاع وبالثالي فإن (AJ) و (KI) متقاطعان (قطرا متوازي الأضلاع متقاطعان)

(LN)//(AD) الدينا L مركز المربع DFCA لذا L منتصف [CD] ولذا أبضا N منتصف [CA] إذن (DFCA)

حيث (AD)//(BE) إذن(BE)//(LN)//(BE) ويما أن (BE)</br>

(LN) $\alpha(BCFE)$ ومنه (ACFD) $\cap (BCFE) = (FC)$ و (LN) $\cap (ACFD)$ \square

الدينا (LN)//(BCEF) و (LN) إنن (LN) أبن (LN) غير محتوى في المستوى (BCEF)

ب) نعلم أن (LN)//(AD) و (BE)//(LN) ومفه (BE)//(LN) ولنا في المثلث BEF ، ل منتصف [FE] و M انا $(LN) \alpha (BCEF) = (LN) ديغني <math>(LN) - (BCEF) = (DM) \alpha (BCEF) = (DM)$ ابان $(LN) \alpha (BCEF) = (DM)$ غير متقاله عين.

منتصف [BF] وبالتالي (BE)//(MJ) ومنه (BF)//(EN).

لنا (MJ) و (MO) مستقیمان متقاطعان وبما أن (LN)//(LN) فإن المستقیمین (LN) و (MO) غیر متو از بین.

ج) هسب (2) أ) لذا (LN) و (MO) غير متقاطعين، هسب (2) ب) لذا (LN) و (MO) غير متوازيين وبالتالمي (LN) و (MO) غير محتويين في نفس المستوى ومنه فإن النقاط N ، L ، O و N لا تنتمي لنفس المستوى.

تعريس عــــ11 ـــند: 1) بما أن الهرم ABCD كل أحرفه متقايسة فإن المثلث ABC متقايس الأصلاع ولدينا [AK]

موسطه الصادر من A لأن K منتصف [BC] وبالتالي [AK] هو أيضا ارتفاعه الصادر من A.

I(II) \subset (ABC) فإن $I\in$ (ABC) ويما أن (ABC) ويما أن (ABC) والتألمي $I\in$ (ABC) ويما أن

(3) أي بعد أن Ke(AK) ولمدينا Ke(BCD) و Ke(BCD) إذن Ke(BCD) وبالتدالي فسان Ke(AK) و (BCD) و (BCD)

نقطة مشنركة فهما منقاطعان

86

اذن $\frac{R}{2} = \frac{AT}{2} = \frac{R}{2}$ و [AB] على الشوالي اذن $R = \frac{TB}{2} = \frac{2R}{2}$ و اذن $R = \frac{AT}{2} = \frac{R\sqrt{2}}{2}$ OK = $\sqrt{OH^2 + HK^2} = \sqrt{\frac{R^2 + R^2}{2}} = \sqrt{\frac{3R^2}{2}} = \frac{R\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$ وبالتسالي OHK فسيائم فسي H إذن $\frac{3R^2}{\sqrt{2}} = \frac{R\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$ $(HK) \cap (HT) = \{H\} \circ (HK) \cap (HKT) \circ (HKT) \circ (HKT) \circ (OH) \perp (HK) \circ (OH) \perp (HT) \cap (HKT) \circ (OH) \cap (HK) \circ (OH) 4) لنعتبر P محوط المثلث OHK لذا P = OH + HK + OK لدينا AOT مثلث متقايس الصلعين وقائم في (4 (OH) لـ (OH) وبما أن المستويين (HKT) و (EFG) متوازيان فإن (EFG) $P = \frac{R\sqrt{2}}{2} + R + \frac{R\sqrt{3}}{\sqrt{2}} = \frac{R(\sqrt{2} + \sqrt{6} + 2)}{2}$

ولمدنينا °90 BCG = MCG إنن CMGN مستنطيل وبالتسالي (CG)//(MN) ولمسدينا ACGE مستنطيل إذن ب) لدينا المثلثان ACM و EGN متقايسان إنن MC=NG وبما أن GFBC مستطيل فإن (GF)//(BC) إنن في المثلثين ACM و EGN القائمين في M و N على التوالي لذا AC=EG و ACM=EĜN وبالتالي فإن المثلثين ACM و EGN متقايسان حسب الحالة الأولى لتقايس المثلثات القائمة

2) لدينا (CM) لأن CMGN مستطيل و (AM) لـ (AM) حيث (AM) و (CM) متقاطعان في المستوى (CG)//(AE) وبالتالي نستنتج أن (CG)//(AE)

2) لدينا O منتصف [AC] و 'O منتصف [EG] ولنا أيضا [AC] و [EG] منقايسان ومتوازيان وبالتالي [AO] و لأن ABCDEFGH مكعب وبالتالي فان الرباعي AEGC له ضلعان متقايسان ومتوازيان إنن هو متوازي أضلاع. تعريسن عـــــ 16 (BF) (CG) و (CG) متوازيان لأن (AE) ((BF)) و (BF) والدينا (BF) والدينا (ABC) إذن (MN) لـ (MN). لعينا (MN) لـ (MN) و (EFG)//(ABC) إذن (MN) لـ (EFG) (3) أناف في المثلث OHT ، و F منتصفا OT] و OT] و OT] على التوالي إذن (EF) و (HT) متوازيان، ولنا في

ريكونان المستوى (EFG)و (HK) و (HK) مستقيمان متقاطعان يكونان المستوى (HKT) مستقيمان مئقاطعان

8) SABCD هرم منتظم قاعدته المربع ABCD الذي مركزه O ابنن (SO) 1 (ABC) فـي O ولننا (ABC) (OO) في 0، إذن (SO) و ('OO) منطبقان وبالنالي S، O و 'O على استقامة واحدة

3) لسدينا ADHE مربع إذن (AD) ± (AD) ولنسا (AB) ± (AB) لأن ABFE مربع و (AB) و (AB) و (AB)

[EO] متوازيان و متقايسان إنن AOO'E متوازي الأضلاع إنن (AE)//(OO')

(AD) < (AB) و (AB) و التسالمي (AE) ± (ABC) وبعما أن (AE)//(AB) (مسؤال 2)فسان

 $S = \frac{\left(a + \frac{a}{2}\right) \times \frac{a\sqrt{2}}{2}}{2} = \frac{3a^2\sqrt{2}}{8} \text{ (BC)} \text{ (MN)} = \frac{BC}{2} = \frac{a}{2} \text{ (ac)} \text{ (BC)} \text{ (MN)}$

يمريـن عـ13ــدد: 1) لدينا ABCD شبه منحرف قائم في A و D الجن (CD)/((AB) وبعا أن (CD) − (DCG)

2) (BF) و (AE) مستنقيمان متفاطعسان وينتميسان إلمسى (ABF) و (BF)//(DCG) و (AB) و (AB) لأن فإن (AB)//(DCG) ولدينا BCGF مستطيل إذن (BF)//(CG) حيث (CG)⊂(DCG) إذن (BF)//(DCG).

BC) (1 (3) و (ADH) متقاطعان (ABF)//(DCG)

 ${J}=(EH)\cap (FG)$ ابن (EH)=(ADH) و (EH) (EH) و (EH) (EH) و (EH) (EH) (EH) (EH) (EH) (EH)

ح) ADH)∩(BC)={I}) والمسدينا أيمسضا (BC) (BC) إنن (BCG) و (ADH) متقاطعمسان وبمسما أن $(ADH)\cap (BCG)=(II)$ فإن $(FG)\subset (BCG)$ و $(ADH)\cap (FG)=\{J\}$

تعريسن عسمه استد: (1) لدينا (BT) معاس المدائرة في T ومنه (BT) ما (OA) ولدينا (OI) عصودي على (OA) و (OT) أنن (BT) = (BT) و بالتالي فإن (BT) عمو دي على مستقيمين متقاطعين (DA) = (DT) و منه (BT) عمودي على المستوى (AOT) (مستقيمان متقاطعان يكونان مستوى).

2) لدينا OAT مثلث متقايس المصلعين قمته الرئيسية O (لأن OT=OA=R) و H المسقط العمودي لــO علمي وبالنالمي (HK) 1 (AOT) وبعما أن (OH) محقوى فمي (AOT)فيلن (OH) و (HK) مقعامدان ومنه العثلث OHK قـائم المستقيم (AT) ولذا H تمثل منتصف [AT] ولنا أيضا K منتصف [AB] إذن (HK)//(TB) حيث (BT) لم

العثلث F ، OHK و G منتصفا [OH] و [OK] علمي التوالي إذن (FG) و (HK) مئوازيان وبسا أن (EF) و (FG)

نان المستوبين (EFG) و (HKT) متوازيان.

فرض مراقبة عــ10_دد

 $(3^{19}-3^{18}=2\times3^{18})$ \rightarrow (2)

تعريسن عــــ2<u>0ـــد:</u> أ) يكون العدد 2×5 قابلة للقسمة على 12 إذا كان قابلا للقسمة على 3 و على 4 وبالتالبي الحلول 2556 ; 2256 ; 2952 ; 2652 ; 2352 ; 2052 ; 2051 $9 \times 5^{17} - 5^{18} + 14 \times 5^{15} = 5^{15} \times (9 \times 5^2 - 5^3 + 14) = 5^{15} \times (225 - 125 + 14) = 5^{15} \times 114$ (\div

لعدد 5½ يقبل القسمة على 5 والعدد 114 يقبل القسمة على 3 إذن العدد 114×55 يقبل القسمة على 15.

 $\begin{vmatrix} -3 & \frac{5}{2} - 2 & -1 & 0 & 1\sqrt{2} & 2 & 3 & 4 \\ \frac{7}{2} & + AB = |x_8 - x_A| = |3 - (-\frac{5}{2})| = |3 + \frac{5}{2}| = |\frac{11}{2}| = \frac{11}{2} & \text{ for } A = |x_A| = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |x_A| = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |x_A| = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |x_A| = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |x_A| = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |x_A| = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |x_A| = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |x_A| = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |x_A| = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |x_A| = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |x_A| = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = \frac{5}{2} & \text{ for } A = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-\frac{5}{2}| = |-$

 $BC = |x_C - x_B| = |\sqrt{2} - 3| = 3 - \sqrt{2}$

 $AC = |x_C - x_A| = \sqrt{2} - \left(-\frac{5}{2}\right) = \left|\sqrt{2} + \frac{5}{2}\right| = \sqrt{2} + \frac{5}{2}$

 $\sqrt{2} - x_{\rm M} = -3\sqrt{2}$ ويشني $|x_{\rm C} - x_{\rm M}| = 3\sqrt{2}$ ويشني $|x_{\rm C} - x_{\rm M}| = 3\sqrt{2}$ ويشني $|x_{\rm C} - x_{\rm M}| = 3\sqrt{2}$ ويسا ان $|x_{\rm M} - x_{\rm M}| = \sqrt{2} - 3\sqrt{2} = -2\sqrt{2}$

 $x_{M} = 4\sqrt{2}$ فإن $x_{M} > 0$ مريخ ع<u>04-44</u> أنظر الرسم مريخ ع<u>04-44</u> أنظر الرسم

ب) لدينا A(-3;4) و B(3;-4) إذن A و B متناظرتان بالنسبة إلى

ا أنظر الرسم ؛ ب) لدينا B(3;-4) و M مناظرة B بالنسبة إلى (2(OJ) اذن (A(-3;-4) ؛ ج) لدينا (A(-3;4) و M(-3;-4) اذن O وبالتالي O منتصف [AB]

A و M لهما نفس الفاصلة وترتيباهما متقابلان وبالتالي A و M

متناظرتان بالنسبة إلى (OI).

د) لدينا A و M متناظرتان بالنسبة إلى (OI) لذا (OI) هو الموسط

(3) انظر الرسم ب) لدينا M و N متناظر نان بالنسبة إلى O إنن فاصلائهما متقابلان وترتيباهما متقابلان وبما

وبعا أن (AM)//(AM) فمإن (BM) لـ (BM) وبالتالي المئلث ABM قائم الزاوية في M.

ح) لدينا A و B متناظرتان بالنسبة إلى O و لدينا M و N متناظرتان بالنسبة إلى O

ان (M(-3;-4) فإن M(-3;-4)

هـ) لدينا B و M متناظرتان بالنسبة إلى (OJ) لذا (OJ) هو الموسط العمودي لـ[BM] إذن (BM) لـ(BM) المعودي لـ [AM] إنن (AM) لـ (AM) وبما أن (OI) (OI) فابن (AM)//(OJ)

 $V_1 = \frac{x^3}{6}$ vi $V_1 = \frac{1}{3} \left(\frac{\text{AI} \times \text{AK}}{2} \times \text{AJ} \right)$

 $V_1 = \frac{1}{3} \left(\frac{x^2 \sqrt{3}}{2} \times AN \right)$ وبالترسيماوي $\frac{1K \times h}{2} = \frac{x\sqrt{2} \times x\sqrt{2} \times \sqrt{3}}{2} = \frac{x^2 \sqrt{3}}{2}$

 $.AN = \frac{3V_1}{\sqrt{3}x^2} = \frac{6}{\sqrt{3}} = \frac{x}{2} \times \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{x}{\sqrt{3}}$

(ILPS) حسب المستقيم (IM) ومنه (IM) //(DO) (II) نستنتج من خلال (I) و (II) أن الرباعي MOD مقوازي فيان (MO)//(MO) (1). لنا المستوى (DJMO) يقطع المستوى (CDHG) حسب المستقيم (DO) ويقطع المستوى 4) لنا (CDHG) و (JLPS) مقوازيان وبعا أن المستقيمين (MO) و (DJ) يعامدان (CDHG) و (JLPS) على التوالي أضلاع ونطع أن (JD) عصودي على المستوى (CDHG) و (CDHG) إذن (DO) لذا (DO) وبالتالي فبإن

 $V_2 = \frac{\text{MO} \times (\text{CD}^2)}{3}$ يمثل الارتفاع إذن CDHG ، MCDHG أيمثل الارتفاع إذن (50)

 $V_2 = \frac{(6-x) \times 4^2}{3} = \frac{16(6-x)}{3}$ ونعلم أن DJ = AD - AJ = 6 - x وبما أن MO = DJ مستطيل إذن MO = DJ وبما أن

 $V_{1}\left(4\right)=V_{2}\left(4\right)=\frac{32}{3}\text{ ii }x=4\text{ iii }x=6\text{ iv}.$ $(x-4)\left(x^{2}+4x+48\right)=x^{3}+32x-192\text{ if }V_{1}-V_{2}=\frac{x^{3}}{6}-\frac{16(6-x)}{3}=\frac{x^{3}+32x-192}{6}\text{ (5)}$

x∈[0;4] يعنمي دٍV ≤ V، وبالتالي V، لا يعكن أن يئجاوز دٍV مهما كانت وضعية النقطة I على قطعة المستقيم [AB]. $V_1 - V_2 = \frac{(x-4)(x^2 + 4x - 48)}{2}$ يالتالي

 $IJ = \frac{1}{2}BC = \frac{6}{2} = 3$ فإن $IJ = \frac{1}{2}BC = \frac{1}{2}BC$ بما أن $IJ = \frac{1}{2}BC = \frac{1}{2}BC$

2) أ) في المثلث ABM لدينا (N∈(MB) ؛ N∈(AM) و (DN)//(AB) بتطبيق نظرية طالس نتحصل على:

 $MN = \frac{1 \times 5}{4} = \frac{5}{4} \text{ if } MN = \frac{DM}{AM} \times MB \text{ with } \frac{DM}{AM} = \frac{MN}{AB} \text{ if } \frac{DM}{AM} = \frac{MN}{AB} = \frac{DN}{AB}$ $DN = \frac{1 \times 3}{4} = \frac{3}{4} \text{ if } DN = \frac{DM}{AM} \times AB \text{ with } \frac{DM}{AB} = \frac{DN}{AB} = \frac{DN}{AB}$ $NB = BM - MN = 5 - \frac{5}{4} = \frac{20}{4} - \frac{5}{4} = \frac{15}{4} \text{ if } NC = DC - DN = 3 - \frac{3}{4} = \frac{12}{4} - \frac{3}{4} = \frac{9}{4}$

فرض تسأليفي عــ10-د

<u>ة</u> كا (ب ب × −x × (أ) أ) × −x ب ب ب 5 كا م

2) أ) خطأ (a يقل القسمة على bc اذا كان bc و ع أوليان فيما بينهما)
 ب) خطأ (كل عدد حقيقي له كذابة عشرية غير متناهية وغير دورية هو عدد أصم)

 $a = \sqrt{245} + \sqrt{11} - 2\sqrt{20} - \sqrt{99} = \sqrt{49 \times 5} + \sqrt{11} - 2\sqrt{4 \times 5} - \sqrt{9 \times 11} = \sqrt{49} \times \sqrt{5} + \sqrt{11} - 2\sqrt{4 \times \sqrt{5} - \sqrt{9} \times \sqrt{11}} = 7\sqrt{5} + \sqrt{11} - 2\sqrt{2}\sqrt{5} - 3\sqrt{11} = 7\sqrt{5} + \sqrt{11} - 3\sqrt{11} = 3\sqrt{5} - 2\sqrt{11}$

 $b = \sqrt{180} - 2\sqrt{11} + 2\sqrt{44} - 3\sqrt{5} = \sqrt{36 \times 5} - 2\sqrt{11} + 2\sqrt{4 \times 11} - 3\sqrt{5} = \sqrt{36} \times \sqrt{5} - 2\sqrt{11} + 2\sqrt{4} \times \sqrt{11} - 3\sqrt{5}$ (\$\displies 6\sqrt{5} - 2\sqrt{11} + 2\times 2\sqrt{11} - 3\sqrt{5} = 6\sqrt{5} - 3\sqrt{5} + 4\sqrt{11} - 2\sqrt{11} = 3\sqrt{5} + 2\sqrt{11}\$

b مقلوب a الآن a $b = (3\sqrt{5} - 2\sqrt{11})(3\sqrt{5} + 2\sqrt{11}) = (3\sqrt{5})^2 - (2\sqrt{11})^2 = 9\times 5 - 4\times 11 = 45 - 44 = 1$

 $\frac{1}{a-b} = \frac{1}{ab} - \frac{a}{ab} = \frac{b-a}{ab} = \frac{b-a}{ab} = \frac{b-a}{1} = b-a = (3\sqrt{5} + 2\sqrt{11}) - (3\sqrt{5} - 2\sqrt{11}) = 3\sqrt{5} + 2\sqrt{11} - 3\sqrt{5} + 2\sqrt{11} = 4\sqrt{11}$ $A = x^2 - x\sqrt{5} = x(x - \sqrt{5})$ (1) $\frac{3-6}{2}$

 $B = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x^2 - x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x\left(x - \sqrt{5}\right) = \left(x - \sqrt{5}\right)\left[\left(x + 1\right) + x\right] = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(2x + 1\right) + x^2 - x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right)\left(x + 1\right) + x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5}\right) + x\sqrt{5} = \left(x - \sqrt{5$ $|B| = \left| \left(x - \sqrt{5} \right) \left(2x + 1 \right) \right| = \left| x - \sqrt{5} \right| \left| 2x + 1 \right| \; \; ; \; \; |A| = \left| x \left(x - \sqrt{5} \right) \right| = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{5} \right| \; \; (\hookrightarrow x - \sqrt{5}) = |x| \left| x - \sqrt{$

 $|B| = |2 - \sqrt{5}||2 \times 2 + 1| = (\sqrt{5} - 2) \times 5 = 5\sqrt{5} - 10 \quad \text{e. } |A| = |2||2 - \sqrt{5}| = 2 \times (\sqrt{5} - 2) = 2\sqrt{5} - 4 \quad \text{f. } x = 2 \text{ e.s.}$ $(x-\sqrt{5})[x-(2x+1)] = 0$ يعني $(x-\sqrt{5})-(x-\sqrt{5})(2x+1)=0$ يعني A=B (5) يعني A=B

0 = (x−√5) رمضي 0 = 1 − x − أو 0 = 5√ − x وبالتالي 1 − = x أو 5√ = x

 $AM = \frac{MN}{3} = \frac{NB}{4}$: $M \in M$

لذا [AB] و [MN] يتقاطعان في منتصفهما O إنن الرباعي AMBN هو متوازي أضلاع وبما أن 90° = AMB فإن AMBN هو مستطيل إذن قطراه متقايسان أي AMBN

 $E = 0 \boxtimes (-1) \cdot A = -2(4+\sqrt{2}) \boxtimes (1 \cdot (1:33-01-6))$

2) 1) صواب ، ب) خطا

 $a = \sqrt{32} - 3\sqrt{50} - \frac{1}{2}\sqrt{18} = \sqrt{16 \times 2} - 3\sqrt{25 \times 2} - \frac{1}{2}\sqrt{9 \times 2} = \sqrt{16} \times \sqrt{2} - 3\sqrt{25} \times \sqrt{2} - \frac{1}{2}\sqrt{9} \times \sqrt{2}$

 $=4\sqrt{2}-15\sqrt{2}-\frac{3}{2}\sqrt{2}=-11\sqrt{2}-\frac{3}{2}\sqrt{2}=-\frac{22}{2}\sqrt{2}-\frac{3}{2}\sqrt{2}=-\frac{25}{2}\sqrt{2}$

 $b = -2\sqrt{125} + \frac{3}{2}\sqrt{80} - \frac{2}{3}\sqrt{45} = -2\sqrt{25\times5} + \frac{3}{2}\sqrt{16\times5} - \frac{2}{3}\sqrt{9\times5} = -2\sqrt{25}\times\sqrt{5} + \frac{3}{2}\sqrt{16}\times\sqrt{5} - \frac{2}{3}\sqrt{9}\times\sqrt{5}$

 $c = \left|1 - \sqrt{2}\right| - \left|2 - \sqrt{2}\right| = \left(\sqrt{2} - 1\right) - \left(2 - \sqrt{2}\right) = \sqrt{2} - 1 - 2 + \sqrt{2} = -3 + 2\sqrt{2}$ $=-2\times 5\sqrt{5} + \frac{3}{2} \times 4\sqrt{5} - \frac{2}{3} \times 3\sqrt{5} = -10\sqrt{5} + 6\sqrt{5} - 2\sqrt{5} = -6\sqrt{5}$

 $d = |3.14 - \pi| + |\pi - 3.15| = (\pi - 3.14) + (3.15 - \pi) = -3.14 + 3.15 = 0.01$

 $x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ يعني $x - \frac{\sqrt{2}}{2} = 0$ يعني $x - \frac{\sqrt{2}}{2} = 0$ (1 : 3) يعني $x = \frac{\sqrt{2}}{2}$

اذن a مقلوب b

 $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{b}{ab} + \frac{a}{ab} = \frac{b+a}{ab} = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{5} + \sqrt{6} - \sqrt{5}}{1} = 2\sqrt{6} \text{ (} \rightarrow$

 $\frac{1}{a} - \frac{1}{b} = \frac{b}{ab} - \frac{a}{ab} = \frac{b - a}{ab} = \frac{(\sqrt{6} + \sqrt{5}) - (\sqrt{6} - \sqrt{5})}{1} = \sqrt{6} + \sqrt{5} - \sqrt{6} + \sqrt{5} = 2\sqrt{5}$

 $\frac{a}{\sqrt{5}} + \frac{b}{\sqrt{6}} = \frac{a\sqrt{6}}{\sqrt{5} \times \sqrt{6}} + \frac{b\sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{6}} = \frac{a\sqrt{6} + b\sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{6}} = \frac{(\sqrt{6} - \sqrt{5})\sqrt{6} + (\sqrt{6} + \sqrt{5})\sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{6}} = \frac{\sqrt{5} \times \sqrt{6}}{\sqrt{50}} = \frac{\sqrt{50} + \sqrt{30} + \sqrt{30} + 5}{\sqrt{30}} = \frac{6 + 5}{\sqrt{30}} = \frac{11}{\sqrt{30}} = \frac{11}{\sqrt{30}} = \frac{\sqrt{30} + \sqrt{30} + \sqrt{30} + 5}{\sqrt{30}} = \frac{11}{\sqrt{30}} = \frac{11}{\sqrt{3$

ر (II) يقطع [AC] في الذن ال هي منتصف [AC]

ياضبات الت

 $AC = 3\sqrt{2}$ نمريسن عــــ03-د (AC) قطر العربع ABCD طول ضلعه 0 إنن $-\frac{1}{x} < -\frac{1}{y}$ ابن $\frac{1}{x} > \frac{1}{y}$ این x < y

 $AH = \frac{3\sqrt{3}}{2}$ ارتفاع المثلث المتقايس الأضلاع ADE طول ضلعه 3. إذن [AH]

نتحصل على MC2 = BM2 + BC2 إذن

* بنطبيق نظرية بيناغور في المثلث DNC (قائم الزاوية في D) ننحصل على: "NC² =DN²+DC² الذن * بتطبيق نظرية بيناغور في المثلث AMN (قائم الزاوية في A) نتحصل على: $MN = \sqrt{AN^2 + AM^2} = \sqrt{3^2 + 3^2} = \sqrt{18} = 3\sqrt{2}$ if $MN^2 = AN^2 + AM^2$

و $MC^2 + MN^2 = NC^2$ إذن $NC^2 = (\sqrt{68})^2 = 68$ حسب عكس $MC^2 + MN^2 = (5\sqrt{2})^2 + (3\sqrt{2})^2 = 50 + 18 = 68$ $^{\circ}$ NC = $\sqrt{68}$ و MN = $3\sqrt{2}$; MC = $5\sqrt{2}$ لينا MNC بب) في المثلث MNC دينا $NC = \sqrt{DN^2 + DC^2} = \sqrt{2^2 + 8^2} \approx \sqrt{4 + 64} = \sqrt{68}$

 $\frac{3\sqrt{3}}{4} \boxtimes (+ : -227 \boxtimes (^{\dagger}(1) + 0))$

2) أ) خطأ (إذا كان ه و لا موجبان) ، ب) خطأ

 $\frac{1}{1+b} \frac{1}{1+a} = \frac{(1+b)(1+a)}{(1+b)(1+a)} = \frac{(1+b)(1+a)}{(1+b)(1+a)}$

 $\frac{a}{1+b} < \frac{b}{1+a} \quad \frac{a}{1+b} \quad \frac{b}{1+a} < 0 \quad \text{e.title.} \quad \frac{(a-b)(1+a+b)}{(1+b)(1+a)} < 0$

 $\frac{ab}{a+b} - \frac{a+b}{4} = \frac{4ab}{4(a+b)} - \frac{(a+b)(a+b)}{4(a+b)} = \frac{4ab - (a+b)^2}{4(a+b)} = \frac{4ab - (a^2 + 2ab + b^2)}{4(a+b)} (-1)$ $= \frac{4ab - a^2 - 2ab - b^2}{4(a+b)} = \frac{-a^2 + 2ab - b^2}{4(a+b)} = \frac{-(a^2 - 2ab + b^2)}{4(a+b)} = \frac{-(a-b)^2}{4(a+b)}$

 $y = \sqrt{75} - 2\sqrt{12} + \sqrt{48} = \sqrt{25 \times 3} - 2\sqrt{4 \times 3} + \sqrt{16 \times 3} = \sqrt{25} \times \sqrt{3} - 2\sqrt{4} \times \sqrt{3} + \sqrt{16} \times \sqrt{3} = 5\sqrt{3} - 4\sqrt{3} + 4\sqrt{3} = 5\sqrt{3}$ x < y (3\sqrt{5}) $= 25 \times 3 = 75$; $x^2 = (3\sqrt{5})^2 = 9 \times 5 = 45$ (4) $x < y = (3\sqrt{5})^2 = 9 \times 5 = 45$

 $\frac{ab}{a+b} < \frac{a+b}{4}$ و 4(a+b) > 0 لذا $0 > \left(\frac{(a-b)^2}{4(a+b)} < 0\right)$ اذن $0 > (a-b)^2 > 0$ لدينا $(a-b)^2 > 0$ لذا (a+b) > 0 و رياتناهي الدينا $(a-b)^2 > 0$

 $\frac{b(1+b)}{1+b)(1+a)} = \frac{a(1+a)-b(1+b)}{(1+b)(1+a)} = \frac{(a+a^2)-(b+b^2)}{(1+b)(1+a)} (i (1-a) - 0)$ فرض مسراقية عـ04سند $\frac{a-b+a^2-b^2}{(1+b)(1+a)} = \frac{(a-b)+(a-b)(a+b)}{(1+b)(1+a)} = \frac{(a-b)(1+a+b)}{(1+b)(1+a)}$ نظرية بيناغور المثلث MNC قائم الزاوية في M.

تعريسن عداق المثلث OBI الدينا: De(OB) ; Ae(OI) الدينا: De(OB) ; Ae(OI))

متوازي أصلاع)؛ بتطبيق نظرية طالس نتحصل على $\frac{BI}{OA} = \frac{DI}{AD}$ ، $\frac{ABCD}{OA}$ $\frac{OI}{OA} = \frac{BI}{AD} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$ وبما أن BC = AD = 4 ع $BI = \frac{BC}{2}$ وبما أن

2) أ) في المثلث AD لدينا AD (BI); Be(AJ); و (AD)//(BI)؛ بتطبيق نظرية طالس نتحصل على

 $\frac{JA}{JB} = \frac{AD}{BI} = 2$ فإن AD = 2BI ويما أن AD = 2BI

 $\frac{\mathrm{IB}}{\mathrm{IC}} = \frac{\mathrm{JB}}{\mathrm{IC}}$ الدينا IDC الدينا IC و IC (IC) ؛ بتطبيق نظرية طالس نتحصل على: IC وبما

ج) في المثلث AJD لدينا B منتصف [JA] و (AD)//(BI) و I نقطة تقاطع (BI) و (JD) إنن I منتصف [JD]. 3) في المثلث AJD لدينا B منتصف [JA] و I منتصف [JD] إنن [A] و [DB] يمثلان موسطين للمثلث AJD ا لأن ABCD متوازي أضلاع) إذن B; AB وبما أن B; A و ل على استقامة واحدة فإن B منتصف [JA]. AB=DC ا فإن $\frac{1B}{IC}$ و بالتالي $\frac{1B}{DC}=1$ الدينا $\frac{1B}{DC}$ الدينا $\frac{1B}{DC}=1$ ولدينا $\frac{1B}{IC}=1$ ربالتالي فإن نقطة تقاطعهما ٥ هي مركز نقله.

فرض مسراقية ع 300سيد

 $\frac{12}{5} \boxtimes ($ ب ؛ $\sqrt{6} \boxtimes ($ أ (1) غمريسن عـــــ 0سند: 1)

 $a = 3\left(\sqrt{2}\right)^{-1} - 2\left(\sqrt{3}\right)^{-2} - \left(-\frac{3}{2}\right)^{-1} = \frac{3}{\left(\sqrt{2}\right)^4} - 2 \times \frac{1}{\left(\sqrt{3}\right)^2} - \left(-\frac{2}{3}\right) = \frac{3}{4} - \frac{2}{3} + \frac{2}{3} = \frac{3}{4} \cdot (1 \cdot \frac{2}{3} - \frac{2}{3} - \frac{2}{3} + \frac{2}{3} - \frac{2}{3} - \frac{2}{3} + \frac{2}{3} - \frac{2}$

 $b = \left(\sqrt{\frac{1}{7}}\right)^3 \times \left(\sqrt{\frac{3}{7}}\right)^3 \times \sqrt{\frac{1}{3}} - \left(\sqrt{\frac{3}{2}}\right)^{\frac{1}{2}} \times 3^{-1} + \left(\sqrt{3}\right)^{-4} = \left(\sqrt{\frac{1}{7}}\right)^3 \times \left(\sqrt{\frac{7}{3}}\right)^3 \times \sqrt{\frac{1}{3}} - \left(\sqrt{\frac{2}{3}}\right)^2 \times \frac{1}{3} + \frac{1}{\left(\sqrt{3}\right)^4} + \frac{1}{\left(\sqrt{3}\right)^$ $= \left(\sqrt{\frac{1}{7}} \times \sqrt{\frac{7}{3}}\right)^3 \times \sqrt{\frac{1}{3}} - \frac{2}{3} \times \frac{1}{3} + \frac{1}{9} = \left(\sqrt{\frac{1}{7}} \times \frac{7}{3}\right)^3 \times \sqrt{\frac{1}{3}} - \frac{2}{9} + \frac{1}{9} = \left(\sqrt{\frac{1}{3}}\right)^3 \times \sqrt{\frac{1}{3}} - \frac{1}{9} = \left(\sqrt{\frac{1}{3}}\right)^4 - \frac{1}{9} = \frac{1}{9} - \frac{1}{9} = 0$

 $x = \frac{(\sqrt{3})^3}{\sqrt{3} \times (\sqrt{5})^{-1}} = \frac{(\sqrt{3})^3}{\sqrt{3}} \times \frac{1}{(\sqrt{5})^{-1}} = (\sqrt{3})^2 \times \sqrt{5} = 3\sqrt{5} \quad (1) \quad (2)$

 $2\sqrt{10} > 0$ وبما أن $0 < \sqrt{3} > 0$ فإن $2\sqrt{10} > 0$ فإن $2\sqrt{10} > 0$ فيات $2\sqrt{10}$ $=2-2\sqrt{10}+5-3+4\sqrt{3}-4=\left(2+5-3-4\right)+\left(4\sqrt{3}-2\sqrt{10}\right)=0+4\sqrt{3}-2\sqrt{10}=4\sqrt{3}-2\sqrt{10}$

 $\left(\sqrt{a} + \sqrt{b}\right)^2 = \sqrt{a}^2 + 2\sqrt{a}\sqrt{b} + \sqrt{b}^2 = a + 2\sqrt{ab} + b = a + b + 2\sqrt{ab} = 10 + 2\sqrt{1} = 10 + 2 = 12$

 $\sqrt{a} + \sqrt{b} = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$ فإن $\sqrt{a} + \sqrt{b} > 0$

 $\frac{a\sqrt{a}-b\sqrt{b}}{\sqrt{a}-\sqrt{b}} = \frac{\left(a\sqrt{a}-b\sqrt{b}\right)\left(\sqrt{a}-\sqrt{b}\right)}{\left(\sqrt{a}-\sqrt{b}\right)\left(\sqrt{a}-\sqrt{b}\right)} = \frac{a\sqrt{a}\sqrt{a}-a\sqrt{a}\sqrt{b}-b\sqrt{b}\sqrt{a}+b\sqrt{b}\sqrt{b}}{\sqrt{a}^2-2\sqrt{a}\sqrt{b}+\sqrt{b}^2} = \frac{a^2-a\sqrt{ab}-b\sqrt{ab}+b^2}{a-2\sqrt{ab}+b}$

 $\frac{a^2+b^2-\sqrt{ab}\left(a+b\right)}{a+b-2\sqrt{ab}} = \frac{a^2+b^2-\sqrt{1}\times 10}{10-2\times\sqrt{1}} = \frac{a^2+b^3-10}{10-2} = \frac{a^2+b^3}{8} - \frac{10}{8} = \frac{1}{8}\left(a^2+b^2\right) - \frac{5}{4} = \frac{1}{8}\left[\left(a+b\right)^2-2ab\right] - \frac{5}{4}\left[\left(a+b\right)^2-2ab\right]

 $= \frac{1}{8} (10^2 - 2 \times 1) - \frac{5}{4} = \frac{1}{8} (100 - 2) - \frac{5}{4} = \frac{98}{8} - \frac{5}{4} = \frac{49}{4} - \frac{5}{4} = \frac{44}{4} = 11$ $E = (-\sqrt{7})^2 - (7 - 4\sqrt{3}) = 7 - 7 + 4\sqrt{3} = 4\sqrt{3} \text{ († (2))}$

 $(2-\sqrt{3})^2 = 2^2 - 4\sqrt{3} + \sqrt{3}^2 = 4 - 4\sqrt{3} + 3 = 7 - 4\sqrt{3}$ (\Rightarrow

 $E = x^2 - (7 - 4\sqrt{3}) = x^2 - (2 - \sqrt{3})^2 = \left[x - (2 - \sqrt{3})\right] \left[x + (2 - \sqrt{3})\right] = (x - 2 + \sqrt{3})(x + 2 - \sqrt{3})$ (3) (3) EHO تحصل على EHO تحصل على EHO تتحصل على EHO تتحصل على على EHO تتحصل على EHO تتحصل على EHO تتحصل على EHO تتحصل على EHO تتحصل على EHO

EO = $\sqrt{\text{HO}^2 + \text{EH}^2}$ = $\sqrt{\left(\frac{3}{2}\right)^2 + 2^2}$ = $\sqrt{\frac{9}{4} + 4}$ = $\sqrt{\frac{25}{4}}$ = $\frac{5}{2}$ \(\text{iv}\) EO² = HO² + EH²

* المثلث EFG قانع الزاوية في E و O منتصف الونر [FG] إذن O مركز الدائرة المحيطة بـه وبالتالي

 $FG = 20E \approx 2 \times \frac{5}{2} = 5$ if $OF = OG = OE = \frac{5}{7}$

(H وقائم الزاوية في EFH (على المثلث + FH = OF + والم الزاوية في + + + (قائم الزاوية في +)

 $EF = \sqrt{EH^2 + FH^2} = \sqrt{2^2 + 1^2} = \sqrt{5^2 + 1^2} = EH^2 + FH^2 + FH^2$ نخصل على $EF^2 = EF^2 + EG^2$ إذن * بتطبيق نظرية بيتاغور على المثلث $EF^2 = EF^2 + EG^2$ إذن

 $EG = \sqrt{FG^2 - EF^2} = \sqrt{5^2 - \sqrt{5}^2} = \sqrt{25 - 5} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$ evilable $EG^2 = FG^2 - EF^2$

يما أن ABC) AC=AB مثلث متقايس الصلحين) فإن AB=AD=AC إذن المثلث BCD يقبل

a < b فان a < 0

y بنن x مقلوب $y = \sqrt{3 - 2\sqrt{2}} \times \sqrt{3 + 2\sqrt{2}} = \sqrt{\left(3 - 2\sqrt{2}\right)\left(3 + 2\sqrt{2}\right)} = \sqrt{3^2 - \left(2\sqrt{2}\right)^2} = \sqrt{9 - 8} = \sqrt{1} = 1$ (1) (2)

 $(x+y)^2 = x^2 + 2xy + y^2 = (\sqrt{3} - 2\sqrt{2})^2 + 2 + (\sqrt{3} + 2\sqrt{2})^2 = 3 - 2\sqrt{2} + 2 + 3 + 2\sqrt{2} = 3 + 2 + 3 = 8$

x+y>0 لدينا x+y=0 د اد ان x+y=0 يوندي $\sqrt{(x+y)^2}=\sqrt{8}$ د يوندي $\sqrt{(x+y)^2}=\sqrt{8}$ د اد يا ان $\sqrt{(x+y)^2}=\sqrt{8}$ د يوندي اد يا اد يوندي اد يو

 $x + y = 2\sqrt{2}$ ابن |x + y| = x + y

 $\frac{x}{y} + \frac{y}{x} = \frac{x^2}{x^2} + \frac{y^2}{xy} = \frac{x^2 + y^2}{xy} = \frac{\sqrt{3 - 2\sqrt{2}}^2 + \sqrt{3 + 2\sqrt{2}}^2}{1} = 3 - 2\sqrt{2} + 3 + 2\sqrt{2} = 6$ (5) $\frac{x}{y} + \frac{y}{x} = \frac{x^2}{xy} + \frac{y^2}{xy} = \frac{x^2 + y^2}{xy} = \frac{\sqrt{3 - 2\sqrt{2}}^2 + \sqrt{3 + 2\sqrt{2}}^2}{1} = 3 - 2\sqrt{2} + 3 + 2\sqrt{2} = 6$ (7) $\frac{x}{y} + \frac{y}{x} = \frac{x^2 + y^2}{xy} = \frac{x^2 + y^2}{xy} = \frac{\sqrt{3 - 2\sqrt{2}}^2 + \sqrt{3 + 2\sqrt{2}}^2}{1} = 3 - 2\sqrt{2} + 3 + 2\sqrt{2} = 6$ (7) $\frac{x}{y} + \frac{y}{x} = \frac{x^2 + y^2}{xy} = \frac{x^2 + y^2}{xy} = \frac{\sqrt{3 - 2\sqrt{2}}^2 + \sqrt{3 + 2\sqrt{2}}^2}{1} = 3 - 2\sqrt{2} + 3 + 2\sqrt{2} = 6$ (7) $\frac{x}{y} + \frac{y}{x} = \frac{x^2 + y^2}{xy} = \frac{x^2 + y^2}{xy} = \frac{x^2 + y^2}{xy} = \frac{x^2 + y^2}{1} = 3 - 2\sqrt{2} + 3 + 2\sqrt{2} = 6$ (7) $\frac{x}{y} = \frac{x^2 + y^2}{xy} = \frac{x^2 + y^2}{xy} = \frac{x^2 + y^2}{xy} = \frac{x^2 + y^2}{1} = \frac{x^2 + y^2}{$

وبما ان AB=x و AC=x+2 فان

 $BC^{2} = x^{2} + (x+2)^{2} = x^{2} + x^{2} + 4x + 4 = 2x^{2} + 4x + 4 = 2(x^{2} + 2x + 2) = 2(x^{2} + 2x + 1 + 1) = 2[(x+1)^{2} + 1]$

 $BC = \sqrt{2((x+1)^2 + 1)} = \sqrt{2}\sqrt{(x+1)^2 + 1}$ الأن

M إذن المثلث ABM قائم الزاوية في M (قائم الزاوية في M) انتحصل على (M) المثلث ABM (قائم الزاوية في ABM) انتحصل على (ب) بتطبيق نظرية بيناغور في المثلث ABP (قائم الزاوية في M) انتحصل على $AB^2 - AM^2 = \sqrt{10^2 - 6^2} = \sqrt{64} = 8$ (BM = $\sqrt{AB^2 - AM^2}$ = $AB^2 - AM^2 + BM^2$).

2) * المثلث ABM فائم الزاوية في M و [MH] ارتفاعه الصادر من M إذن AB×MH=AM×BM وبالتالي

 $MH = \frac{AM \times BM}{AB} = \frac{6 \times 8}{10} = \frac{48}{10} \approx 4.8$ $MH = \frac{AM \times BM}{AB} = \frac{6 \times 8}{10} = \frac{48}{10} \approx 4.8$ $MH = \frac{AM \times BM}{AB} = \frac{6 \times 8}{10} = \frac{48}{10} \approx 4.8$ $MH = \frac{AM \times BM}{AB} = \frac{6 \times 8}{10} = \frac{48}{10} \approx 4.8$ $OH = \sqrt{OM^2 - MH^2} = \sqrt{5^2 - (4.8)^2} = \sqrt{25 - 23.04} = \sqrt{1.96} = 1.4$ (b) $OH^2 = OM^2 - MH^2$

 $(\sqrt{3+2\sqrt{2}} = \sqrt{(\sqrt{2}+1)^2}$ وبالتالي $\frac{3+2\sqrt{2}}{3+2\sqrt{2}} = (\sqrt{2}+1)^2)\sqrt{2}+1 \boxtimes (\frac{1}{2}(\sqrt{2}+1)^2)$ فعريسن عبال الماء الم

فرض ئىالىغى عــ02سدد

 $\left(\frac{1}{2+\sqrt{3}} + \frac{1}{2-\sqrt{3}} = \frac{2-\sqrt{3}}{\left(2+\sqrt{3}\right)\left(2-\sqrt{3}\right)} + \frac{2+\sqrt{3}}{\left(2+\sqrt{3}\right)\left(2-\sqrt{3}\right)} = \frac{2-\sqrt{3}+2+\sqrt{3}}{1} = 4\right) - \frac{1}{2} - \frac{1}{2$ 4(π-√3) ☒ (ڹ

 $(a \in IR_-)$ فطا |a|=-a لأن $a \in IR_-$ لأن $a \in IR_-$ فرا $a \in IR_-$ فرا $a \in IR_-$ الذن $a \in IR_-$ فرا

 $a^2 - b^2 = \left(\sqrt{2} - \sqrt{5}\right)^2 - \left(\sqrt{3} - 2\right)^2 = \left(\sqrt{2}^2 - 2\sqrt{2}\sqrt{5} + \sqrt{5}^2\right) - \left(\sqrt{3}^2 - 4\sqrt{3} + 2^2\right) = \left(2 - 2\sqrt{10} + 5\right) - \left(3 - 4\sqrt{3} + 4\right)$

 $(x+2)^2 = x^2 + (x+1)^2$ فلن AC = x+2 وبما أن AC = x+1 ! AB = x وبما أن $AC^2 = AB^2 + BC$

ب) لدينا EB] و F مناظرتي B و C بالنسبة إلى A لذا A منتصف كل من [EB] و [FC] وبما أن (CF) لـ (CF) (EB)

(ABC قائم الزاوية في A) فإن الرباعي BCEF قطراه متعامدان في منتصفهما A ابن هو معين

 $\frac{\text{FC} \times \text{EB}}{2} = \frac{8 \times 6}{2} = 24 \text{ cm}^2 : \text{BCEF}$ عساحة المعين

محيط المعين BCEF يساوي 4×BC

فرض مراقبة عــــ80-ند

ين معين $\boxtimes (-$: $-\frac{\sqrt{2}}{2} \boxtimes (^{\dagger} (1))$ معين

 $BC^2 = AB^2 + AC^2$ عنطرية بيناغور في المثلث ABC (قائم الزاوية في ABC) تنحصل على ABC

 $4\times BC = 4\times 5 = 20$ وبالتالي $BC = \sqrt{AB^2 + AC^2} = \sqrt{4^2 + 3^2} = \sqrt{25} = 5$ دن

فرض مرافيه عـ 100 مد

x+1=0 او x-3=0 اومني (x-3)(x+1)=0 ومني $x^2-2x-3=0$ اومني $2x^2+2x+1-x^2-4x-4=0$ اومني x+1=0 $(2x^2+2x+1)-(x^2+4x+4)=0$ يعني $x^2+4x+4=2x^2+2x+1$ يعني $x^2+4x+4=x^2+x^2+2x+1$

 $S_{IR} = \frac{4}{\sqrt{5-\sqrt{2}}}; +\infty$ $\times \times \frac{4}{\sqrt{5-\sqrt{2}}}$

هـ) $(x - 2\sqrt{2}x - 3 > x^2 - 2\sqrt{5}x + 5)^2$ هـ) A

 $S_{IR} = \{\sqrt{2} - \sqrt{5}; \sqrt{2} + \sqrt{5}\}\$ is in

 $x = \sqrt{2} + \sqrt{5}$ of $x = \sqrt{2} - \sqrt{5}$ and $x = \sqrt{2} + \sqrt{5} = 0$ of $x = \sqrt{2} + \sqrt{2} = 0$ of x

$$A = (x - \sqrt{2})^{2} - 5 = (x - \sqrt{2})^{2} - \sqrt{5}^{2} = (x - \sqrt{2} - \sqrt{5})(x - \sqrt{2} + \sqrt{5}) (2)$$

 $A = (x - \sqrt{2})^{2} - 5 \text{ i.i. } (x - \sqrt{2})^{2} - 5 = (x^{2} - 2\sqrt{2}x + 2) - 5 = x^{2} - 2\sqrt{2}x + 2 - 5 = x^{2} - 2\sqrt{2}x - 3 \text{ (} \Rightarrow x^{2} - 2\sqrt{2}x + 2 - 5 = x^{2} - 2\sqrt{2}x - 3 \text{ (} \Rightarrow x^{2} - 2\sqrt{2}x + 2 - 5 = x^{2} - 2\sqrt{2}x - 3 \text{ (} \Rightarrow x^{2} - 2\sqrt{2}x + 2 - 5 = x^{2} - 2\sqrt{2}x - 3 \text{ (} \Rightarrow x^{2} - 2\sqrt{2}x + 2 - 5 = x^{2} - 2\sqrt{2}x - 3 \text{ (} \Rightarrow x^{2} - 2\sqrt{2}x + 2 - 5 = x^{2} - 2\sqrt{2}x + 2 - 5 = x^{2} - 2\sqrt{2}x - 3 \text{ (} \Rightarrow x^{2} - 2\sqrt{2}x + 2 - 5 = x^{2} - 2\sqrt{2}x + 2 - 5 = x^{2} - 2\sqrt{2}x + 2 - 5 = x^{2} - 2\sqrt{2}x - 3 \text{ (} \Rightarrow x^{2} - 2\sqrt{2}x + 2 - 5 = x^{2} - 2\sqrt{2}x + 2 - 2\sqrt{2}x + 2 - 2\sqrt{2}x + 2 - 2\sqrt{2}x + 2 - 2\sqrt{2}x + 2 - 2\sqrt{2}x + 2 - 2\sqrt{2}x + 2 - 2\sqrt{2}x + 2 - 2\sqrt{2}x + 2 - 2\sqrt{2}x + 2 - 2\sqrt{2}x + 2 - 2\sqrt{2}x + 2 - 2\sqrt{2}x + 2$ $A = \left(1 + \sqrt{2}\right)^2 - 2\sqrt{2}\left(1 + \sqrt{2}\right) - 3 = 1 + 2\sqrt{2} + 2 - 2\sqrt{2} - 2\sqrt{2} \times \sqrt{2} - 3 = 1 + 2\sqrt{2} + 2 - 2\sqrt{2} - 4 - 3 = -4$

(2) أ) خطأ ، ب) صواب

 $x\in]-\infty;-2[\,\cup\,]2;+\infty[\quad\boxtimes\,(\,\cdot\,\quad;\quad \mathrm{IR}\,\boxtimes\,(^{\,\cdot}\,(\,1\,$

 $A = \left(\frac{1}{2}x - 1\right)^2 - 2 \text{ if } \left(\frac{1}{2}x - 1\right)^2 - 2 = \left(\frac{1}{2}x\right)^2 - 2x + 1 - 2 = \frac{1}{4}x^2 - x - 1 \text{ (i (1)} \frac{1}{2}x - 1)^2 - 2x + 1$ (2) أ) خطأ ، ب) خطأ

 $A = \left(\frac{1}{2}x - 1\right)^{2} - 2 = \left(\frac{1}{2}x - 1\right)^{2} - \left(\sqrt{2}\right)^{2} = \left[\frac{1}{2}x - 1 - \sqrt{2}\right] \left[\frac{1}{2}x - 1 + \sqrt{2}\right] (-1)^{2}$

 $x = 2 \left(1 - \sqrt{2}\right) \left(\frac{1}{2}x - 1 + \sqrt{2}\right) = 0 \text{ if } \frac{1}{2}x - 1 - \sqrt{2} = 0 \text{ if } \frac{1}{2}x - 1 - \sqrt{2} \left[\left(\frac{1}{2}x - 1 + \sqrt{2}\right)\right] \left(\frac{1}{2}x - 1 + \sqrt{2}\right) = 0 \text{ (3)}$

 $S_{IR} = \left\{ 2\left(1 - \sqrt{2}\right) \; ; \; 2\left(1 + \sqrt{2}\right) \right\} \; \text{ i.e.} \; \; x = 2\left(1 + \sqrt{2}\right) \;$ او

2) أ.]1-.3- [-3-يعني 2-x+5-يعني 3+5-x+5-يعني 3+5-يعني 4-3-x+5 (ابن 12.4- ويما أن x+5∈].

[2;4] € فإن 2+5 مان x +5

 $\frac{2(x+2)}{x+5} = 2 - \frac{6}{x+5} = \frac{2(x+5)}{x+5} - \frac{6}{x+5} = \frac{2(x+5)}{x+5} - \frac{6}{x+5} = \frac{2x+10-6}{x+5} = \frac{2x+4}{x+5} = \frac{2(x+2)}{x+5} (-\frac{2x+2}{x+5}) = \frac{6}{x+5} - \frac{2x+4}{x+5} = \frac{2(x+2)}{x+5} = \frac{2(x+2$

 $-1 < 2 - \frac{6}{x+5} < \frac{1}{2}$ الذن $-1 < 2 - \frac{6}{x+5} < \frac{1}{2}$ يعني

[AC] و K منتصف [BC] إذن (AB)//(IK). يما أن (BC)//(IK)؛ (AB)//(IK) و K و (BC) و K و (BC) و K و (BC)

فان (KB)//(JB) و (JK)//(JB) .إنَّن الرباعي JBK متوازي أصلاع.

 $x^2-2x-3=(x-1)^2-4$ (x-1) $(x-1)^2-4=x^2-2x+1-4=x^2-2x-3$ (1) (2)

 $x^2-2x-3=(x-1)^2-4=(x-1)^2-2^2=(x-1-2)(x-1+2)=(x-3)(x+1)$ (-1)

ج) ليكون الرباعي BK مستطيل يجب أن يكون المثلث ABC قائم الزاوية في B وبالتالمي نطبق نظرية بيناغور

(BC)//(AH) فإن (AH)//(BC) وبالتالي في BCD لدينا (BC)//(AH) وبالتالي في المثلث

و A منتصف [BD] إذن H منتصف [DC]

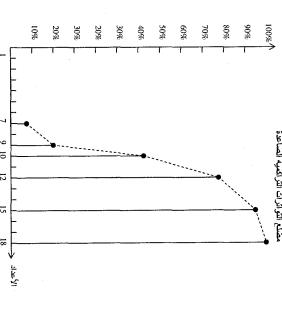
(BC) له المسقط العمودي لـ A على (DC) الذا (DC) وبما أن (AH) وبما أن (2C) $DC = \sqrt{BD^2 - BC^2} = \sqrt{5^2 - 3^2} = \sqrt{25 - 9} = \sqrt{16} = 4$ يعني $DC^2 = BD^2 - BC^2$

الارتسام داخل دائرة قطرها [BD] وبالتالي فإن المثلث BCD قائم الزاوية في C. ج) بتطبيق نظرية بيتاغور في المثلث BDC (قائم الزاوية في C) نتحصل على: BD²=BC²+DC²

 $AH = \frac{1}{2}BC = \frac{3}{2}$ ب) في المثلث BDC لدينا A منتصف BDC و A منتصف A

Collection Pilote

Collection Pilote التواتر التراكمية الصناعدة مضلع التواترات التراكمية الصاعدة



مستقيمات هذا المستوى المارة من النقطة C بما في ذلك المستقيم (AC) وبالتالمي فإن المثلث ACG قائم الزاوية في C تعريسن عسه01. المستقيم (CG) عمودي على المستوى (ABC) في النقطة C إذن فهو عمودي على كل على المستوى ب) ABCD مربع طول ضلعه 4 و [AC] قطره إذن AC = 4√2 بتطبيق نظرية بيناغور فمي العثلث ACG (قائم $AG^2 = AC^2 + CG^2$ الزاوية في C) نتحصل على

2) أ) المستقيم (IF) عمودي على المستوى (EFG) في النقطة F إذن فهو عمودي على كل مستقيمات هذا المستوى المارة من F بما في ذلك المستقيم (JF) وبالتالي فإن المثلث IFJ قانم الزاوية في F. $AG = \sqrt{AC^2 + CG^2} = \sqrt{(4\sqrt{2})^2 + 4^2} = \sqrt{32 + 16} = \sqrt{48} = 4\sqrt{3}$ الذن

 $FJ = \sqrt{FG^2 + GJ^2} = \sqrt{4^2 + 2^2} = \sqrt{16 + 4} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5} \text{ if } \left(GJ = \frac{HG}{2} = \frac{4}{2} = 2\right) FJ^2 = FG^2 + GJ^2$ ب)بتطبيق نظرية بيتاغور في المثلث FGJ (قائم الزاوية في G) نتحصل على :

 $II = \sqrt{IF^2 + FI^2} = \sqrt{2^2 + \left(2\sqrt{5}\right)^2} = \sqrt{4 + 20} = \sqrt{24} = 2\sqrt{6} \text{ (if } FJ = 2\sqrt{5} \text{ (if } F = \frac{BF}{2} = \frac{4}{2} = 2)$ $II^2 = IF^2 + FI^2$ على المثلث على المثلث IFI (قائم الزاوية في F) نتحصل على على FI

فرض تساليفي عــ 03-دد

√a²+b²+h² ⊠ (∵

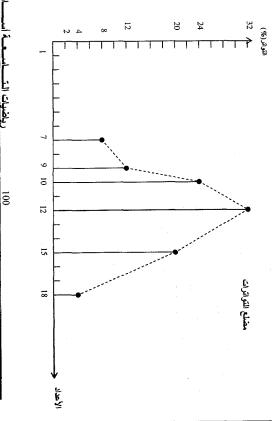
Collection Pilote

ألفأنها							
التواترات التراكمية الصاعدة بالنسبة	8%	20%	44%	76%	100% 96%	100%	
القوائرات بالنسبة المائوية	8%	12%	24%	32%	20%	4%	
عدد التلاميذ	2	3	6	8	5	-	
العدد من 20	7	9	10	12	15	18	
<u>نمریان عــ 03 استه:</u> 1)							

 $M = \frac{(2 \times 7) + (3 \times 9) + (6 \times 10) + (8 \times 12) + (5 \times 15) + (1 \times 18)}{75} = \frac{290}{25} = 11.6 :$ معدل القسم في هذا الفرض (2

18-7=11 مدى هذه السلسلة الإحصائية (3 4) منو ال هذه السلسلة الإحصائية هو 12.

5) مخطط ومضلع التواترات:



 $SB = SA = \frac{9\sqrt{2}}{2}$ هرم منتظم اذا SABCD (3

المثلث SOB قائم الزاوية في O و [OH] ارتفاعه الصادر من O إذن SB×OH=SO×OB

$$OH = \frac{SO \times OB}{SB} = \frac{6 \times \frac{3\sqrt{2}}{2}}{\frac{9\sqrt{2}}{2}} = 2$$

$$\frac{9\sqrt{2}}{2} = \frac{2}{3\sqrt{2}} = \frac{1}{2}$$

 $N \in [DC]$ و $M \in [AB]$ الذيا [DC] و [AB] و [DC] الذينا ABCD الدينا ABCD الدينا ABCD

(AM)//(NC) ونعلم أن AM = NC إنن الرباعي AMCN له ضلعان متوازيان و متقايسان وبالتالمي فهو متوازي

المنحرف AMCN مساحة الرباعي $S_1 = \frac{AD \times DN}{2} = \frac{3 \times (7 - x)}{2} = \frac{21 - 3x}{2}$ (1)

 $S_2 = \frac{(7+x)\times 3}{2} - S_1 = \frac{21+3x}{2} - \frac{21-3x}{2} = \frac{21+3x-21+3x}{2} = \frac{6x}{2} = 3x$ (and $S_2 = \frac{6x}{2} = 3x + \frac{6x}{2} = 3x + \frac{6x}{2} = \frac{6x}$

مساحة العثلث BMC تساوي الفرق بين مساحة شبه المنحرف ABCD ومساحة شبه المنحرف AMCD أي:

 $S_3 = \frac{3 \times (5+7)}{2} - \frac{(x+7) \times 3}{2} = 18 - \frac{3x+21}{2} = \frac{36}{2} - \frac{3x+21}{2} = \frac{36-3x-21}{2} = \frac{15-3x}{2}$

%01 %01

21-3x=6x يعني 3x=3x=3x يمناحة الدياعي 3x=6x يعني 3x=3x=3x=3x=3x=6x يعناي ADN بعناي مساحة الديناء

 $x = \frac{21}{9} = \frac{7}{3}$ يغني 9x = 21

 $\frac{15-3x}{2}$ ج) مساحة المثلث BMC أكبر من مساحة الرباعي AMCN يعني $S_3 > S_2$ يعني $S_3 > 6x$

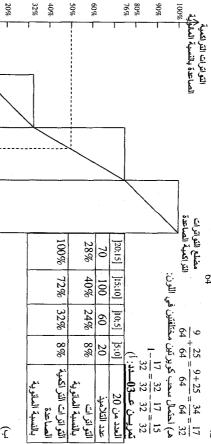
 $x \in \left[0, \frac{5}{3}\right]$ يعني x < 2 يعني $x < \frac{5}{3}$ يعني $x < \frac{5}{3}$ يعني $x < \frac{15}{3}$

Collection Pilote

(2) أ) خطأ (2 ≤ (1+ x2+1+ x2+1) خطأ

 $\frac{9}{64}$ تمریسن عـــ 0اسند: أ) عدد امكانیات السحب هو: $64=8^3=8$ ؛ ب) احتمال سحب كویرتین زرفاویئین هو

ج) احتمال سحب كويرتين حمر اويتين هو $\frac{25}{64}$ ؛ د) احتمال سحب كويرتين لهما نفس اللون هو: $\frac{25}{64}$



5) Me=12.5 (5 2) Me=12.5 (50) أيا لدينا [SO] ارتفاع الهرم SABCD لذا (SO) عمودي على المستوى (ABC) إذن فهو تعريسان عسلماسيد: 1) أيا لدينا [SO] ارتفاع الهرم SABCD لذا (SO) عمودي على المستوى (ABC) إذن فهو

 $(OA)_{\perp}(SO)$ على كل مستقيمات هذا المستوى المارة من النفطة $O_{\mathcal{O}}$ من بينها المستقيم OA إذن

وبالتالي فإن المثلث SOA قائم الزاوية في O

ب) بتطبيق نظرية بيناغور في المثلث SOA (قائم الزاوية في A) نتحصل على A²+SA²+SO²+SA² إذن

 $\left(OA = \frac{AC}{2} = \frac{AB\sqrt{2}}{2} = \frac{3\sqrt{2}}{2}\right) \quad SA = \sqrt{SO^2 + OA^2} = \sqrt{6^2 + \left(\frac{3\sqrt{2}}{2}\right)^2} = \sqrt{36 + \frac{9}{2}} = \sqrt{\frac{81}{2}} = \frac{9\sqrt{2}}{2}$

2) أ) في العثلث SAB لدينا I منتصف [SA] و I منتصف [SB] افن (II)//(AB) وبعا أن (AB) (AB) (AB)

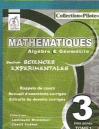
فإن (ABC)//(ABC)

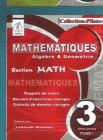
 $IJ = \frac{1}{2}AB = \frac{3}{2} (-1)$



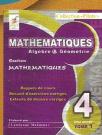










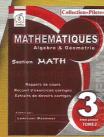


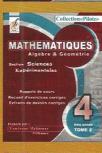


















المنت في المنت في المنت في المنت في المنت



ISBN:978-9973-56-105-3

Dépot légal: troisième trimestre 2010

6^D.000

